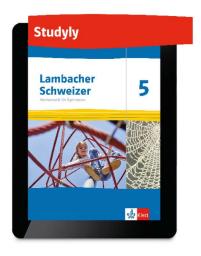
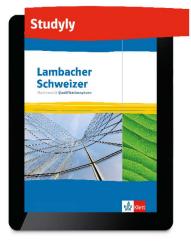
Lambacher Schweizer×Studyly

Allgemeine Ausgabe - Klasse 5 bis Qualifikationsphase



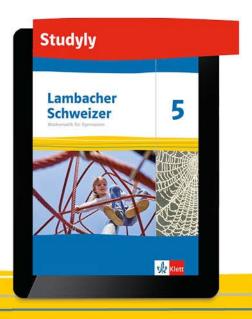


Fahrplan zum Einsatz in Bremen



Inhaltsverzeichnisse

Klasse 5 bis Qualifikationsphase





| Klasse 5 | | Kapitel IV | Flächen |
|-------------|---|------------|--|
| Kapitel I | Zahlen und Größen | | 1 Flächeninhalte vergleichen |
| | 1 Zählen und Darstellen | | 2 Flächeneinheiten |
| | 2 Zahlen ordnen | | 3 Flächeninhalt eines Rechtecks |
| | 3 Große Zahlen und Runden | | 4 Flächeninhalte rechtwinkliger Dreiecke |
| | 4 Grundrechenarten | | 5 Umfang von Figuren |
| | 5 Rechnen mit Geld | | 6 Schätzen und Rechnen mit Maßstäben |
| | 6 Rechnen mit Längenangaben | Kapitel V | Körper |
| | 7 Rechnen mit Gewichtsangaben | | 1 Körper und Netze |
| | 8 Rechnen mit Zeitangaben | | 2 Netze von Quadern und Würfeln |
| Kapitel II | Symmetrie | | 3 Schrägbilder |
| | 1 Senkrechte und parallele Geraden – Abstände | | 4 Rauminhalte vergleichen |
| | 2 Koordinatensystem | | 5 Volumeneinheiten |
| | 3 Achsensymmetrische Figuren | | 6 Volumen eines Quaders |
| | 4 Punktsymmetrische Figuren | | 7 Oberflächeninhalte von Quadern und Würfeln |
| | 5 Eigenschaften von Vielecken | Kapitel VI | Brüche – das Ganze und seine Teile |
| Kapitel III | Rechnen | | 1 Bruch und Anteil |
| | 1 Terme | | 2 Kürzen und erweitern |
| | 2 Rechenvorteile beim Addieren und Multiplizieren | | 3 Brüche vergleichen |
| | 3 Ausklammern und Ausmultiplizieren | | 4 Prozente |
| | 4 Potenzieren | | 5 Brüche als Quotienten |
| | 5 Teilbarkeit | | 6 Brüche auf dem Zahlenstrahl |
| | 6 Primzahlen und Primfaktorzerlegung | | |
| | 7 Schriftliches Addieren und Subtrahieren | | |
| | 8 Schriftliches Multiplizieren | | |
| | 9 Schriftliches Dividieren | | |
| | 10 Sachaufgaben systematisch lösen | | |
| | | | |

auf der Grundlage des Bildungsplans Mathematik für das Gymnasium Jahrgangsstufe 5 – 10 von 2006 unter der Berücksichtigung der ab 1.8.2022 eingeschränkten Gültigkeit auf die Jahrgangsstufen 5-9 und der Anlage zu den aufgeführten inhaltlichen Reduktionen sowie des Bildungsplans Mathematik für die Gymnasiale Oberstufe – Einführungsphase und Qualifikationsphase – Stand: 2022

| Kapitel I | Brüche – das Ganze und seine Teile | Kapitel V | Zahlen multiplizieren und dividieren |
|-------------|---|------------|---|
| | 1 Bruch und Anteil | | 1 Brüche vervielfachen und teilen |
| | 2 Kürzen und erweitern | | 2 Brüche multiplizieren |
| | 3 Brüche vergleichen | | 3 Durch Brüche dividieren |
| | 4 Prozente | | 4 Kommaverschiebung |
| | 5 Brüche als Quotienten | | 5 Dezimalzahlen multiplizieren |
| | 6 Brüche auf dem Zahlenstrahl | | 6 Dezimalzahlen dividieren |
| Kapitel II | Brüche in Dezimalschreibweise | | 7 Rechengesetze – Vorteile beim Rechnen |
| | 1 Dezimalschreibweise | Kapitel VI | Beziehungen zwischen Zahlen |
| | 2 Dezimalzahlen vergleichen und runden | | 1 Strukturen erkennen und fortsetzen |
| | 3 Abbrechende und periodische Dezimalzahlen | | 2 Abhängigkeiten mit Termen beschreiben |
| | 4 Dezimalschreibweise bei Größen | | 3 Rechnen mit dem Dreisatz |
| Kapitel III | Zahlen addieren und subtrahieren | | 4 Abhängigkeiten grafisch darstellen |
| | 1 Brüche addieren und subtrahieren | | |
| | 2 Dezimalzahlen addieren und subtrahieren | | |
| | 3 Geschicktes Rechnen mit Brüchen und Dezimal- | | |
| | zahlen | | |
| | 4 Addieren und Subtrahieren von Größen | | |
| Kapitel IV | Muster und Figuren | | |
| | 1 Negative Zahlen – erweitertes Koordinatensystem | | |
| | 2 Verschiebungen | | |
| | 3 Kreise und Kreisfiguren | | |
| | 4 Winkel | | |
| | 5 Winkel mit dem Geodreieck messen und zeichnen | | |
| | 6 Drehungen | | |
| | | | |

auf der Grundlage des Bildungsplans Mathematik für das Gymnasium Jahrgangsstufe 5 – 10 von 2006 unter der Berücksichtigung der ab 1.8.2022 eingeschränkten Gültigkeit auf die Jahrgangsstufen 5-9 und der Anlage zu den aufgeführten inhaltlichen Reduktionen sowie des Bildungsplans Mathematik für die Gymnasiale Oberstufe – Einführungsphase und Qualifikationsphase – Stand: 2022

| Kapitel I | Rechnen mit rationalen Zahlen | Kapitel IV | Terme und Gleichungen |
|-------------|---|-------------|---|
| | 1 Ganze Zahlen | | 1 Terme mit einer Variablen |
| | 2 Rationale Zahlen und ihre Anordnung | | 2 Terme mit einer Variablen umformen |
| | 3 Positive Zahlen addieren und subtrahieren | | 3 Ausmultiplizieren und Ausklammern |
| | 4 Negative Zahlen addieren und subtrahieren | | 4 Gleichungen aufstellen und lösen |
| | 5 Multiplizieren und Dividieren rationaler Zahlen | | 5 Gleichungen mit Äquivalenzumformungen lösen |
| | 6 Rechenvorteile nutzen | | 6 Bruchterme und Bruchgleichungen |
| Kapitel II | Zuordnungen | | 7 Problemlösen mit Gleichungen |
| | 1 Zuordnungen darstellen | Kapitel V | Konstruieren und Argumentieren mit Winkeln |
| | 2 Zuordnungen mit Formeln beschreiben | | 1 Winkel an sich schneidenden Geraden |
| | 3 Proportionale Zuordnungen | | 2 Winkelsummen |
| | 4 Antiproportionale Zuordnungen | | 3 Dreiecke konstruieren |
| | 5 Zuordnungstypen erkennen und nutzen | Kapitel VI | Flächen |
| Kapitel III | Prozent- und Zinsrechnung | | 1 Flächeninhalte von Parallelogrammen |
| | 1 Prozentsätze berechnen | | 2 Flächeninhalte von Dreiecken |
| | 2 Prozentwerte berechnen | | 3 Flächeninhalte zusammengesetzter Figuren |
| | 3 Grundwerte berechnen | Kapitel VII | Daten |
| | 4 Überall Prozente | | 1 Relative Häufigkeiten und Diagramme |
| | 5 Zinsen | | 2 Median und arithmetisches Mittel |
| | 6 Zinseszinsen | | 3 Boxplots |
| | | | 4 Untersuchungen planen und auswerten |

auf der Grundlage des Bildungsplans Mathematik für das Gymnasium Jahrgangsstufe 5 – 10 von 2006 unter der Berücksichtigung der ab 1.8.2022 eingeschränkten Gültigkeit auf die Jahrgangsstufen 5-9 und der Anlage zu den aufgeführten inhaltlichen Reduktionen sowie des Bildungsplans Mathematik für die Gymnasiale Oberstufe – Einführungsphase und Qualifikationsphase – Stand: 2022

| Kapitel I | Lineare Funktionen | Kapitel V | Kongruenz |
|-------------|--|--------------|--|
| | 1 Funktionen | | 1 Kongruenz |
| | 2 Funktionen mit der Gleichung y = $m \cdot x$ | | 2 Mit Kongruenzsätzen argumentieren |
| | 3 Lineare Funktionen | Kapitel VI | Dreiecke und Kreise |
| | 4 Funktionsgleichungen bestimmen | | 1 Der Satz des Thales |
| | 5 Nullstellen und Schnittpunkte | | 2 Mittelsenkrechte und Umkreis |
| Kapitel II | Terme mit mehreren Variablen | | 3 Winkelhalbierende und Inkreis |
| | 1 Wiederholung: Terme mit einer Variablen | | 4 Schwerpunkt eines Dreiecks |
| | 2 Terme mit mehreren Variablen | | 5 Kreisumfang und Kreisfläche |
| | 3 Multiplizieren von Summen | | 6 Kreisteile |
| | 4 Binomische Formeln | Kapitel VII | Körper |
| Kapitel III | Lineare Gleichungssysteme | | 1 Flächen bei Prismen und Zylindern |
| | 1 Lineare Gleichungen mit zwei Variablen | | 2 Prismen und Zylinder – Volumen |
| | 2 Lineare Gleichungssysteme | | 3 Das Prinzip von Cavalieri |
| | 3 Gleichsetzungs- und Einsetzungsverfahren | Kapitel VIII | Wahrscheinlichkeit |
| | 4 Das Additionsverfahren | | 1 Wahrscheinlichkeit |
| | 5 Probleme mit Gleichungssystemen lösen | | 2 Laplace-Wahrscheinlichkeit Summenregel |
| Kapitel IV | Reelle Zahlen | | 3 Baumdiagramm und Pfadregel |
| | 1 Quadratwurzeln | | 4 Der richtige Blick auf das Baumdiagramm |
| | 2 Wurzeln näherungsweise bestimmen | | 5 Wahrscheinlichkeitsverteilung einer Zufallsgröße |
| | 3 Irrationale Zahlen | | 6 Erwartungswert einer Zufallsgröße |
| | 4 Wurzelgesetze -Vorteile beim Rechnen | | 7 Zusammengesetzte Ereignisse |
| | 5 Wurzelgleichungen | | 8 Simulation von Zufallsexperimenten |
| | | | |

auf der Grundlage des Bildungsplans Mathematik für das Gymnasium Jahrgangsstufe 5 – 10 von 2006 unter der Berücksichtigung der ab 1.8.2022 eingeschränkten Gültigkeit auf die Jahrgangsstufen 5-9 und der Anlage zu den aufgeführten inhaltlichen Reduktionen sowie des Bildungsplans Mathematik für die Gymnasiale Oberstufe – Einführungsphase und Qualifikationsphase – Stand: 2022

| Kapitel I | Quadratische Funktionen | Kapitel VI | Daten |
|-------------------|--|-------------|--|
| | 1 Wiederholung: Lineare Funktionen | | 1 Relative Häufigkeiten und Diagramme |
| | 2 Quadratische Funktionen vom Typ f(x) = ax ² | | 2 Median und arithmetisches Mittel |
| | 3 Scheitelpunktform quadratischer Funktionen | | 3 Boxplots |
| | 4 Normalform und quadratische Ergänzung | | 4 Untersuchungen planen und auswerten |
| | 5 Aufstellen quadratischer Funktionsgleichungen | Kapitel VII | Daten und Wahrscheinlichkeit |
| Kapitel II | Quadratische Gleichungen | | 1 Statistiken verstehen und beurteilen |
| | 1 Darstellungsformen quadratischer Funktionen | | 2 Vierfeldertafel – mit Anteilen argumentieren |
| | 2 Quadratische Gleichungen grafisch lösen | | 3 Bedingte Wahrscheinlichkeiten |
| | 3 Lösen einfacher quadratischer Gleichungen | | 4 Stochastische Unabhängigkeit |
| | 4 Linearfaktorzerlegung | | |
| | 5 Lösungsformel für quadratische Gleichungen | | |
| | 6 Problemlösen mit quadratischen Gleichungen | | |
| Kapitel III | Potenzen und Potenzgesetze | | |
| | 1 Potenzen mit ganzzahligen Exponenten | | |
| | 2 Zahlen mit Zehnerpotenzen schreiben | | |
| | 3 Potenzen mit gleicher Basis | | |
| | 4 Potenzen mit gleichen Exponenten | | |
| | 5 Potenzieren von Potenzen | | |
| | 6 Potenzen mit rationalen Exponenten | | |
| | 7 Potenzfunktionen mit natürlichen Exponenten | | |
| Kapitel IV | Ähnlichkeit | | |
| | 1 Zentrische Streckung | | |
| | 2 Ähnlichkeit | | |
| | 3 Strahlensätze | | |
| Kapitel V | Der Satz des Pythagoras und Körper | | |
| | 1 Der Satz des Pythagoras | | |
| | 2 Pythagoras in Figuren und Körpern | | |



auf der Grundlage des Bildungsplans Mathematik für das Gymnasium Jahrgangsstufe 5 – 10 von 2006 unter der Berücksichtigung der ab 1.8.2022 eingeschränkten Gültigkeit auf die Jahrgangsstufen 5-9 und der Anlage zu den aufgeführten inhaltlichen Reduktionen sowie des Bildungsplans Mathematik für die Gymnasiale Oberstufe – Einführungsphase und Qualifikationsphase – Stand: 2022

Klasse 10

Kapitel I Spitze Körper und Kugeln

1 Pyramiden

2 Kegel

3 Kugeln

Kapitel II Exponentialfunktionen

1 Exponentielles Wachstum

2 Exponentialfunktionen

3 Exponentialgleichungen und Logarithmen

4 Wachstumsprozesse modellieren

Kapitel III Trigonometrie

1 Sinus und Kosinus

2 Tangens

3 Probleme lösen mit rechtwinkligen Dreiecken

4 Der Kosinussatz

5 Sinussatz

Kapitel IV Trigonometrische Funktionen

1 Sinus und Kosinus am Einheitskreis

2 Sinusfunktion

3 Transformationen der Sinusfunktion

4 Beschreibung periodischer Vorgänge

auf der Grundlage des Bildungsplans Mathematik für das Gymnasium Jahrgangsstufe 5 – 10 von 2006 unter der Berücksichtigung der ab 1.8.2022 eingeschränkten Gültigkeit auf die Jahrgangsstufen 5-9 und der Anlage zu den aufgeführten inhaltlichen Reduktionen sowie des Bildungsplans Mathematik für die Gymnasiale Oberstufe – Einführungsphase und Qualifikationsphase – Stand: 2022

Einführungsphase

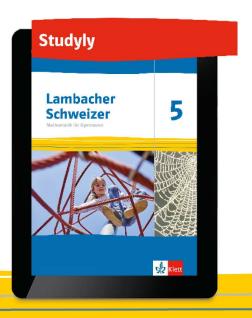
| Kapitel I | Funktionen und ihre Graphen | Kapitel IV | Extremstellen und Wendestellen |
|-------------|--|------------|--|
| | 1 Funktionen | | 1 Monotonie |
| | 2 Verschieben und Strecken von Graphen | | 2 Lokale Extremstellen |
| | 3 Zusammengesetzte Funktionen | | 3 Der Nachweis von Extremstellen |
| | 4 Ganzrationale Funktionen und ihr Verhalten | | 4 Die Bedeutung der zweiten Ableitung |
| | $f \ddot{u} r x \rightarrow + \infty \text{ bzw. } x \rightarrow - \infty$ | | – Wendestellen |
| | 5 Symmetrie von Graphen | | 5 Vom Funktionsterm zum Funktionsgraphen |
| | 6 Nullstellen ganzrationaler Funktionen | | 6 Differenzialrechnung in Sachzusammenhängen |
| | 7 Linearfaktoren – mehrfache Nullstellen | Kapitel V | Schlüsselkonzept: Binomialverteilung |
| Kapitel II | Schlüsselkonzept: Ableitung – Differenzialrechnung | | 1 Bernoulli-Experimente |
| | 1 Differenzenquotient – mittlere | | 2 Binomialkoeffizienten |
| | Änderungsrate | | 3 Die Formel von Bernoulli |
| | 2 Ableitung – momentane Änderungsrate | | 4 Die Binomialverteilung – Erwartungswert |
| | 3 Die Ableitungsfunktion | | 5 Kumulierte Wahrscheinlichkeiten |
| | 4 Die Ableitung in Sachsituationen | | 6 Binomialverteilung – Standardabweichung |
| | - lineare Näherung | | 7 Problemlösen mit der Binomialverteilung |
| | 5 Die Ableitung von Potenzfunktionen – Potenzregel | Kapitel VI | Trigonometrische Funktionen |
| | 6 Faktor- und Summenregel | | 1 Sinus und Kosinus am Einheitskreis |
| | 7 Tangenten | | 2 Das Bogenmaß – die Sinus- und Kosinusfunktion |
| Kapitel III | Schlüsselkonzept: Vektoren – Geraden im Raum | | 3 Die Funktion f mit $f(x) = a \cdot \sin(x - c) + d$ |
| | 1 Punkte und Figuren im Raum | | 4 Die Funktion f mit f (x) = a · sin (b · (x – c)) + d |
| | 2 Vektoren | | 5 Die Ableitung der Sinus- und Kosinusfunktion |
| | 3 Rechnen mit Vektoren | | 6 Periodische Vorgänge modellieren |
| | 4 Geraden im Raum | | 0 0 |
| | 5 Gegenseitige Lage von Geraden – zueinander | | |
| | parallele Geraden | | |
| | 6 Schnitt von Geraden | | |
| | 7 Modellieren von geradlinigen Bewegungen | | |
| | | | |

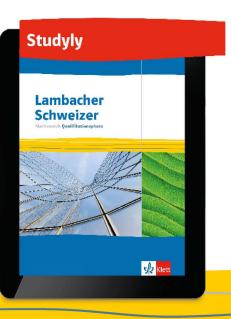
| Qualifikationsphase Kapitel I | Grundlagen der Differenzialrechnung 1 Ableitung und Ableitungsregeln 2 Verkettung von Funktionen 3 Kettenregel 4 Produktregel | Kapitel III | Integralrechnung 1 Rekonstruieren einer Größe 2 Das Integral als orientierter Flächeninhalt 3 Der Hauptsatz der Differenzial- und Integralrechnung 4 Bestimmen von Stammfunktionen |
|----------------------------------|---|-------------|--|
| | 5 Monotonie und Krümmung 6 Extrem- und Wendepunkte 7 Tangente und Normale 8 Extremwertprobleme mit Nebenbedingungen | | 5 Stammfunktionen und ihre Graphen6 Integral und Flächeninhalt7 Rotationskörper und ihr Volumen8 Uneigentliche Integrale |
| Kapitel II | Exponential- und Logarithmusfunktionen 1 Die natürliche Exponentialfunktion und die Euler'sche Zahl e 2 Exponentialgleichungen und natürlicher Logarithmus 3 Exponentialfunktionen und ihre Graphen 4 Exponentialfunktionen mit Parametern 5 Die Umkehrfunktion 6 Die Logarithmusfunktion und ihre Ableitung 7 Anwendungen von Exponentialfunktionen | Kapitel IV | 9 Mittelwerte von Funktionen Funktionen und ihre Graphen 1 Strecken, Verschieben und Spiegeln von Graphen 2 Linearfaktordarstellung – mehrfache Nullstellen 3 Lösen von Gleichungen 4 Trigonometrische Funktionen 5 Waagerechte und senkrechte Asymptoten 6 Graph und Funktionsterm 7 Untersuchen von Funktionenscharen 8 Näherungsweises Berechnen von Nullstellen |
| | | Kapitel V | Lineare Gleichungssysteme 1 Das Gauß-Verfahren 2 Lösungsmenge linearer Gleichungssysteme 3 Lineare Gleichungssysteme mit Parametern auf der rechten Seite 4 Bestimmen ganzrationaler Funktionen |

| Kapitel VI | Geraden und Ebenen | Kapitel VIII | Grundlagen der Wahrscheinlichkeitsrechnung |
|-------------|---|--------------|---|
| | 1 Vektoren im Raum | | 1 Elementare Kombinatorik |
| | 2 Geraden im Raum | | 2 Pfadregeln und Erwartungswert |
| | 3 Ebenen im Raum – Parameterform | | 3 Bedingte Wahrscheinlichkeit |
| | 4 Zueinander orthogonale Vektoren | | 4 Stochastische Unabhängigkeit |
| | – Skalarprodukt | | 5 Formel von Bernoulli und Binomialverteilung |
| | 5 Normalen- und Koordinatenform einer Ebene | | 6 Erwartungswert und Histogramm |
| | 6 Ebenengleichungen umformen | | 7 Problemlösen mit der Binomialverteilung |
| | – das Vektorprodukt | Kapitel IX | Testen mit der Binomialverteilung |
| | 7 Ebenen veranschaulichen | | 1 Einseitiger Hypothesentest |
| | 8 Gegenseitige Lage von Ebenen und Geraden | | 2 Fehler beim Testen von Hypothesen |
| | 9 Gegenseitige Lage von Ebenen | | 3 Wahl der Nullhypothese |
| Kapitel VII | Abstände und Winkel | | 4 Zweiseitiger Hypothesentest |
| | 1 Abstand eines Punktes von einer Ebene – HNF | Kapitel X | Normalverteilung |
| | 2 Abstand eines Punktes von einer Geraden | · | 1 Die Normalverteilung |
| | 3 Abstand zueinander windschiefer Geraden | | 2 Die Gauß'sche Glockenfunktion |
| | 4 Spiegelung und Symmetrie | | 3 Sigma-Regeln |
| | 5 Winkel zwischen Vektoren | | 4 Umkehraufgaben zur Normalverteilung |
| | 6 Schnittwinkel | | 5 Stetige Zufallsgrößen |
| | 7 Anwendungen des Vektorprodukts | | 2 2121.02 24141.05.01001. |
| | 8 Modellieren von geradlinigen Bewegungen | | |
| | 9 Vektorielle Beweise | | |

Stoffverteilung Bremen

Klasse 5 bis Qualifikationsphase





| Klasse | Inhalte | Zu finden in Studyly Allgemeine Ausgabe |
|--------|--|---|
| 5/6 | Arithmetik /Algebra | Klasse 5 Kapitel I Zahlen und Größen |
| | Inhalte: | 1 Zählen und Darstellen |
| | Grundvorstellungen zu Brüchen, Prozenten, negativen Zahlen | 2 Zahlen ordnen |
| | •·Zahlengerade | 3 Große Zahlen und Runden |
| | •·Ordnen, Vergleichen, Runden, Abschätzen | 4 Grundrechenarten |
| | •·Rechnen mit natürlichen Zahlen, Dezimalzahlen und einfachen Brüchen | 5 Rechnen mit Geld |
| | Rechenvorteile, Teiler und Vielfache | 6 Rechnen mit Längenangaben |
| | •·Größen | 7 Rechnen mit Gewichtsangaben |
| | Inhaltsbezogene Kompetenzen | 8 Rechnen mit Zeitangaben |
| | Die Schülerinnen und Schüler | |
| | - stellen natürliche Zahlen (Zahlenraum bis eine Million) und negative Zahlen auf verschiedene Weise dar: | Klasse 5 Kapitel III Rechnen |
| | handelnd, zeichnerisch an verschiedenen Objekten (Zahlengerade, Stellenwerttafel für natürliche Zahlen, Wortform) und symbolisch (auch durch Zehnerpotenzen) | 1 Terme |
| | deuten Dezimalzahlen und Prozente als eine Darstellungsform für Brüche und wandeln sie in die jeweils | 2 Rechenvorteile beim Addieren und Multiplizieren |
| | andere Darstellungsform um | 3 Ausklammern und Ausmultiplizieren |
| | – beschreiben Anteile, relative Anteile (auch Anteile von Anteilen), Größen und Quotienten durch Brüche | 4 Potenzieren 7 Schriftliches Addieren und Subtrahieren |
| | – finden durch Vergröbern und Verfeinern gleichwertige Brüche und nutzen Kürzen und Erweitern als | 8 Schriftliches Multiplizieren |
| | syntaktischen Weg zum Finden gleichwertiger Brüche | 9 Schriftliches Dividieren |
| | beschreiben Vorgänge des immer genaueren Messens durch Dezimalzahlen | 10 Sachaufgaben systematisch lösen |
| | – beschreiben Größen relativ zu einer Vergleichsmarke durch negative Zahlen | 10 Gachadigaben systematisen lesen |
| | - ordnen und vergleichen natürliche, negative Zahlen, einfache Brüche und Dezimalzahlen | Klasse 6 Kapitel I Brüche – das Ganze und seine Teile |
| | - runden natürliche Zahlen und Dezimalzahlen und führen Überschlagsrechnungen durch | 1 Bruch und Anteil |
| | – führen Grundrechenarten für natürliche Zahlen und Dezimalzahlen aus (Kopfrechnen und schriftliche Rechenverfahren) und nutzen Strategien für Rechenvorteile | 2 Kürzen und erweitern |
| | – addieren und subtrahieren einfache Brüche, multiplizieren Brüche mit natürlichen Zahlen, addieren, | 3 Brüche vergleichen |
| | subtrahieren, multiplizieren und dividieren Dezimalzahlen | 4 Prozente |
| | - verwenden Größen (Längen, Flächeninhalte, Volumen, Gewichte, Zeit, Währungen) in | 5 Brüche als Quotienten |
| | Sachzusammenhängen und wandeln sie dazu geeignet um | 6 Brüche auf dem Zahlenstrahl |
| | nutzen Größenvorstellungen zum Abschätzen und zum Veranschaulichen durch Repräsentanten | |
| | - untersuchen und beschreiben Muster und Beziehungen bei Zahlen | Klasse 6 Kapitel II Brüche in Dezimalschreibweise |
| | untersuchen Eigenschaften von Zahlen, nutzen dabei Teiler und Vielfache und zerlegen in Primfaktoren, und nutzen Teilbarkeitsregeln (2, 3, 4, 5, 6, 9, 10, 25) | 1 Dezimalschreibweise |
| | and nation relibationistegeth (2, 0, 4, 0, 0, 10, 20) | 2 Dezimalzahlen vergleichen und runden |
| | | 3 Abbrechende und periodische Dezimalzahlen |
| | | 4 Dezimalschreibweise bei Größen |

| | | Klasse 6 Kapitel III Zahlen addieren und subtrahieren |
|-----|--|---|
| | | 1 Brüche addieren und subtrahieren |
| | | 2 Dezimalzahlen addieren und subtrahieren |
| | | 3 Geschicktes Rechnen mit Brüchen und Dezimalzahlen |
| | | 4 Addieren und Subtrahieren von Größen |
| | | Klasse 6 Kapitel V Zahlen multiplizieren und dividieren |
| | | 1 Brüche vervielfachen und teilen |
| | | 2 Brüche multiplizieren |
| | | 3 Durch Brüche dividieren |
| | | 4 Kommaverschiebung |
| | | 5 Dezimalzahlen multiplizieren |
| | | 6 Dezimalzahlen dividieren |
| | | 7 Rechengesetze – Vorteile beim Rechnen |
| 5/6 | Geometrie | Klasse 5 Kapitel II Symmetrie |
| | Inhalte: | 1 Senkrechte und parallele Geraden – Abstände |
| | ebene Figuren | 2 Koordinatensystem |
| | •·Quader und Würfel | 3 Achsensymmetrische Figuren |
| | •·Schrägbilder, Netze, Körpermodelle | 4 Punktsymmetrische Figuren |
| | Umfang und Flächeninhalt von Rechtecken | 5 Eigenschaften von Vielecken |
| | Oberfläche und Volumen von Quadern | |
| | •·Winkel | Klasse 5 Kapitel IV Flächen |
| | Inhaltsbezogene Kompetenzen | 1 Flächeninhalte vergleichen |
| | Die Schülerinnen und Schüler | 2 Flächeneinheiten |
| | beschreiben ebene und räumliche Figuren mit den Grundbegriffen Punkt, Strecke, Gerade, Radius, | 3 Flächeninhalt eines Rechtecks |
| | parallel, senkrecht, achsensymmetrisch, punktsymmetrisch | 4 Flächeninhalte rechtwinkliger Dreiecke |
| | – benennen und charakterisieren Figuren (Rechteck, Quadrat, Parallelogramm, Dreieck, Kreis) und Körper | 5 Umfang von Figuren |
| | (Würfel, Quader, Prisma, Pyramide, Zylinder, Kegel, Kugel) und identifizieren sie in ihrer Umwelt | 6 Schätzen und Rechnen mit Maßstäben |
| | unterscheiden spitze, rechte, stumpfe und überstumpfe Winkel und bezeichnen Punkte, Strecken und Winkel mit Symbolen | Viceas E Vanital V Värnar |
| | - erkennen achsensymmetrische und punktsymmetrische Figuren in der Umwelt | Klasse 5 Kapitel V Körper |
| | – ordnen Körpern ihre Netze zu und erkennen fehlerhafte Netze | 1 Körper und Netze |
| | – zeichnen zueinander senkrechte und parallele Linien, spitze, rechte und stumpfe Winkel, ebene Figuren, | 2 Netze von Quadern und Würfeln |
| | Kreise und Muster | 3 Schrägbilder |
| | - spiegeln, verschieben und drehen Figuren in der Ebene | 4 Rauminhalte vergleichen |
| | | 5 Volumeneinheiten |

| | zeichnen Schrägbilder von Würfel und Quader und bauen diese Körper auf der Grundlage selbst gezeichneter Körpernetze stellen Punkte, Strecken und einfache Figuren im Koordinatensystem dar. schätzen und messen Winkel messen und berechnen Umfang und Flächeninhalt von Quadrat und Rechteck, Oberfläche und Volumen von Würfel und Quader | 6 Volumen eines Quaders 7 Oberflächeninhalte von Quadern und Würfeln Klasse 6 Kapitel IV Muster und Figuren 1 Negative Zahlen – erweitertes Koordinatensystem 2 Verschiebungen 3 Kreise und Kreisfiguren 4 Winkel 5 Winkel mit dem Geodreieck messen und zeichnen 6 Drehungen |
|-----|--|--|
| 5/6 | Funktionale Zusammenhänge Inhalte: • Tabellen und Diagramme • Maßstab • Muster in Zahlenfolgen Inhaltsbezogene Kompetenzen Die Schülerinnen und Schüler – stellen Beziehungen zwischen Größen in (Werte-)Tabellen und Diagrammen in Koordinatensystemen dar – entnehmen für einfache Sachzusammenhänge Informationen aus Tabellen und Diagrammen – untersuchen Folgen (in grafischer und arithmetischer Darstellung) auf Veränderungen und Muster – entnehmen Größen aus einer maßstäblichen Zeichnung und zeichnen Größen maßstabsgerecht – rechnen mit maßstäblichen Angaben | Klasse 6 Kapitel VI Beziehungen zwischen Zahlen 1 Strukturen erkennen und fortsetzen 2 Abhängigkeiten mit Termen beschreiben 3 Rechnen mit dem Dreisatz 4 Abhängigkeiten grafisch darstellen |
| 5/6 | Stochastik Inhalte: Ur- und Strichlisten • Häufigkeitstabellen, Säulendiagramme, Kreisdiagramme • arithmetisches Mittel, Zentralwert • empirische Wahrscheinlichkeiten bei einstufigen Zufallsexperimenten Inhaltsbezogene Kompetenzen Die Schülerinnen und Schüler – erheben Daten und fassen sie in Ur- und Strichlisten zusammen – ordnen Daten (z. B. Körpergröße, Strecken, Mengen, Anteile) und stellen sie grafisch durch geeignete Säuen- und Kreisdiagramme dar – bestimmen das arithmetische Mittel und den Zentralwert und erklären ihre Bedeutung | Klasse 5 Kapitel I Zahlen und Größen 1 Zählen und Darstellen Klasse 7 Kapitel VII Daten 1 Relative Häufigkeiten und Diagramme 2 Median und arithmetisches Mittel |

| | untersuchen zufällige Phänomene durch einfache Zufallsexperimente und werten diese aus | |
|-----|--|--|
| | – berechnen Wahrscheinlichkeiten für einstufige Zufallsexperimente | |
| | bewerten Sachverhalte anhand von statistischen Darstellungen | |
| 7/8 | Arithmetik /Algebra | Klasse 7 Kapitel I Rechnen mit rationalen Zahlen |
| | Inhalte: | 1 Ganze Zahlen |
| | Bruchrechnung vertieft (insbesondere Multiplikation / Division) | 2 Rationale Zahlen und ihre Anordnung |
| | Rationale Zahlen, auch mit Taschenrechner | 3 Positive Zahlen addieren und subtrahieren |
| | Prozentrechnung, auch mit Tabellenkalkulation | 4 Negative Zahlen addieren und subtrahieren |
| | • Terme und Termumformungen | 5 Multiplizieren und Dividieren rationaler Zahlen |
| | •·Wurzel | 6 Rechenvorteile nutzen |
| | •·lineare Gleichungen | |
| | •·lineare Gleichungssysteme | Klasse 7 Kapitel III Prozent- und Zinsrechnung |
| | Inhaltsbezogene Kompetenzen | 1 Prozentsätze berechnen |
| | Die Schülerinnen und Schüler | 2 Prozentwerte berechnen |
| | – vergleichen rationale Zahlen und ordnen sie verschiedenen Zahlenmenge zu | 3 Grundwerte berechnen |
| | – beschreiben inner- und außermathematische Zusammenhänge mit Variablen, Terme, Gleichungen und | 4 Überall Prozente |
| | Gleichungssysteme | 5 Zinsen 6 Zinseszinsen Klasse 7 Kapitel IV Terme und Gleichungen 1 Terme mit einer Variablen 2 Terme mit einer Variablen umformen 3 Ausmultiplizieren und Ausklammern 4 Gleichungen aufstellen und lösen 5 Gleichungen mit Äquivalenzumformungen lösen 6 Bruchterme und Bruchgleichungen |
| | – erfassen Beziehungen zwischen Größen durch Tabellenkalkulation und nutzen dies für Berechnungen | |
| | – führen Grundrechenarten aus für rationale Zahlen | |
| | – führen verständig Berechnungen mit dem Taschenrechner durch | |
| | – berechnen Prozentwert, Prozentsatz und Grundwert in Sachzusammenhängen (u.a. Zinsrechnung) und | |
| | wenden die Prozentrechnung flexibel an (auch mit Tabellenkalkulation) | |
| | - fassen Terme (auch mit Summen) zusammen, multiplizieren sie aus, faktorisieren sie und nutzen | |
| | binomische Formeln | |
| | - lösen lineare Gleichungen und lineare Gleichungssysteme mit zwei Variablen durch Probieren, algebraisch | |
| | und graphisch und überprüfen die Ergebnisse | 7 Problemlösen mit Gleichungen |
| | – berechnen und überschlagen Quadratwurzeln einfacher Zahlen im Kopf | 7 Troblemiosen mit Gleichungen |
| | verwenden ihre Kenntnisse über rationale Zahlen und lineare Gleichungen und –systeme zum Lösen inner- und außermathematischer Probleme | Klasse 8 Kapitel II Terme mit mehreren Variablen |
| | IIIIei- uiu auseimauemauscher Fiobleme | 1 Wiederholung: Terme mit einer Variablen |
| | | 2 Terme mit mehreren Variablen |
| | | 3 Multiplizieren von Summen |
| | | 4 Binomische Formeln |
| | | |
| | | |

| | , , , , , , , , , , , , , , , , , , , | |
|-----|---|---|
| | | Klasse 8 Kapitel III Lineare Gleichungssysteme |
| | | 1 Lineare Gleichungen mit zwei Variablen |
| | | 2 Lineare Gleichungssysteme |
| | | 3 Gleichsetzungs- und Einsetzungsverfahren |
| | | 4 Das Additionsverfahren |
| | | 5 Probleme mit Gleichungssystemen lösen |
| | | |
| | | Klasse 8 Kapitel IV Reelle Zahlen |
| | | 1 Quadratwurzeln |
| 7/8 | Geometrie | Klasse 7 Kapitel V Konstruieren und Argumentieren mit Winkeln |
| | Inhalte: | 1 Winkel an sich schneidenden Geraden |
| | • Dreiecke, auch mit Dynamischer Geometriesoftware (Konstruktionen, Kongruenz, besondere Punkte, | 2 Winkelsummen |
| | Winkelsumme) | 3 Dreiecke konstruieren |
| | •·Umfang und Flächeninhalt von Dreiecken und zusammengesetzten Figuren | |
| | •·Prismen | Klasse 7 Kapitel VI Flächen |
| | •·einfache Winkelsätze | 1 Flächeninhalte von Parallelogrammen |
| | Ähnlichkeit, Vergrößern / Verkleinern | 2 Flächeninhalte von Dreiecken |
| | Satz des Pythagoras | 3 Flächeninhalte zusammengesetzter Figuren |
| | Inhaltsbezogene Kompetenzen | |
| | Die Schülerinnen und Schüler | Klasse 8 Kapitel V Kongruenz |
| | – benennen und charakterisieren rechtwinklige, gleichschenklige und gleichseitige Dreiecke, | 1 Kongruenz |
| | Parallelogramme, Rauten, Trapeze und regelmäßige Vielecke und identifizieren sie in ihrer Umwelt | 2 Mit Kongruenzsätzen argumentieren |
| | - identifizieren Ähnlichkeitsbeziehungen in geometrischen Konstellationen und nutzen diese zur Berechung | |
| | von Größen | Klasse 8 Kapitel VI Dreiecke und Kreise |
| | - verwenden dynamische Geometriesoftware zum Erkunden geometrischer Zusammenhänge, z. B. der | 1 Der Satz des Thales |
| | Winkelsätze, besonderer Punkte im Dreieck, des Satzes des Thales oder Ähnlichkeitsbeziehungen | 2 Mittelsenkrechte und Umkreis |
| | - konstruieren Mittelsenkrechten und Winkelhalbierende mit Zirkel und Lineal und Dynamischer | 3 Winkelhalbierende und Inkreis |
| | Geometriesoftware, konstruieren Dreiecke aus gegebenen Winkel- und Seitenmaßen | 4 Schwerpunkt eines Dreiecks |
| | - vergrößern und verkleinern einfache Figuren maßstabsgetreu | |
| | – skizzieren Schrägbilder und Netze von Prismen | Klasse 8 Kapitel VII Körper |
| | – berechnen und schätzen Flächeninhalte von Dreiecken, Parallelogrammen und von daraus | 1 Flächen bei Prismen und Zylindern |
| | zusammengesetzten Figuren | 2 Prismen und Zylinder – Volumen |
| | – bestimmen Oberflächen und Volumina von Prismen | 3 Das Prinzip von Cavalieri |
| | nutzen Neben-, Scheitel- und Stufenwinkel und den Winkelsummensatz für Dreiecke zur Lösung von mathematischen Problemen | |
| | | |

| erfassen und begründen Eigenschaften von Figuren mit Hilfe von Symmetrie oder Kongruenz oder Ähnlichkeit wenden den Satz des Pythagoras bei Konstruktionen, Berechnungen und Beweisen an | Zentrische Streckung Ähnlichkeit Strahlensätze Klasse 9 Kapitel V Der Satz des Pythagoras und Körper |
|---|--|
| | 3 Strahlensätze |
| wenden den Satz des Pythagoras bei Konstruktionen, Berechnungen und Beweisen an | |
| | Klasse 9 Kapitel V Der Satz des Pythagoras und Körper |
| | |
| | 1 Der Satz des Pythagoras |
| | 2 Pythagoras in Figuren und Körpern |
| Funktionale Zusammenhänge | Klasse 7 Kapitel II Zuordnungen |
| Inhalte: | 1 Zuordnungen darstellen |
| Wertetabellen, Graphen und Terme für Funktionen | 2 Zuordnungen mit Formeln beschreiben |
| proportionale und antiproportionale Zuordnungen | 3 Proportionale Zuordnungen |
| • lineare Funktionen auch mit Tabellenkalkulation | 4 Antiproportionale Zuordnungen |
| • quadratische Funktionen (ohne formales Gleichungslösen) | 5 Zuordnungstypen erkennen und nutzen |
| Inhaltsbezogene Kompetenzen | |
| Die Schülerinnen und Schüler | Klasse 8 Kapitel I Lineare Funktionen |
| – stellen funktionale Zusammenhänge (auch lineare und quadratische) in eigenen Worten, in Wertetabellen. | 1 Funktionen |
| als Graphen und in Termen dar | 2 Funktionen mit der Gleichung y = m⋅ x |
| – wechseln zwischen diesen Darstellungen und benennen Vor-, Nachteile und Grenzen der einzelnen | 3 Lineare Funktionen |
| Darstellungsarten | 4 Funktionsgleichungen bestimmen |
| - interpretieren Graphen verschiedener funktionaler Zusammenhänge und Terme linearer Funktionen | 5 Nullstellen und Schnittpunkte |
| deuten die Parameter der Termdarstellungen von linearen und quadratischen Funktionen in der | |
| | Klasse 9 Kapitel Quadratische Funktionen |
| | 1 Wiederholung: Lineare Funktionen |
| | 2 Quadratische Funktionen vom Typ f(x) = ax² |
| | 3 Scheitelpunktform quadratischer Funktionen |
| stellen Vermutungen auf | 4 Normalform und quadratische Ergänzung |
| nutzen lineare und quadratische Funktionen und ihre Eigenschaften zur Bearbeitung außer- und innermathematischer Problemstellungen | 5 Aufstellen quadratischer Funktionsgleichungen |
| grenzen lineare und quadratische Zusammenhänge voneinander ab | |
| | |
| | |
| | Inhalte: • Wertetabellen, Graphen und Terme für Funktionen • proportionale und antiproportionale Zuordnungen • lineare Funktionen auch mit Tabellenkalkulation • quadratische Funktionen (ohne formales Gleichungslösen) Inhaltsbezogene Kompetenzen Die Schülerinnen und Schüler – stellen funktionale Zusammenhänge (auch lineare und quadratische) in eigenen Worten, in Wertetabellen, als Graphen und in Termen dar – wechseln zwischen diesen Darstellungen und benennen Vor-, Nachteile und Grenzen der einzelnen Darstellungsarten – interpretieren Graphen verschiedener funktionaler Zusammenhänge und Terme linearer Funktionen – deuten die Parameter der Termdarstellungen von linearen und quadratischen Funktionen in der graphischen Darstellung und nutzen dies in Anwendungssituationen – erkunden und beschreiben (auch mit Tabellenkalkulationen) proportionale und antiproportionale, lineare und nicht lineare sowie quadratische Sachzusammenhänge (auch mit Tabellenkalkulation) und stellen Vermutungen auf – erkunden Eigenschaften von linearen und quadratischen Funktionen (auch mit Tabellenkalkulation) und stellen Vermutungen auf – nutzen lineare und quadratische Funktionen und ihre Eigenschaften zur Bearbeitung außer- und innermathematischer Problemstellungen |

| 7/8 | Stochastik | Klasse 7 Kapitel VII Daten |
|-----|---|--|
| | Inhalte: | 1 Relative Häufigkeiten und Diagramme |
| | ∙·Planung und Durchführung von Erhebungen | 2 Median und arithmetisches Mittel |
| | •·Häufigkeiten und Verteilungen | 3 Boxplots |
| | • Boxplots (Zentralwert, Quartile) | 4 Untersuchungen planen und auswerten |
| | •·Analyse von statistischen Darstellungen | |
| | •·Laplace-Regel | Klasse 8 Kapitel VIII Wahrscheinlichkeit |
| | • zweistufige Zufallsexperimente | 1 Wahrscheinlichkeit |
| | Baumdiagramme, Pfadregeln | 2 Laplace-Wahrscheinlichkeit Summenregel |
| | Inhaltsbezogene Kompetenzen | 3 Baumdiagramm und Pfadregel |
| | Die Schülerinnen und Schüler | 4 Der richtige Blick auf das Baumdiagramm |
| | – planen Datenerhebungen, führen sie durch und nutzen zur Erfassung der Daten auch Tabellenkalkulationen | 5 Wahrscheinlichkeitsverteilung einer Zufallsgröße6 Erwartungswert einer Zufallsgröße |
| | – erfassen mehrstufige Zufallsexperimente mit Hilfe von Baumdiagrammen | 7 Zusammengesetzte Ereignisse |
| | – stellen Häufigkeitsverteilungen im Säulen- und Kreisdiagramm und Boxplots dar und lesen sie | 8 Simulation von Zufallsexperimenten |
| | – bestimmen absolute und relative Häufigkeiten | |
| | – benutzen relative Häufigkeiten von langen Versuchsreihen zur Schätzung von Wahrscheinlichkeiten | |
| | bestimmen Wahrscheinlichkeiten bei Zufallsexperimenten mit Hilfe der Laplace-Regel, bei mehrstufigen mit Hilfe der Pfadregeln | |
| | verwenden Zufallsversuche zur Simulation zufälliger Erscheinungen in alltäglichen Situationen | |
| | berechnen und interpretieren Mittelwert, Zentralwert und Spannweite, Quartile zu Häufigkeitsverteilungen und verwenden sie zur Darstellung als Boxplots | |
| | nutzen Wahrscheinlichkeiten zur Beurteilung von Chancen und Risiken und zur Schätzung von Häufigkeiten (z.B. in Spielsituationen) | |
| | - analysieren graphische statistische Darstellungen kritisch und erkennen Manipulationen | |
| 9 | Arithmetik /Algebra | Klasse 9 Kapitel II Quadratische Gleichungen |
| | Inhalte: | 1 Darstellungsformen quadratischer Funktionen |
| | •·Potenzieren | 2 Quadratische Gleichungen grafisch lösen |
| | •·formales Lösen quadratischer Gleichungen | 3 Lösen einfacher quadratischer Gleichungen |
| | Irrationale Zahlen (Erweiterungsnotwendigkeit, Approximationen) | 4 Linearfaktorzerlegung |
| | Inhaltsbezogene Kompetenzen | 5 Lösungsformel für quadratische Gleichungen |
| | Die Schülerinnen und Schüler | 6 Problemlösen mit quadratischen Gleichungen |
| | lesen und schreiben Zahlen in Zehnerpotenz-Schreibweise und erläutern die Potenzschreibweise mit ganzzahligen Exponenten | |

| | beschreiben inner- und außermathematische Zusammenhänge und Prozesse mit Variablen, Termen, | Klasse 9 Kapitel III Potenzen und Potenzgesetze |
|---|--|---|
| | Gleichungen und Gleichungssystemen | 1 Potenzen mit ganzzahligen Exponenten |
| | – wenden das Radizieren als Umkehren des Potenzierens mit Stammbrüchen an | 2 Zahlen mit Zehnerpotenzen schreiben |
| | – lösen quadratische Gleichungen | 3 Potenzen mit gleicher Basis |
| | verwenden ihre Kenntnisse über quadratische Gleichungen zum Lösen inner- und außermathematischer Probleme | 4 Potenzen mit gleichen Exponenten |
| | | 5 Potenzieren von Potenzen |
| | - unterscheiden rationale und irrationale Zahlen | 6 Potenzen mit rationalen Exponenten |
| | nennen inner- und außermathematische Gründe und Beispiele für die Zahlbereichserweiterung von den rationalen zu den reellen Zahlen | Klasse 8 Kapitel IV Reelle Zahlen |
| | erläutern die Approximation von irrationalen Zahlen, z. B. durch Intervallschachtelung und nutzen dazu | 1 Quadratwurzeln |
| | einen intuitiven Grenzwertbegriff | 2 Wurzeln näherungsweise bestimmen |
| | | 3 Irrationale Zahlen |
| | | 4 Wurzelgesetze -Vorteile beim Rechnen |
| | | 5 Wurzelgleichungen |
| 9 | Geometrie | Klasse 8 Kapitel VI Dreiecke und Kreise |
| | Inhalte: | 5 Kreisumfang und Kreisfläche |
| | • Kreisberechnung | 6 Kreisteile |
| | • Oberfläche und Volumen von Zylinder, Pyramiden, Kegel, Kugeln | |
| | Sinus, Cosinus, Tangens zur Berechnung geometrischer Größen | Klasse 8 Kapitel VII Körper |
| | Inhaltsbezogene Kompetenzen | 1 Flächen bei Prismen und Zylindern |
| | Die Schülerinnen und Schüler | 2 Prismen und Zylinder – Volumen |
| | benennen und charakterisieren Körper (Zylinder, Pyramiden, Kegel, Kugeln) und identifizieren sie in ihrer Umwelt | 3 Das Prinzip von Cavalieri |
| | – skizzieren Schrägbilder, entwerfen Netze von Zylindern, Pyramiden und Kegeln und stellen die Körper her | Klasse 10 Kapitel I Spitze Körper und Kugeln |
| | – schätzen und bestimmen Umfänge und Flächeninhalte von Kreisen und zusammengesetzten Figuren | 1 Pyramiden |
| | sowie Oberflächen und Volumina von Zylindern, Pyramiden, Kegeln, Kugeln und zusammengesetzten | 2 Kegel |
| | Körpern | 3 Kugeln |
| | – berechnen geometrische Größen und verwenden dazu die Definitionen von Sinus, Kosinus und Tangens | |
| | | Klasse 10 Kapitel III Trigonometrie |
| | | 1 Sinus und Kosinus |
| | | 2 Tangens |
| | | 3 Probleme lösen mit rechtwinkligen Dreiecken |
| | | |
| | | |
| | | |

| 9 | Funktionale Zusammenhänge | Klasse 9 Kapitel I Quadratische Funktionen |
|----|--|---|
| | Inhalte: | 1 Wiederholung: Lineare Funktionen |
| | • quadratische Funktionen (mit Gleichungslösen) | 2 Quadratische Funktionen vom Typ f(x) = ax² |
| | Inhaltsbezogene Kompetenzen | 3 Scheitelpunktform quadratischer Funktionen |
| | Die Schülerinnen und Schüler | 4 Normalform und quadratische Ergänzung |
| | wechseln zwischen verschiedenen Darstellungen (auch rechnergestützt) und benennen Vor- und Nachteile sowie Grenzen der einzelnen Darstellungsarten. | 5 Aufstellen quadratischer Funktionsgleichungen |
| | deuten die Parameter der symbolischen Darstellungen von linearen und quadratischen Funktionen inhaltlich und in der graphischen Darstellung und nutzen dies (auch rechnergestützt) zur Modellierung in Anwendungssituationen | Klasse 9 Kapitel II Quadratische Gleichungen 1 Darstellungsformen quadratischer Funktionen |
| | identifizieren charakterisierende Eigenschaften linearer und quadratischer Funktionen in Graphen, Termen und Sachzusammenhängen | |
| 9 | Stochastik | Klasse 9 Kapitel VII Daten und Wahrscheinlichkeit |
| | Inhalte: | 1 Statistiken verstehen und beurteilen |
| | •·Kombinatorisches Zählen | 2 Vierfeldertafel – mit Anteilen argumentieren |
| | •·Vierfeldertafel | |
| | Inhaltsbezogene Kompetenzen | Qualifikationsphase Kapitel VIII Grundlagen der Wahrscheinlichkeitsrechnung |
| | Die Schülerinnen und Schüler | 1 Elementare Kombinatorik |
| | - nutzen Darstellungen wie die Diagramme und Vierfeldertafel zur Strukturierung statistischer Aussagen | 1 Liementale Normaniatorik |
| | – nutzen kombinatorische Überlegungen für geschicktes Zählen | |
| 10 | Arithmetik /Algebra | Klasse 10 Kapitel II Exponentialfunktionen |
| | Inhaltsbezogene Kompetenzen | 3 Exponentialgleichungen und Logarithmen |
| | Die Schülerinnen und Schüler | |
| | – lösen exponentielle Gleichungen der Form $b^x=c$ näherungsweise durch Probieren und verwenden das Logarithmieren als Umkehroperation des Potenzierens unter Einsatz des Taschenrechners | |
| | verwenden ihre Kenntnisse über exponentielle Gleichungen zum Lösen inner- und außermathematischer Probleme | |
| 10 | Funktionale Zusammenhänge | Klasse 10 Kapitel II Exponentialfunktionen |
| | Inhalte: | 1 Exponentielles Wachstum |
| | • lineares, quadratisches und exponentielles Wachstum (insbesondere auch diskret beschrieben durch | 2 Exponentialfunktionen |
| | Folgen) | 3 Exponentialgleichungen und Logarithmen |
| | exponentielle und trigonometrische Funktionen (insbesondere auch Bearbeitung mit digitalen Medien / Taschenrechner) | 4 Wachstumsprozesse modellieren |
| | • qualitative Analysis (intuitiver Grenzwertbegriff, mittlere und lokale Änderungsrate, graphisches Differenzieren,) | |

| | • formaler Ableitungsbegriff | Klasse 10 Kapitel IV Trigonometrische Funktionen |
|----|---|--|
| | Inhaltsbezogene Kompetenzen | 1 Sinus und Kosinus am Einheitskreis |
| | Die Schülerinnen und Schüler | 2 Sinusfunktion |
| | stellen lineare, quadratische, exponentielle und trigonometrische funktionale Zusammenhänge und in eigenen Worten, in Wertetabellen, mit Graphen und in Termen dar | 3 Transformationen der Sinusfunktion4 Beschreibung periodischer Vorgänge |
| | wechseln zwischen verschiedenen Darstellungen (auch rechnergestützt) und benennen Vor- und Nachteile sowie Grenzen der einzelnen Darstellungsarten. deuten die Parameter der symbolischen Darstellungen von exponentiellen Funktionen inhaltlich und in der graphischen Darstellung und nutzen dies (auch rechnergestützt) zur Modellierung in Anwendungssituationen deuten und nutzen mittlere und lokale Änderungsraten in diskreten und kontinuierlichen Prozessen, die als Tabelle, Graph oder Term vorliegen beschreiben und interpretieren die Ableitung als lokale Änderungsrate und als Tangentensteigung, berechnen diese auch rechnergestützt und erläutern sie an Beispielen ermitteln Ableitungsfunktionen durch graphisches Differenzieren und deuten sie in Sachzusammenhängen erkunden Wachstumsvorgänge mir Hilfe verschiedener Modelle, auch diskret durch Folgen und stellen Vermutungen auf erkunden rechnergestützt die Eigenschaften von Funktionen (z. B. die Bedeutung von Parametern in Termdarstellungen) und stellen Vermutungen auf identifizieren charakterisierende Eigenschaften linearer, quadratischer, exponentieller und trigonometrischer Funktionen in Graphen, Termen und Sachzusammenhängen nutzen lineare, quadratische und exponentielle Funktionen und ihre Eigenschaften zur Bearbeitung außerund innermathematischer Problemstellungen an (z. B. Zinseszins) deuten und nutzen mittlere und lokale Änderungsraten in Sachzusammenhängen, z. B. für Wachstumsprozesse verwenden einen anschaulichen Grenzwertbegriff im Zusammenhang mit Wachstumsprozessen und dem Finden lokaler Änderungsraten als Grenzwert mittleren Änderungsraten nutzen mathematische Konzepte wie Extrem- und Wendestellen, Symmetrie, Asymptoten, um funktionale Zusammenhänge und ihre markanten Punkte und charakteristischen Eigenschaften qualitativ zu erfassen | Einführungsphase Kapitel II Schlüsselkonzept: Ableitung – Differenzialrechnung 1 Differenzenquotient – mittlere Änderungsrate 2 Ableitung – momentane Änderungsrate 3 Die Ableitungsfunktion Einführungsphase Kapitel I Funktionen und ihre Graphen 1 Funktionen 2 Verschieben und Strecken von Graphen 3 Zusammengesetzte Funktionen 4 Ganzrationale Funktionen und ihr Verhalten für x → + ∞ bzw. x → - ∞ 5 Symmetrie von Graphen 6 Nullstellen ganzrationaler Funktionen 7 Linearfaktoren – mehrfache Nullstellen |
| 10 | Stochastik Inhalte: • komplexere Zufallsversuche Inhaltsbezogene Kompetenzen Die Schülerinnen und Schüler – nutzen die Kenntnisse über mehrstufige Zufallsexperimente, um statistische Aussagen in authentischen Texten zu interpretieren und zu beurteilen (etwa Gesundheitstests mit Vierfeldertafel oder Pfadregeln) | Klasse 9 Kapitel VII Daten und Wahrscheinlichkeit 1 Statistiken verstehen und beurteilen 2 Vierfeldertafel – mit Anteilen argumentieren 3 Bedingte Wahrscheinlichkeiten 4 Stochastische Unabhängigkeit |

| Einführ- | Basismodul 1: Grundlagen aus der Algebra | |
|----------------------------|--|---|
| ungs- phase | Die Schülerinnen und Schüler verwenden • die binomischen Formeln • die Potenzgesetze • die Logarithmusgesetze (*) als Rechentechnik und setzen sie bedarfsgerecht ein | Siehe entsprechende Inhalte in der Sek I (*) Diese Kompetenzen werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt. |
| | Die Schülerinnen und Schüler lösen folgende Arten von Gleichungen durch Auswahl und Durchführung geeigneter Verfahren: • lineare Gleichungen, • quadratische Gleichungen, • einfache Potenzgleichungen, • einfache Bruchgleichungen, • Wurzelgleichungen, • trigonometrische Gleichungen (*). führen komplexere Gleichungen gegebenenfalls auf die obigen Arten zurück. lösen Gleichungen näherungsweise und unter Zuhilfenahme digitaler Werkzeuge. lösen Ungleichungen. lösen einfache Gleichungssysteme | Siehe entsprechende Inhalte in der Sek I (*) Diese Kompetenzen werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt. |
| Einführ- ungs- phase | Basismodul 2: Geometrie Die Schülerinnen und Schüler stellen elementargeometrische, zweidimensionale Objekte im Koordinatensystem dar. | Siehe entsprechende Inhalte in der Sek I |
| | Die Schülerinnen und Schüler nehmen Berechnungen an rechtwinkligen Dreiecken vor, indem sie die Sinus-, Kosinus- und Tangens- Beziehungen identifizieren und nutzen. deuten die trigonometrischen Zusammenhänge vor dem Hintergrund von Symmetrie (*) | Siehe entsprechende Inhalte in der Sek I (*) Diese Kompetenzen werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt. |
| Einführ- ungs- phase | Basismodul 3: Grundlagen zu Funktionen Die Schülerinnen und Schüler sind vertraut mit dem Funktionsbegriff und verfügen über die relevanten Grundvorstellungen (Zuordnungs-, Kovariations- und Objektvorstellung): • verstehen Funktionen als eindeutige Zuordnungen mit Definitionsmenge, Wertebereich und Wertemenge. • beschreiben die Veränderung der abhängigen Variablen bei Variation der unabhängigen Variablen. • stellen Zusammenhänge durch Texte, Diagramme, Graphen, Tabellen und Formeln dar und wechseln situationsgerecht zwischen den Darstellungen bzw. können diese ineinander überführen | Einführungsphase Kapitel I Funktionen und ihre Graphen 1 Funktionen |

| Die Schülerinnen und Schüler | Einführungsphase Kapitel I Funktionen und ihre Graphen |
|---|---|
| ermitteln zu gegebenen Argumenten zugehörige Funktionswerte und umgekehrt zu Funktionswerte | |
| zugehörige Argumente. ermitteln Schnittpunkte von Funktionsgraphen mit den Koordinatenachsen (Nullstellen und y- | 6 Nullstellen ganzrationaler Funktionen |
| Achsenabschnitt) und anderen Funktionsgraphen. | 7 Linearfaktoren – mehrfache Nullstellen |
| Die Schülerinnen und Schüler | Einführungsphase Kapitel I Funktionen und ihre Graphen |
| ermitteln Symmetrien von Funktionsgraphen (auch grafisch) und begründen sie mit dem Funktionst | term: 5 Symmetrie von Graphen |
| Achsensymmetrie zur y-Achse, | |
| Punktsymmetrie zum Koordinatenursprung. | |
| Die Schülerinnen und Schüler | Einführungsphase Kapitel I Funktionen und ihre Graphen |
| ermitteln für die folgenden Transformationen von Funktionsgraphen die zugehörigen Funktionsgleic aus den ursprünglichen, indem sie entsprechende Parameter und Veränderungen an den Funktion angeben: | chungen 2 Verschieben und Strecken von Graphen nstermen |
| Verschiebungen in x- und /oder y-Richtung, | |
| Streckungen/Stauchungen in x- und / oder y-Richtung, | |
| Achsenspiegelungen an den Koordinatenachsen und | |
| Punktspiegelung am Koordinatenursprung. | |
| Die Schülerinnen und Schüler | Einführungsphase Kapitel I Funktionen und ihre Graphen |
| untersuchen das Verhalten von Funktionen im Unendlichen und ermitteln Grenzwerte. | 4 Ganzrationale Funktionen und ihr Verhalten für x \rightarrow + ∞ bzw. x \rightarrow - ∞ |
| bestimmen waagerechte und senkrechte Asymptoten. | |
| Die Schülerinnen und Schüler | (*) Diese Kompetenzen werden derzeit nicht mit der Allgemeinen |
| bilden grafisch und rechnerisch Umkehrfunktionen und bestimmen deren Definitionsmenge, Werteb und Wertemenge (*) | pereich Ausgabe abgedeckt. |
| Die Schülerinnen und Schüler | Siehe entsprechende Inhalte in der Sek I |
| erkennen in Anwendungssituationen funktionale Zusammenhänge als Zuordnungen zwischen Zahl Größen in Tabellen, Graphen, Diagrammen und Sachtexten, beschreiben diese verbal, erläutern u beurteilen sie. | len bzw. Ind |
| Die Schülerinnen und Schüler | Siehe entsprechende Inhalte in der Sek I |
| wenden entsprechend den obigen Ausführungen die in BM 3.1 bis BM 3.7 genannten Kompetenzer folgende Funktionsklassen an: | n auf |
| Ganzrationale Funktionen | |
| o kennen für Funktionsterme die Normalform (Polynom) und die faktorisierte Form, führen diese (fa möglich) rechnerisch ineinander über und interpretieren die Bedeutung für die Funktion. | alls |
| • Exponentialfunktionen mit den Funktionstermen $x \cdot a^b$ | |
| o deuten die Parameter mit Blick auf Anfangswert, Wachstumsfaktor, Wachstums- und Zerfallsrate, Verdopplungs- und Halbwertszeit. | , |

| | Die Schülerinnen und Schüler wenden entsprechend den obigen Ausführungen die in BM 3.1 bis BM 3.7 genannten Kompetenzen an auf: • Trigonometrische Funktionen mit den Funktionstermen $sin(x)$ und $cos(x)$ o verwenden Grad- und Bogenmaß. o kennen die Bedeutung der Begriffe Amplitude und Periode. kennen und verwenden die Beziehung $sin(x + \frac{\pi}{2}) = cos(x)$ | Siehe entsprechende Inhalte in der Sek I |
|----------------------------|--|--|
| | Die Schülerinnen und Schüler wenden entsprechend den obigen Ausführungen die in BM 3.1 bis BM 3.7 genannten Kompetenzen an auf: • die Wurzelfunktion mit dem Funktionsterm \sqrt{x} , (*) • die gebrochenrationale Funktion mit dem Term $\frac{1}{x}$.(*) gehen mit abschnittsweise definierten Funktionen um und erkennen Sprungstellen (*). | (*) Diese Kompetenzen werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt. |
| Einführ- ungs- phase | Analysis 1: Einführung in die Differentialrechnung Die Schülerinnen und Schüler beschreiben und interpretieren bei funktionalen Zusammenhängen durchschnittliche Änderungsraten, berechnen diese mit Hilfe von Differenzenquotienten und veranschaulichen sie als mittlere Steigungen mit Sekanten und Steigungsdreiecken. | Einführungsphase Kapitel II Schlüsselkonzept: Ableitung – Differenzialrechnung 1 Differenzenquotient – mittlere Änderungsrate |
| | Die Schülerinnen und Schüler verfügen über die folgenden, relevanten Grundvorstellungen der Differentialrechnung (lokale Änderungsrate, Tangentensteigung, lokale Linearität): • erläutern qualitativ auf der Grundlage eines propädeutischen Grenzwertbegriffs an Beispielen den Übergang von der durchschnittlichen Änderungsrate zur lokalen Änderungsrate. • deuten die lokale Änderungsrate grafisch als Tangente / Schmiegegerade. erkennen qualitativ die lokale Linearität von Funktionen bzw. die lokale Geradlinigkeit von Kurven. | Einführungsphase Kapitel II Schlüsselkonzept: Ableitung – Differenzialrechnung 2 Ableitung – momentane Änderungsrate 4 Die Ableitung in Sachsituationen – lineare Näherung |
| | Die Schülerinnen und Schüler ermitteln an Beispielen die lokale Änderungsrate mit Hilfe des Differentialquotienten als Grenzwert von Differenzenquotienten. definieren die lokale Änderungsrate als die Ableitung an einer Stelle. deuten die Ableitung an einer Stelle grafisch als Steigung der Tangente / Schmiegegeraden an den Graphen im entsprechenden Punkt. definieren aus den Ableitungen an jeder Stelle die Ableitungsfunktion. | Einführungsphase Kapitel II Schlüsselkonzept: Ableitung – Differenzialrechnung 2 Ableitung – momentane Änderungsrate 3 Die Ableitungsfunktion |
| | Die Schülerinnen und Schüler berechnen Steigungswinkel von Tangenten. stellen die Gleichungen von Tangenten und Normalen auf. | Einführungsphase Kapitel II Schlüsselkonzept: Ableitung – Differenzialrechnung 7 Tangenten |

| Die Schülerinnen und Schüler verstehen Zusammenhänge zwischen Graphen von Funktionen und ihren Ableitungen und begründen diese unter Verwendung von Begriffen wie Monotonie, Extrem- und Wendepunkt. ordnen Graphen von Funktionen und Ableitungen einander zu. skizzieren zu einem Funktionsgraphen den Graphen der Ableitungsfunktion ("grafisches Differenzieren"). | Einführungsphase Kapitel II Schlüsselkonzept: Ableitung – Differenzialrechnung 3 Die Ableitungsfunktion Einführungsphase Kapitel IV Extremstellen und Wendestellen 1 Monotonie 2 Lokale Extremstellen 3 Der Nachweis von Extremstellen 4 Die Bedeutung der zweiten Ableitung – Wendestellen |
|---|---|
| Die Schülerinnen und Schüler ermitteln Funktionsterme für (höhere) Ableitungsfunktionen analytisch unter Verwendung der Potenz-, Summen- und Faktorregel für • ganzrationale Funktionen, • die Wurzelfunktion mit dem Funktionsterm \sqrt{x} , • die gebrochenrationale Funktion mit dem Funktionsterm $1/x$, • die Funktionen mit den Funktionstermen $\sin(x)$ und $\cos(x)$. | Einführungsphase Kapitel II Schlüsselkonzept: Ableitung – Differenzialrechnung 5 Die Ableitung von Potenzfunktionen – Potenzregel 6 Faktor- und Summenregel Einführungsphase Kapitel VI Trigonometrische Funktionen 5 Die Ableitung der Sinus- und Kosinusfunktion |
| Die Schülerinnen und Schüler beschreiben Monotonie und Krümmungsverhalten mithilfe von Ableitungen. | Einführungsphase Kapitel IV Extremstellen und Wendestellen 1 Monotonie 4 Die Bedeutung der zweiten Ableitung – Wendestellen |
| Die Schülerinnen und Schüler begründen notwendige und hinreichende Kriterien für lokale Extrem- und für Wendestellen anschaulich aus der Betrachtung der Graphen zur Ausgangsfunktion und zu den Ableitungsfunktionen. | Einführungsphase Kapitel IV Extremstellen und Wendestellen 1 Monotonie 2 Lokale Extremstellen 3 Der Nachweis von Extremstellen 4 Die Bedeutung der zweiten Ableitung – Wendestellen |
| Die Schülerinnen und Schüler ermitteln analytisch lokale/globale Extrempunkte, Wendepunkte sowie Sattelpunkte als besondere Wendepunkte. | Einführungsphase Kapitel IV Extremstellen und Wendestellen 1 Monotonie 2 Lokale Extremstellen 3 Der Nachweis von Extremstellen 4 Die Bedeutung der zweiten Ableitung – Wendestellen |
| Die Schülerinnen und Schüler betrachten abschnittsweise definierte Funktionen und untersuchen die Übergänge auf Übereinstimmung der Funktionswerte und Ableitungswerte (Sprungfreiheit, Knickfreiheit). (*) | (*) Diese Kompetenzen werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt. |
| Die Schülerinnen und Schüler nutzen und interpretieren Ableitungen in Anwendungssituationen. | Einführungsphase Kapitel IV Extremstellen und Wendestellen 6 Differenzialrechnung in Sachzusammenhängen |

| | Die Schülerinnen und Schüler | Einführungsphase Kapitel IV Extremstellen und Wendestellen |
|-----------------|---|--|
| | ermitteln in Fällen ausgehend von vorgegebenen Eigenschaften einer Funktion deren Funktionsterm. | 5 Vom Funktionsterm zum Funktionsgraphen |
| Qualifika- | Analysis 2: Einführung in die Integralrechnung | |
| tions- phase | Die Schülerinnen und Schüler verfügen über die folgenden, relevanten Grundvorstellungen zum Integralbegriff (rekonstruierter Bestand, orientierter Flächeninhalt, Kumulationsvorstellung): • deuten das bestimmte Integral als aus Änderungen (re-) konstruierten Bestand. • interpretieren diesen (re-) konstruierten Bestand geometrisch als Summe orientierter Flächeninhalte. • deuten das bestimmte Integral auf der Grundlage eines propädeutischen Grenzwertbegriffs als kumulierten Gesamteffekt o inhaltlich, indem Änderungen in zunehmend kleinen Intervallen zu einem Gesamteffekt aufsummiert werden, o geometrisch, indem die Flächenbilanz als Summe einer zunehmend großen Zahl schmaler werdender orientierter Flächen entsteht, o analytisch, indem Summen von Produkten aus Funktionswerten und zunehmend kleinen Intervallbreiten gebildet werden. | Qualifikationsphase Kapitel IV Integralrechnung 1 Rekonstruieren einer Größe 2 Das Integral als orientierter Flächeninhalt |
| | Die Schülerinnen und Schüler ermitteln bestimmte Integrale mit Hilfe der in A 2.1 genannten Grundvorstellungen an einfachen Beispielen [LK: auch unter Verwendung von Ober- und Untersummen]. | Qualifikationsphase Kapitel IV Integralrechnung 2 Das Integral als orientierter Flächeninhalt |
| | Die Schülerinnen und Schüler bestimmen in einfachen Fällen Integralfunktionen und erkennen den Zusammenhang von Integrieren und Differenzieren. verstehen [LK: und beweisen] den Hauptsatz der Differential- und Integralrechnung und wenden ihn an. | Qualifikationsphase Kapitel IV Integralrechnung 3 Der Hauptsatz der Differenzial- und Integralrechnung |
| | Die Schülerinnen und Schüler ermitteln Funktionsterme für Stammfunktionen analytisch unter Verwendung der Potenz-, Summen- und Faktorregel für ganzrationale Funktionen. skizzieren zu einem Graphen einer Funktion den Graphen einer dazugehörigen Stammfunktion. | Qualifikationsphase Kapitel IV Integralrechnung 4 Bestimmen von Stammfunktionen 5 Stammfunktionen und ihre Graphen |
| | Die Schülerinnen und Schüler ermitteln bestimmte Integrale mithilfe von Stammfunktionen und numerisch unter Verwendung digitaler Werkzeuge. bestimmen Integrationsgrenzen zu vorgegebenen Integralwerten. | Qualifikationsphase Kapitel IV Integralrechnung 4 Bestimmen von Stammfunktionen |
| | Die Schülerinnen und Schüler beherrschen • Rechenregeln für Integrationsgrenzen (Intervalladditivität), • Summen- und Faktorregel (Linearität) für Integrale. | Qualifikationsphase Kapitel IV Integralrechnung 2 Das Integral als orientierter Flächeninhalt |

| | Die Schülerinnen und Schüler ermitteln Flächeninhalte • zwischen Funktionsgraphen und achsenparallelen Geraden und • zwischen Funktionsgraphen mithilfe von bestimmten Integralen. | Qualifikationsphase Kapitel IV Integralrechnung 6 Integral und Flächeninhalt |
|-----------------|--|--|
| | Die Schülerinnen und Schüler [LK: bestimmen mit Hilfe von Integralen Mittelwerte von Funktionswerten.] | Qualifikationsphase Kapitel IV Integralrechnung 9 Mittelwerte von Funktionen |
| | Die Schülerinnen und Schüler [LK: bestimmen Volumina von Rotationskörpern (Rotation nur um die Abszisse).] | Qualifikationsphase Kapitel IV Integralrechnung 7 Rotationskörper und ihr Volumen |
| | Die Schülerinnen und Schüler modellieren realitätsnahe Probleme und interpretieren dabei die Bedeutung des Integrals und der Stammfunktion in der jeweiligen Anwendungssituation. | Qualifikationsphase Kapitel IV Integralrechnung 1 Rekonstruieren einer Größe 4 Bestimmen von Stammfunktionen |
| Qualifika- | Analysis 3: Fortführung der Analysis | |
| tions- phase | Die Schülerinnen und Schüler kennen über die unter BM 3.8 bis BM 3.10 genannten Funktionen hinaus Natürliche Exponentialfunktionen mit den Funktionstermen a · e^{k·x} o nutzen die besondere Eigenschaft der Zahl e und der natürlichen Exponentialfunktion sowie den Zusammenhang b^x = e^{ln (b)·x} zum Wechseln der Basis. o nutzen den natürlichen Logarithmus zum Lösen von Gleichungen. Funktionen, deren Funktionsterme sich durch elementare Verknüpfungen (Summe, Produkt) und Verkettungen aus Termen der bekannten Funktionstypen ergeben. Funktionen mit Parametern. [LK: Untersuchung des Scharcharakters von Funktionen mit Parametern.] | Qualifikationsphase Kapitel IV Exponential- und Logarithmusfunktionen 1 Die natürliche Exponentialfunktion und die Euler'sche Zahl e 2 Exponentialgleichungen und natürlicher Logarithmus 3 Exponentialfunktionen und ihre Graphen 4 Exponentialfunktionen mit Parametern Qualifikationsphase Kapitel I Grundlagen der Differenzialrechnung 2 Verkettung von Funktionen Qualifikationsphase Kapitel IV Funktionen und ihre Graphen 7 Untersuchen von Funktionenscharen |
| | Die Schülerinnen und Schüler [LK: kennen über die unter BM 3.8 bis BM 3.10 und A 3.1 genannten Funktionen hinaus • die natürliche Logarithmusfunktion mit dem Funktionsterm ln(x), • natürliche Logarithmusfunktionen, die durch die in BM 3.4 beschriebenen Transformationen aus der natürlichen Logarithmusfunktion mit dem Funktionsterm ln(x) hervorgehen, als Umkehrfunktionen von natürlichen Exponentialfunktionen.] | Qualifikationsphase Kapitel IV Exponential- und Logarithmusfunktionen 5 Die Umkehrfunktion 6 Die Logarithmusfunktion und ihre Ableitung 7 Anwendungen von Exponentialfunktionen |
| | Die Schülerinnen und Schüler nutzen folgende Zusammenhänge zum Differenzieren und Integrieren für \cdot die natürliche Exponentialfunktion: $(e^x)'=e^x$, | Qualifikationsphase Kapitel IV Integralrechnung 4 Bestimmen von Stammfunktionen |

| • [LK: die natürliche Logarithmusfunktion: (ln(x))' = 1/x] • die Sinusfunktion und die Kosinusfunktion: (sin(x))' = cos(x) und (cos(x))' = -sin(x), • Potenzfunktionen (a · x^r)' = r · a · x^{r-1} Die Schülerinnen und Schüler wenden über die unter A 1.6 genannten Regeln hinaus die Produktregel und die Kettenregel an, um Funktionsterme für (höhere) Ableitungsfunktionen analytisch zu ermitteln. Die Schülerinnen und Schüler bilden Stammfunktionen für: • Potenzfunktionen mit negativen ganzzahligen Exponenten, | Qualifikationsphase Kapitel I Grundlagen der Differenzialrechnung 3 Kettenregel 4 Produktregel Qualifikationsphase Kapitel Grundlagen der Differenzialrechnung Qualifikationsphase Kapitel IV Integralrechnung 4 Bestimmen von Stammfunktionen |
|--|--|
| • verkettete Funktionen, deren innere Funktion linear ist (Lineare Substitution). Die Schülerinnen und Schüler wenden für die unter A 3.1 [LK: und A 3.2] genannten Funktionen die folgenden Verfahren an: • aus BM 3.2 bis BM 3.7 o einem Argument den zugehörigen Funktionswert zuordnen und umgekehrt; Schnittpunkte von Funktionsgraphen mit den Koordinatenachsen bestimmen; Symmetriebetrachtungen; Transformationen von Funktionsgraphen und zugehörige Parameter; Verhalten im Unendlichen und Asymptoten; funktionale Zusammenhänge in Anwendungssituationen. • aus A 1.4 bis A1.5, A 1.7 bis A 1.12 o Steigungswinkel von Tangenten sowie Tangenten- und Normalengleichungen ermitteln; Monotonie- und Krümmungsverhalten mithilfe von Ableitungen beschreiben; Betrachtungen zu Extrem- und Wendepunkten; Betrachtungen zu abschnittweise definierten Funktionen; Ableitungen in Anwendungssituationen; Bestimmung von Funktionstermen. • aus A 2.5 bis A 2.10 o Bestimmte Integrale unter Beachtung relevanter Rechenregeln ermitteln; Flächeninhalte [LK: sowie Mittelwerte und Volumina von Rotationskörpern] ermitteln; Integrale im Zusammenhang mit Anwendungssituationen. | Siehe entsprechende Module |
| Die Schülerinnen und Schüler [LK: über die unter A 3.6 genannten Verfahren hinaus: • nutzen die Technik der Substitution zur Lösung biquadratischer Gleichungen. • begründen Achsensymmetrien zu Parallelen zu den Koordinatenachsen. (*) • begründen Punktsymmetrien zu beliebigen Punkten. (*) • führen Spiegelungen an beliebigen waagerechten und senkrechten Achsen durch. (*) • ermitteln Gleichungen von Ortskurven für geeignete parametrisierte Punkte. (*) • bestimmen uneigentliche Integrale.] | Qualifikationsphase Kapitel IV Funktionen und ihre Graphen 1 Strecken, Verschieben und Spiegeln von Graphen 3 Lösen von Gleichungen Qualifikationsphase Kapitel III Integralrechnung 8 Uneigentliche Integrale (*) Diese Kompetenzen werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt |

| | Die Schülerinnen und Schüler untersuchen begrenzte Wachstums- und Zerfallsprozesse [LK: und logistische Wachstumsprozesse] in Anwendungssituationen. (*) [LK: kennen Differentialgleichungen zur Untersuchung von exponentiellem, beschränktem und logistischem Wachstum: (*) • stellen passende Differentialgleichungen auf. (*) • weisen die Gültigkeit gegebener Differentialgleichungen nach.] (*) | (*) Diese Kompetenzen werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt. |
|-----------------|--|--|
| Qualifika- | Stochastik 1: Grundlagen der Statistik und der Wahrscheinlichkeitsrechnung | |
| tions- phase | Die Schülerinnen und Schüler erweitern Ihr Verständnis für Kombinatorik, indem sie Wahrscheinlichkeiten und Anzahlmöglichkeiten für • Permutationen mit Wiederholungen, • Kombinationen ohne Wiederholung, • Permutationen ohne Wiederholung, • [LK: Kombinationen mit Wiederholung] (*) ggf. mithilfe von Binomialkoeffizienten bestimmen. | Qualifikationsphase Kapitel VIII Grundlagen der Wahrscheinlichkeitsrechnung 1 Elementare Kombinatorik (*) Diese Kompetenzen werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt. |
| | Die Schülerinnen und Schüler erweitern ihre Statistik-Kenntnisse, indem sie • den arithmetischen Mittelwert, die empirische Varianz und die empirische Standardabweichung für verschiedene relative und absolute Häufigkeitsverteilungen bestimmen. (*) • verschiedene Häufigkeitsverteilungen mithilfe der eingeführten Kenngrößen und Darstellungen auch mithilfe von Simulationen analysieren und vergleichen, um Chancen und Risiken in stochastischen Sachkontexten zu beurteilen. (*) | (*) Diese Kompetenzen werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt |
| | Die Schülerinnen und Schüler beschreiben und verwenden Zufallsexperimente. greifen je nach Situation auf angemessene Grundvorstellungen zum Wahrscheinlichkeitsbegriff (z. B. als prognostische Erwartung, als relative Häufigkeit, als relativer Anteil) zurück und erläutern im Rahmen des empirischen Gesetzes der großen Zahlen, dass die bei einer Stichprobe erhobene relative Häufigkeit nur eine Schätzung der unbekannten Wahrscheinlichkeit darstellt. (*) | (*) Diese Kompetenzen werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt |
| | Die Schülerinnen und Schüler stellen Vereinigungsmengen, Schnittmengen, Differenzmengen, Und-/Oder-Verknüpfungen symbolisch und mit Diagrammen dar. (*) verstehen und nutzen die grundsätzlichen Eigenschaften von Wahrscheinlichkeiten im Sinne der Axiome von Kolmogorow. (*) nutzen die Summenregeln und die Komplementärregel für Ereignisse, um Wahrscheinlichkeiten und Gegenwahrscheinlichkeiten zu ermitteln. untersuchen Ereignisse auf stochastische Abhängigkeit oder stochastische Unabhängigkeit. | Qualifikationsphase Kapitel VIII Grundlagen der Wahrscheinlichkeitsrechnung 2 Pfadregeln und Erwartungswert 3 Bedingte Wahrscheinlichkeit 4 Stochastische Unabhängigkeit (*) Diese Kompetenzen werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt. |

| | Die Schülerinnen und Schüler stellen Wahrscheinlichkeitsverteilungen diskreter Zufallsgrößen mit Histogrammen dar und bestimmen dafür Erwartungswert, Varianz und Standardabweichung, um Chancen, Risiken und Prognosen in stochastischen Sachkontexten zu beurteilen. (*) | (*) Diese Kompetenzen werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt. |
|-------------------------------|--|---|
| | Die Schülerinnen und Schüler erweitern ihre Kenntnisse über mehrstufige Zufallsexperimente mit verschiedenen Anwendungsbezügen, indem sie Wahrscheinlichkeiten mithilfe von Baumdiagrammen und Vierfeldertafeln ggf. mit Parametern darstellen und berechnen. | Qualifikationsphase Kapitel VIII Grundlagen der Wahrscheinlichkeitsrechnung 3 Bedingte Wahrscheinlichkeit |
| | Die Schülerinnen und Schüler nutzen Baumdiagramme und Vierfeldertafeln, um bedingte Wahrscheinlichkeiten von Ereignissen zu erkennen, zu deuten und zu berechnen. nutzen Baumdiagramme und Vierfeldertafeln, um stochastische Abhängigkeit und stochastische Unabhängigkeit von Ereignissen zu erkennen, zu deuten und nachzuweisen. [LK: nutzen auch formal den Satz der totalen Wahrscheinlichkeit und den Satz von Bayes.] (*) | Qualifikationsphase Kapitel VIII Grundlagen der Wahrscheinlichkeitsrechnung 3 Bedingte Wahrscheinlichkeit 4 Stochastische Unabhängigkeit (*) Diese Kompetenzen werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt. |
| | Die Schülerinnen und Schüler entnehmen Daten aus Texten, Histogrammen, Tabellen und anderen Darstellungsformen, prüfen ihre Plausibilität mithilfe stochastischer Methoden, beurteilen wahrscheinlichkeitsbasierte Aussagen und ziehen selbst geeignete Schlüsse. erkennen, erläutern und beurteilen in Anwendungssituationen stochastische Zusammenhänge und wenden die in S 1.1 bis S 1.8 genannten Kompetenzen an. | Siehe entsprechende Module |
| Qualifika- tions- phase | Stochastik 2: Die Binomialverteilung als spezielle diskrete Wahrscheinlichkeitsverteilung Die Schülerinnen und Schüler beurteilen die Anwendbarkeit der Binomialverteilung mit dem Stichprobenumfang (n) und der Trefferwahrscheinlichkeit (p) zur Modellierung von Zufallsexperimenten zur Übertragung von Eigenschaften einer Stichprobe auf die Grundgesamtheit und umgekehrt von Eigenschaften der Grundgesamtheit auf eine Stichprobe. | Einführungsphase Kapitel V Schlüsselkonzept: Binomialverteilung 1 Bernoulli-Experimente 2 Binomialkoeffizienten 3 Die Formel von Bernoulli 4 Die Binomialverteilung – Erwartungswert |
| | Die Schülerinnen und Schüler berechnen Wahrscheinlichkeiten und kumulierte Wahrscheinlichkeiten von binomialverteilten Zufallsgrößen $\sum_{k=a}^{b} \binom{n}{k} \cdot p^k \cdot (1-p)^{n-k} \ .$ auch mithilfe digitaler Werkzeuge und deuten die Faktoren im Term stellen Wahrscheinlichkeiten von Binomialverteilungen mit Histogrammen dar und visualisieren deren kumulierte Wahrscheinlichkeiten auch mit digitalen Mathematikwerkzeugen. | Einführungsphase Kapitel V Schlüsselkonzept: Binomialverteilung 5 Kumulierte Wahrscheinlichkeiten |

| | Die Schülerinnen und Schüler bestimmen anhand von Bedingungen Stichprobenumfang, Trefferwahrscheinlichkeit, Erwartungswert (μ), Standardabweichung (σ) einer Binomialverteilung. vergleichen Binomialverteilungen miteinander in Bezug auf die Kenngrößen auch unter Verwendung von Sigma-Regeln. beurteilen damit Chancen, Risiken und Prognosen in stochastischen Sachkontexten. Alternative SP (Schätzung von Parametern) Die Schülerinnen und Schüler [LK: können in Sachkontexten für binomialverteilte Zufallsgrößen Aussagen über die unbekannte Wahrscheinlichkeit sowie Unsicherheit und Genauigkeit dieser Aussagen begründen, d.h.: grenzen Punktschätzungen von Intervallschätzungen ab. (*) | Einführungsphase Kapitel V Schlüsselkonzept: Binomialverteilung 4 Die Binomialverteilung – Erwartungswert 5 Kumulierte Wahrscheinlichkeiten 6 Binomialverteilung – Standardabweichung 7 Problemlösen mit der Binomialverteilung (*) Diese Kompetenzen werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt. |
|-------------------------------|---|--|
| | bestimmen Konfidenzintervalle von Sicherheitswahrscheinlichkeiten auch unter Verwendung von Sigma- Regeln, um von der Gesamtheit auf die Stichprobe zu schließen. (*) erstellen Prognose über zu erwartende relative Häufigkeiten auch mithilfe der Regeln über $\frac{x}{n}$ -Umgebungen von p.] (*) | |
| | Alternative HY (Hypothesentests) Die Schülerinnen und Schüler [LK: beherrschen in Sachkontexten einseitige und zweiseitige Signifikanztests (Hypothesentests) für binomialverteile Zufallsgrößen, d.h.: formulieren Hypothesen (H₁) und entsprechende Nullhypothesen (H₀). bestimmen Annahme- und Verwerfungsbereiche für vorgegebene Signifikanzniveaus auch unter Verwendung von Sigma-Regeln, geben begründet Entscheidungsregeln an und untersuchen Entscheidungsfragen. erläutern den Fehler 1. Art (α-Fehler) und den Fehler 2. Art (β-Fehler) im Kontext und berechnen deren Wahrscheinlichkeiten.] | Qualifikationsphase Kapitel IX Testen mit der Binomialverteilung 1 Einseitiger Hypothesentest 2 Fehler beim Testen von Hypothesen 3 Wahl der Nullhypothese 4 Zweiseitiger Hypothesentest |
| | Die Schülerinnen und Schüler entnehmen Daten aus Texten, Histogrammen, Tabellen und anderen Darstellungsformen, prüfen ihre Plausibilität mithilfe stochastischer Methoden, beurteilen wahrscheinlichkeitsbasierte Aussagen und ziehen selbst geeignete Schlüsse. erkennen, erläutern und beurteilen in Anwendungssituationen stochastische Zusammenhänge und wenden die in S 1.1 bis S 1.8 genannten Kompetenzen an. | Siehe entsprechende Module |
| Qualifika- tions- phase | Stochastik 3: Normalverteilungen als Beispiel für stetige Wahrscheinlichkeitsverteilungen Die Schülerinnen und Schüler [LK: stellen Wahrscheinlichkeitsverteilungen stetiger Zufallsgrößen mit stetigen Funktionen dar und bestimmen dafür • Erwartungswert, Varianz und Standardabweichung, um Chancen, Risiken und Prognosen in stochastischen Sachkontexten zu beurteilen. | Qualifikationsphase Kapitel X Normalverteilung 1 Die Normalverteilung 2 Die Gauß'sche Glockenfunktion |

| <u> </u> | Wahrscheinlichkeiten von Ereignissen mithilfe von Integralen.] | |
|----------------------|---|---|
| | Die Schülerinnen und Schüler [LK: stellen die Gaußsche Glockenkurve grafisch dar, interpretieren sie als Dichtefunktion der Standard-Normalverteilung. | Qualifikationsphase Kapitel X Normalverteilung 1 Die Normalverteilung 2 Die Gauß'sche Glockenfunktion |
| | Die Schülerinnen und Schüler [LK: beurteilen die Approximierbarkeit der Binomialverteilung durch die Normalverteilung auf Basis der Laplace-Bedingung.] (*) | (*) Diese Kompetenzen werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt. |
| | Die Schülerinnen und Schüler [LK: nutzen σ-Umgebungen oder die Dichtefunktion der Normalverteilung zur Berechnung von Wahrscheinlichkeiten bei • Konfidenzintervallen (Alternative S 2.4 SP) (*) oder • Signifikanztests (Alternative S 2.5 HY).] | Qualifikationsphase Kapitel X Normalverteilung 3 Sigma-Regeln |
| | Die Schülerinnen und Schüler [LK: entnehmen Daten aus Texten, Histogrammen, Tabellen und anderen Darstellungsformen, prüfen ihre Plausibilität mithilfe stochastischer Methoden, beurteilen wahrscheinlichkeitsbasierte Aussagen und ziehen selbst geeignete Schlüsse. erkennen, erläutern und beurteilen in Anwendungssituationen stochastische Zusammenhänge und wenden die in S 3.1 bis S 3.5 genannten Kompetenzen an.] | Siehe entsprechende Module |
| Qualifika- tions- | Lineare Algebra 1: Vektoren in geometrischen Zusammenhängen für den Schwerpunkt LA | |
| phase | Die Schülerinnen und Schüler definieren Vektoren als reelles Zahlentupel und verfügen im zwei- bzw. dreidimensionalen kartesischen Koordinatensystem über geometrische Vorstellungen von Vektoren in folgenden Kontexten: • Ortsvektor eines Punktes, • Verbindungsvektor zwischen Punkten, • Verschiebungspfeil mit Richtung, Länge und Orientierung (Pfeilklasse) und interpretieren Vektoren als gerichtete Größen. | Einführungsphase Kapitel III Schlüsselkonzept: Vektoren – Geraden im Raum 1 Punkte und Figuren im Raum 2 Vektoren |
| | Die Schülerinnen und Schüler zeichnen mathematische Objekte mit Hilfe von Punkten im zwei- und dreidimensionalen Koordinatensystem und interpretieren gezeichnete Objekte. | Einführungsphase Kapitel III Schlüsselkonzept: Vektoren – Geraden im Raum 1 Punkte und Figuren im Raum 2 Vektoren |

| J 1 | Die Schülerinnen und Schüler addieren und subtrahieren Vektoren, multiplizieren Vektoren mit einem Skalar. | Einführungsphase Kapitel III Schlüsselkonzept: Vektoren – Geraden im Raum 3 Rechnen mit Vektoren |
|----------------------|---|---|
| | Die Schülerinnen und Schüler nutzen und deuten Linearkombinationen von Vektoren zur Lösung geometrischer Problemstellungen. untersuchen zwei Vektoren auf Kollinearität und deuten diese geometrisch. | Einführungsphase Kapitel III Schlüsselkonzept: Vektoren – Geraden im Raum 3 Rechnen mit Vektoren |
| | Die Schülerinnen und Schüler berechnen den Betrag eines Vektors und deuten diesen geometrisch. | Einführungsphase Kapitel III Schlüsselkonzept: Vektoren – Geraden im Raum 2 Vektoren |
| | Die Schülerinnen und Schüler berechnen das Skalarprodukt zweier Vektoren und nutzen dies, um • Winkel als spitz, stumpf oder rechten Winkel zu identifizieren. • Winkelgrößen zu berechnen. | Qualifikationsphase Kapitel VI Geraden und Ebenen 4 Zueinander orthogonale Vektoren – Skalarprodukt Qualifikationsphase Kapitel VII Abstände und Winkel 5 Winkel zwischen Vektoren |
| Qualifika- tions- | Lineare Algebra 2: Lineare Gleichungssysteme (LGS) und Matrizenkalkül für den Schwerpunkt LA | |
| phase | Die Schülerinnen und Schüler ermitteln Lösungsmengen für LGS (auch mit Parametern) mit keiner, einer oder unendlich vielen Lösungen, nutzen dabei verschiedene Lösungsverfahren. wenden als systematisches Verfahren den Gauß-Algorithmus an und erläutern die zugrunde liegenden Äquivalenzumformungen. erkennen unter- und überbestimmte LGS und reduzieren diese gegebenenfalls. | Qualifikationsphase Kapitel V Lineare Gleichungssysteme 1 Das Gauß-Verfahren 2 Lösungsmenge linearer Gleichungssysteme 3 Lineare Gleichungssysteme mit Parametern auf der rechten Seite 4 Bestimmen ganzrationaler Funktionen |
| | Die Schülerinnen und Schüler fassen $m \times n$ -Matrizen als Tabellen mit n Zeilen und m Spalten und Vektoren als Matrizen mit nur einer Spalte auf. | Diese Kompetenzen werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt. |
| | Die Schülerinnen und Schüler addieren und subtrahieren Matrizen, multiplizieren Matrizen mit einem Skalar. beherrschen die Multiplikation von Matrizen, erkennen diese als nicht kommutativ und bestimmen Inverse zu $m \times n$ -Matrizen. multiplizieren Matrizen mit Vektoren. | Diese Kompetenzen werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt. |
| | Die Schülerinnen und Schüler fassen Matrizen und Vektoren als Datenspeicher auf. nutzen LGS auch in Form von Matrix-Vektor Gleichungen zur Lösung von Problemstellungen in einfachen Anwendungssituationen. | Diese Kompetenzen werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt. |

| | Die Schülerinnen und Schüler bestimmen zu gegeben Eigenvektoren die passsenden Eigenwerte von zu $n \times n$ -Matrizen. bestimmen zu gegeben Eigenvektoren die passsenden Eigenwerte von zu $n \times n$ -Matrizen. | Diese Kompetenzen werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt. |
|-----------------|--|---|
| | Die Schülerinnen und Schüler [LK: bestimmen charakteristische Polynome von 2x2 -Matrizen. bestimmen Eigenwerte von zu $n \times n$ -Matrizen mithilfe gegebener charakteristischer Polynome und erkennen den dominanten Eigenwert.] | Diese Kompetenzen werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt. |
| | Die Schülerinnen und Schüler stellen Produktionsverflechtungen in Verflechtungsdiagrammen (Gozintographen) dar, beschreiben diese mithilfe von Übergangsmatrizen und deuten die Matrizenelemente sachgerecht als Ressourcenmengen. untersuchen Produktionsverflechtungen mit Matrix-Vektorgleichungen. | Diese Kompetenzen werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt. |
| Qualifika- | Lineare Algebra 3: Iterative Prozesse: Umverteilungen | |
| tions- phase | Die Schülerinnen und Schüler modellieren Umverteilungen als iterative Prozesse: • stellen diese in Übergangsdiagrammen dar. • beschreiben diese mithilfe von stochastischen Matrizen. • deuten Matrizenelemente sachgerecht als Übergangswahrscheinlichkeiten. | Diese Kompetenzen werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt. |
| | Die Schülerinnen und Schüler bestimmen, überprüfen und deuten Vektoren, die nachfolgende und vorausgehende Zustände beschreiben unter Verwendung von • Matrix-Multiplikationen, • Matrix-Potenzen, • Inversen, • Gleichungssystemen. | Diese Kompetenzen werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt. |
| | Die Schülerinnen und Schüler bestimmen, überprüfen und deuten Vektoren, die prozentuale Zustandsverteilungen beschreiben | Diese Kompetenzen werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt. |
| | Die Schülerinnen und Schüler Die Schülerinnen und Schülerbestimmen, überprüfen und deuten Fixvektoren, die stationäre Zustände beschreiben. | Diese Kompetenzen werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt. |
| | Die Schülerinnen und Schüler untersuchen das Langzeitverhalten für Umverteilungen. bestimmen und deuten Grenzvektoren und Grenzmatrizen für Umverteilungen. | Diese Kompetenzen werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt. |

| | Die Schülerinnen und Schüler vergleichen, validieren und modifizieren Modelle auch unter Berücksichtigung zusätzlicher Einflussgrößen und operieren sachgerecht mit zusätzlichen Parametern. | Diese Kompetenzen werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt. |
|-----------------|---|---|
| Qualifika- | Lineare Algebra 4: Iterative Prozesse: Populationsentwicklungen | |
| tions- phase | Die Schülerinnen und Schüler modellieren Populationsentwicklungen als iterative Prozesse: • stellen diese in Übergangsdiagrammen dar. • beschreiben diese mithilfe von Populationsmatrizen. • deuten Matrizenelemente sachgerecht als Überlebens- und Reproduktionsraten. | Diese Kompetenzen werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt. |
| | Die Schülerinnen und Schüler bestimmen, überprüfen und deuten Vektoren, die nachfolgende und vorausgehende Zustände beschreiben unter Verwendung von • Matrix-Multiplikationen, • Matrix-Potenzen, • Inversen, • Gleichungssystemen. | Diese Kompetenzen werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt. |
| | Die Schülerinnen und Schüler bestimmen, überprüfen und deuten Vektoren, die prozentuale Zustandsverteilungen beschreiben. | Diese Kompetenzen werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt. |
| | Die Schülerinnen und Schüler bestimmen, überprüfen und deuten Fixvektoren, die stationäre Zustände beschreiben. | Diese Kompetenzen werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt. |
| | Die Schülerinnen und Schüler bestimmen, überprüfen und deuten Wachstumsfaktoren sowie Wachstumsraten, die die (prozentuale) Zunahme oder Abnahme zwischen verschiedenen Zuständen beschreiben. | Diese Kompetenzen werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt. |
| | Die Schülerinnen und Schüler untersuchen das Langzeitverhalten für Populationsentwicklungen. beschreiben zerfallende, konvergierende und expandierende Populationsentwicklungen. unterscheiden zyklische und stabile Populationsentwicklungen. | Diese Kompetenzen werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt. |
| | Die Schülerinnen und Schüler bestimmen und deuten zyklische Wachstumsfaktoren für zyklische Populationsmatrizen. | Diese Kompetenzen werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt. |
| | Die Schülerinnen und Schüler deuten Eigenwerte von stabilen Populationsmatrizen als stabile Wachstumsfaktoren und die zugehörigen Eigenvektoren als stabile Zustände. berechnen und deuten stabile prozentuale Zustandsverteilungen. | Diese Kompetenzen werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt. |

| <u> </u> | Die Schülerinnen und Schüler [LK: stellen beliebige Zustände als Linearkombination aus Eigenvektoren von stabilen Populationsmatrizen dar. | Diese Kompetenzen werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt. |
|----------------------|---|---|
| | untersuchen das Langzeitverhalten für Populationsentwicklungen ausgehend von beliebigen Zuständen mithilfe von Eigenwerten und Linearkombinationen aus Eigenvektoren. | |
| | überprüfen und deuten die Existenz von Grenzvektoren und Grenzmatrizen für stabile Populationsmatrizen.] | |
| | Die Schülerinnen und Schüler beschreiben und untersuchen Populationsentwicklungen mit einfachen Exponentialfunktionen der Form $a \cdot b^x$ im Vergleich zur Betrachtung mit Vektoren und Matrizen. | Diese Kompetenzen werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt. |
| | Die Schülerinnen und Schüler vergleichen, validieren und modifizieren Modelle auch unter Berücksichtigung zusätzlicher Einflussgrößen und operieren sachgerecht mit zusätzlichen Parametern. | Diese Kompetenzen werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt. |
| Qualifika- tions- | Analytische Geometrie 1: Lineare Gleichungssysteme (LGS) und Matrizenkalkül für den Schwerpunkt AG | |
| phase | Die Schülerinnen und Schüler ermitteln Lösungsmengen für LGS (auch mit Parametern) mit keiner, einer oder unendlich vielen Lösungen, nutzen dabei verschiedene Lösungsverfahren. wenden als systematisches Verfahren den Gauß-Algorithmus an und erläutern die zugrunde liegenden Äquivalenzumformungen. vergleichen Lösungsverfahren für LGS in verschiedenen Schreibweisen (als einzelne Gleichungen, als Gleichungssystem, als erweiterte Koeffizientenmatrix). erkennen unter- und überbestimmte LGS und reduzieren überbestimmte LGS gegebenenfalls. | Qualifikationsphase Kapitel V Lineare Gleichungssysteme 1 Das Gauß-Verfahren 2 Lösungsmenge linearer Gleichungssysteme 3 Lineare Gleichungssysteme mit Parametern auf der rechten Seite 4 Bestimmen ganzrationaler Funktionen |
| Qualifika- tions- | Analytische Geometrie 2: Vektoren in geometrischen Zusammenhängen für den Schwerpunkt AG | |
| phase | Die Schülerinnen und Schüler definieren Vektoren als reelles Zahlentupel und verfügen im zwei- bzw. dreidimensionalen kartesischen Koordinatensystem über geometrische Vorstellungen von Vektoren in folgenden Kontexten: • Ortsvektor eines Punktes, • Verbindungsvektor zwischen Punkten, • Verschiebungspfeil mit Richtung, Länge und Orientierung (Pfeilklasse) und interpretieren Vektoren als gerichtete Größen. | Einführungsphase Kapitel III Schlüsselkonzept: Vektoren – Geraden im Raum 1 Punkte und Figuren im Raum 2 Vektoren |
| | Die Schülerinnen und Schüler zeichnen mathematische Objekte mit Hilfe von Punkten im zwei- und dreidimensionalen Koordinatensystem und interpretieren gezeichnete Objekte. | Einführungsphase Kapitel III Schlüsselkonzept: Vektoren – Geraden im Raum 1 Punkte und Figuren im Raum 2 Vektoren |

| J | Die Schülerinnen und Schüler addieren und subtrahieren Vektoren, multiplizieren Vektoren mit einem Skalar. | Einführungsphase Kapitel III Schlüsselkonzept: Vektoren – Geraden im Raum 3 Rechnen mit Vektoren |
|-----------------|---|---|
| | Die Schülerinnen und Schüler nutzen und deuten Linearkombinationen von Vektoren zur Lösung geometrischer Problemstellungen. untersuchen zwei Vektoren auf Kollinearität und deuten diese geometrisch. [LK: untersuchen Vektoren auf lineare Abhängigkeit und deuten diese geometrisch.] | Einführungsphase Kapitel III Schlüsselkonzept: Vektoren – Geraden im Raum 3 Rechnen mit Vektoren (*) Diese Kompetenzen werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt |
| | Die Schülerinnen und Schüler berechnen den Betrag eines Vektors und deuten diesen geometrisch. normieren einen Vektor zu einem Einheitsvektor. | Einführungsphase Kapitel III Schlüsselkonzept: Vektoren – Geraden im Raum 2 Vektoren |
| | Die Schülerinnen und Schüler berechnen das Skalarprodukt zweier Vektoren und nutzen dies, um • Winkel als spitz, stumpf oder rechten Winkel zu identifizieren. • Winkelgrößen zu berechnen. • [LK: die Länge der Projektion eines dieser Vektoren auf den anderen zu berechnen.] | Qualifikationsphase Kapitel VI Geraden und Ebenen 4 Zueinander orthogonale Vektoren – Skalarprodukt Qualifikationsphase Kapitel VII Abstände und Winkel 5 Winkel zwischen Vektoren |
| | Die Schülerinnen und Schüler berechnen das Vektorprodukt zweier Vektoren und nutzen dies, um • einen zu den ursprünglichen Vektoren orthogonalen Vektor zu ermitteln, • Flächeninhalte von Parallelogrammen und Dreiecken zu bestimmen. | Qualifikationsphase Kapitel VI Geraden und Ebenen 6 Ebenengleichungen umformen – das Vektorprodukt Qualifikationsphase Kapitel VII Abstände und Winkel 7 Anwendungen des Vektorprodukts |
| | Die Schülerinnen und Schüler erkennen, erläutern und beurteilen in Anwendungssituationen geometrische Zusammenhänge und wenden die in AG 2.1 bis AG 2.7 genannten Kompetenzen an. | Siehe entsprechende Module |
| Qualifika- | Analytische Geometrie 3: Geraden | |
| tions- phase | Die Schülerinnen und Schüler stellen Geraden und Strecken vektoriell mittels Stütz- und Richtungsvektor mit Gleichungen in Parameterform bzw. in Form parametrisierter Punkte dar. stellen Geradenscharen mit Gleichungen dar. veranschaulichen Geraden und Strecken mittels Stütz- und Richtungsvektor. geben Geraden- und Streckenpunkte an und führen Punktproben durch. | Einführungsphase Kapitel III Schlüsselkonzept: Vektoren – Geraden im Raum 4 Geraden im Raum |
| | Die Schülerinnen und Schüler berechnen und erkennen Spurpunkte von Geraden und erkennen besondere Lagen von Geraden im Koordinatensystem. | Einführungsphase Kapitel III Schlüsselkonzept: Vektoren – Geraden im Raum 4 Geraden im Raum |

| | Die Schülerinnen und Schüler | | Einführungsphase Kapitel III Schlüsselkonzept: Vektoren – Geraden im Raum |
|-----------------|--|---|---|
| | untersuchen die Lagebeziehung zweier Geraden: | | 5 Gegenseitige Lage von Geraden – zueinander |
| | • identisch, | | parallele Geraden |
| | echt parallel, windschief, | | 6 Schnitt von Geraden |
| | | | |
| | • sich schneidend | | |
| | und berechnen gegebenenfalls den Schnittpunkt. | | |
| | Die Schülerinnen und Schüler | | (*) Diese Kompetenzen werden derzeit nicht mit der Allgemeinen |
| | nutzen Geraden und Geradenscharen zur Darstellung von Flächen und Körpern. (*) | | Ausgabe abgedeckt |
| | erkennen, erläutern und beurteilen in Anwendungssituationen geometrische Zusammenhänge und wenden die in AG 2.1 bis AG 2.7 genannten Kompetenzen an. | | |
| Qualifika- | Analytische Geometrie 4: Ebenen | | |
| tions- phase | Die Schülerinnen und Schüler | | Qualifikationsphase Kapitel VI Geraden und Ebenen |
| priase | stellen Ebenen mit Gleichungen in Koordinatenform, in Parameterform [LK: und in Normalenform] dar. | | 3 Ebenen im Raum – Parameterform |
| | überführen Gleichungsformen von Ebenen ineinander. | | 4 Zueinander orthogonale Vektoren – Skalarprodukt |
| | stellen Ebenenscharen mit Gleichungen dar. | | 5 Normalen- und Koordinatenform einer Ebene |
| | veranschaulichen Ebenen mittels | | |
| | • (Spur-)Punkten, | | |
| | Stützvektor und Spannvektoren, | | |
| | Stützvektor und Normalenvektor. | | |
| | geben Punkte in Ebenen, Flächen und Körpern an und führen Punktproben durch. | | |
| | Die Schülerinnen und Schüler | | Qualifikationsphase Kapitel VI Geraden und Ebenen |
| | erkennen und berechnen Spurpunkte [LK: und Spurgeraden] von Ebenen und erkennen besondere Lagen von Ebenen im Koordinatensystem. | | 7 Ebenen veranschaulichen |
| | Die Schülerinnen und Schüler | | Qualifikationsphase Kapitel VI Geraden und Ebenen |
| | untersuchen die Lagebeziehungen zwischen einer Geraden und einer Ebene: | | 8 Gegenseitige Lage von Ebenen und Geraden |
| | • echt parallel, | , | 9 Gegenseitige Lage von Ebenen |
| | die Gerade liegt in der Ebene, | | |
| | die Gerade durchstößt die Ebene | | |
| | und berechnen gegebenenfalls den Durchstoßpunkt. | | |
| | untersuchen die Lagebeziehungen zweier Ebenen: | | |
| | • identisch, | | |
| | 1 | 1 | |
| | • echt parallel, | | |

| | und berechnen gegebenenfalls den Schnittpunkt. | |
|-----------------|--|--|
| | Die Schülerinnen und Schüler stellen Gleichungen von Geraden und Ebenen auf, die parallel oder orthogonal zu gegebenen Geraden oder Ebenen sind. | Qualifikationsphase Kapitel VI Geraden und Ebenen 8 Gegenseitige Lage von Ebenen und Geraden 9 Gegenseitige Lage von Ebenen |
| | Die Schülerinnen und Schüler nutzen Ebenen und Ebenenscharen zur Darstellung von Flächen und Körpern. (*) erkennen, erläutern und beurteilen in Anwendungssituationen geometrische Zusammenhänge und wenden die in AG 4.1 bis AG 4.5 genannten Kompetenzen an. | (*) Diese Kompetenzen werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt Siehe entsprechende Module |
| Qualifika- | Analytische Geometrie 5: Projektionen, Spiegelungen, Abstände und Winkel | |
| tions- phase | Die Schülerinnen und Schüler führen Projektionen von Punkten und Geraden auf Koordinatenebenen durch. führen Spiegelung von Punkten [LK: und Geraden] an Ebenen durch. | Qualifikationsphase Kapitel VII Abstände und Winkel 4 Spiegelung und Symmetrie |
| | Die Schülerinnen und Schüler berechnen Abstände • zwischen zwei Punkten, • von einem Punkt zu einer Ebene mit Hilfsgerade [LK: und Abstandsformel], [LK: • von einer Geraden zu einer Ebene mit Hilfsgerade, • von einer Ebene zu einer Ebene mit Hilfsgerade, • von einem Punkte zu einer Geraden mit Hilfsebene, • von einer Geraden zu einer Geraden mit Hilfsebene.] | Qualifikationsphase Kapitel VII Abstände und Winkel 1 Abstand eines Punktes von einer Ebene – HNF 2 Abstand eines Punktes von einer Geraden 3 Abstand zueinander windschiefer Geraden |
| | Die Schülerinnen und Schüler berechnen Winkelgrößen zwischen • zwischen zwei Geraden, • zwischen einer Geraden und einer Ebene, • zwischen zwei Ebenen. | Qualifikationsphase Kapitel VII Abstände und Winkel 6 Schnittwinkel |
| | Die Schülerinnen und Schüler erkennen, erläutern und beurteilen in Anwendungssituationen geometrische Zusammenhänge und wenden die in AG 5.1 bis AG 5.5 [sic!] genannten Kompetenzen an. | Siehe entsprechende Module |