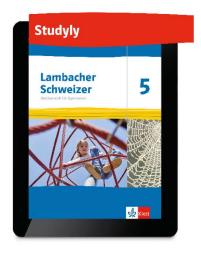
Lambacher Schweizer×Studyly

Allgemeine Ausgabe – Klasse 5 bis Qualifikationsphase



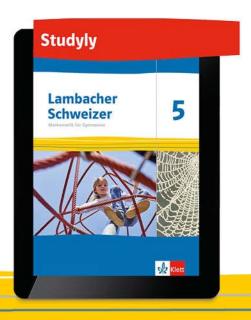


Fahrplan zum Einsatz in Hamburg



Inhaltsverzeichnisse

Klasse 5 bis Qualifikationsphase





auf der Grundlage des Bildungsplans Mathematik Gymnasium Sekundarstufe I von 2022 und des Bildungsplans Mathematik Studienstufe von 2022

Kapitel I	Zahlen und Größen	Kapitel IV	Flächen
·	1 Zählen und Darstellen		1 Flächeninhalte vergleichen
	2 Zahlen ordnen		2 Flächeneinheiten
	3 Große Zahlen und Runden		3 Flächeninhalt eines Rechtecks
	4 Grundrechenarten		4 Flächeninhalte rechtwinkliger Dreiecke
	5 Rechnen mit Geld		5 Umfang von Figuren
	6 Rechnen mit Längenangaben		6 Schätzen und Rechnen mit Maßstäben
	7 Rechnen mit Gewichtsangaben	Kapitel V	Körper
	8 Rechnen mit Zeitangaben		1 Körper und Netze
Kapitel II	Symmetrie		2 Netze von Quadern und Würfeln
	1 Senkrechte und parallele Geraden – Abstände		3 Schrägbilder
	2 Koordinatensystem		4 Rauminhalte vergleichen
	3 Achsensymmetrische Figuren		5 Volumeneinheiten
	4 Punktsymmetrische Figuren		6 Volumen eines Quaders
	5 Eigenschaften von Vielecken		7 Oberflächeninhalte von Quadern und Würfeln
Kapitel III	Rechnen	Kapitel VI	Brüche – das Ganze und seine Teile
	1 Terme		1 Bruch und Anteil
	2 Rechenvorteile beim Addieren und Multiplizieren		2 Kürzen und erweitern
	3 Ausklammern und Ausmultiplizieren		3 Brüche vergleichen
	4 Potenzieren		4 Prozente
	5 Teilbarkeit		5 Brüche als Quotienten
	6 Primzahlen und Primfaktorzerlegung		6 Brüche auf dem Zahlenstrahl
	7 Schriftliches Addieren und Subtrahieren		
	8 Schriftliches Multiplizieren		
	9 Schriftliches Dividieren		
	10 Sachaufgaben systematisch lösen		
	TO Sachanikanen systematisch iosen		

auf der Grundlage des Bildungsplans Mathematik Gymnasium Sekundarstufe I von 2022 und des Bildungsplans Mathematik Studienstufe von 2022

Kapitel I Kapitel II	Brüche – das Ganze und seine Teile 1 Bruch und Anteil 2 Kürzen und erweitern 3 Brüche vergleichen 4 Prozente 5 Brüche als Quotienten 6 Brüche auf dem Zahlenstrahl Brüche in Dezimalschreibweise 1 Dezimalschreibweise 2 Dezimalzahlen vergleichen und runden 3 Abbrechende und periodische Dezimalzahlen 4 Dezimalschreibweise bei Größen	Kapitel V Kapitel VI	Zahlen multiplizieren und dividieren 1 Brüche vervielfachen und teilen 2 Brüche multiplizieren 3 Durch Brüche dividieren 4 Kommaverschiebung 5 Dezimalzahlen multiplizieren 6 Dezimalzahlen dividieren 7 Rechengesetze – Vorteile beim Rechnen Beziehungen zwischen Zahlen 1 Strukturen erkennen und fortsetzen 2 Abhängigkeiten mit Termen beschreiben
Kapitel III	Zahlen addieren und subtrahieren 1 Brüche addieren und subtrahieren 2 Dezimalzahlen addieren und subtrahieren 3 Geschicktes Rechnen mit Brüchen und Dezimalzahlen 4 Addieren und Subtrahieren von Größen		3 Rechnen mit dem Dreisatz 4 Abhängigkeiten grafisch darstellen
Kapitel IV	Muster und Figuren 1 Negative Zahlen – erweitertes Koordinatensystem 2 Verschiebungen 3 Kreise und Kreisfiguren 4 Winkel 5 Winkel mit dem Geodreieck messen und zeichnen 6 Drehungen		

auf der Grundlage des Bildungsplans Mathematik Gymnasium Sekundarstufe I von 2022 und des Bildungsplans Mathematik Studienstufe von 2022

Kapitel I	Rechnen mit rationalen Zahlen 1 Ganze Zahlen 2 Rationale Zahlen und ihre Anordnung 3 Positive Zahlen addieren und subtrahieren 4 Negative Zahlen addieren und subtrahieren 5 Multiplizieren und Dividieren rationaler Zahlen 6 Rechenvorteile nutzen	Kapitel IV	Terme und Gleichungen 1 Terme mit einer Variablen 2 Terme mit einer Variablen umformen 3 Ausmultiplizieren und Ausklammern 4 Gleichungen aufstellen und lösen 5 Gleichungen mit Äquivalenzumformungen lösen 6 Bruchterme und Bruchgleichungen
Kapitel II	 Zuordnungen 1 Zuordnungen darstellen 2 Zuordnungen mit Formeln beschreiben 3 Proportionale Zuordnungen 4 Antiproportionale Zuordnungen 5 Zuordnungstypen erkennen und nutzen 	Kapitel V Kapitel VI	7 Problemlösen mit Gleichungen Konstruieren und Argumentieren mit Winkeln 1 Winkel an sich schneidenden Geraden 2 Winkelsummen 3 Dreiecke konstruieren Flächen
Kapitel III	Prozent- und Zinsrechnung 1 Prozentsätze berechnen 2 Prozentwerte berechnen 3 Grundwerte berechnen 4 Überall Prozente 5 Zinsen 6 Zinseszinsen	Kapitel VII	1 Flächeninhalte von Parallelogrammen 2 Flächeninhalte von Dreiecken 3 Flächeninhalte zusammengesetzter Figuren Daten 1 Relative Häufigkeiten und Diagramme 2 Median und arithmetisches Mittel 3 Boxplots 4 Untersuchungen planen und auswerten

auf der Grundlage des Bildungsplans Mathematik Gymnasium Sekundarstufe I von 2022 und des Bildungsplans Mathematik Studienstufe von 2022

Kapitel I	Lineare Funktionen	Kapitel V	Kongruenz
	1 Funktionen	- F	1 Kongruenz
	2 Funktionen mit der Gleichung y = $m \cdot x$		2 Mit Kongruenzsätzen argumentieren
	3 Lineare Funktionen	Kapitel VI	Dreiecke und Kreise
	4 Funktionsgleichungen bestimmen	·	1 Der Satz des Thales
	5 Nullstellen und Schnittpunkte		2 Mittelsenkrechte und Umkreis
Kapitel II	Terme mit mehreren Variablen		3 Winkelhalbierende und Inkreis
	1 Wiederholung: Terme mit einer Variablen		4 Schwerpunkt eines Dreiecks
	2 Terme mit mehreren Variablen		5 Kreisumfang und Kreisfläche
	3 Multiplizieren von Summen		6 Kreisteile
	4 Binomische Formeln	Kapitel VII	Körper
Kapitel III	Lineare Gleichungssysteme	•	1 Flächen bei Prismen und Zylindern
	1 Lineare Gleichungen mit zwei Variablen		2 Prismen und Zylinder – Volumen
	2 Lineare Gleichungssysteme		3 Das Prinzip von Cavalieri
	3 Gleichsetzungs- und Einsetzungsverfahren	Kapitel VIII	Wahrscheinlichkeit
	4 Das Additionsverfahren	·	1 Wahrscheinlichkeit
	5 Probleme mit Gleichungssystemen lösen		2 Laplace-Wahrscheinlichkeit Summenregel
Kapitel IV	Reelle Zahlen		3 Baumdiagramm und Pfadregel
	1 Quadratwurzeln		4 Der richtige Blick auf das Baumdiagramm
	2 Wurzeln näherungsweise bestimmen		5 Wahrscheinlichkeitsverteilung einer Zufallsgröße
	3 Irrationale Zahlen		6 Erwartungswert einer Zufallsgröße
	4 Wurzelgesetze -Vorteile beim Rechnen		7 Zusammengesetzte Ereignisse
	5 Wurzelgleichungen		8 Simulation von Zufallsexperimenten
			•

Klasse 9		Kapitel V	Der Satz des Pythagoras und Körper
Kapitel I	Quadratische Funktionen		1 Der Satz des Pythagoras
	1 Wiederholung: Lineare Funktionen		2 Pythagoras in Figuren und Körpern
	2 Quadratische Funktionen vom Typ $f(x) = ax^2$	Kapitel VI	Daten
	3 Scheitelpunktform quadratischer Funktionen		1 Relative Häufigkeiten und Diagramme
	4 Normalform und quadratische Ergänzung		2 Median und arithmetisches Mittel
	5 Aufstellen quadratischer Funktionsgleichungen		3 Boxplots
Kapitel II	Quadratische Gleichungen		4 Untersuchungen planen und auswerten
	1 Darstellungsformen quadratischer Funktionen	Kapitel VII	Daten und Wahrscheinlichkeit
	2 Quadratische Gleichungen grafisch lösen		1 Statistiken verstehen und beurteilen
	3 Lösen einfacher quadratischer Gleichungen		2 Vierfeldertafel – mit Anteilen argumentieren
	4 Linearfaktorzerlegung		3 Bedingte Wahrscheinlichkeiten
	5 Lösungsformel für quadratische Gleichungen		4 Stochastische Unabhängigkeit
	6 Problemlösen mit quadratischen Gleichungen		
Kapitel III	Potenzen und Potenzgesetze		
	1 Potenzen mit ganzzahligen Exponenten		
	2 Zahlen mit Zehnerpotenzen schreiben		
	3 Potenzen mit gleicher Basis		
	4 Potenzen mit gleichen Exponenten		
	5 Potenzieren von Potenzen		
	6 Potenzen mit rationalen Exponenten		
	7 Potenzfunktionen mit natürlichen Exponenten		
Kapitel IV	Ähnlichkeit		
	1 Zentrische Streckung		
	2 Ähnlichkeit		
	3 Strahlensätze		

auf der Grundlage des Bildungsplans Mathematik Gymnasium Sekundarstufe I von 2022 und des Bildungsplans Mathematik Studienstufe von 2022

Klasse 10

Kapitel I Spitze Körper und Kugeln

1 Pyramiden

2 Kegel

3 Kugeln

Kapitel II Exponentialfunktionen

1 Exponentielles Wachstum

2 Exponentialfunktionen

3 Exponentialgleichungen und Logarithmen

4 Wachstumsprozesse modellieren

Kapitel III Trigonometrie

1 Sinus und Kosinus

2 Tangens

3 Probleme lösen mit rechtwinkligen Dreiecken

4 Der Kosinussatz

5 Sinussatz

Kapitel IV Trigonometrische Funktionen

1 Sinus und Kosinus am Einheitskreis

2 Sinusfunktion

3 Transformationen der Sinusfunktion

4 Beschreibung periodischer Vorgänge

auf der Grundlage des Bildungsplans Mathematik Gymnasium Sekundarstufe I von 2022 und des Bildungsplans Mathematik Studienstufe von 2022

Einführungsphase

Kapitel I	Funktionen und ihre Graphen	Kapitel IV	Extremstellen und Wendestellen
	1 Funktionen	Kapiteriv	1 Monotonie
	2 Verschieben und Strecken von Graphen		2 Lokale Extremstellen
	3 Zusammengesetzte Funktionen		3 Der Nachweis von Extremstellen
	4 Ganzrationale Funktionen und ihr Verhalten für $x \rightarrow + \infty$ bzw. $x \rightarrow - \infty$		4 Die Bedeutung der zweiten Ableitung – Wendestellen
	5 Symmetrie von Graphen		5 Vom Funktionsterm zum Funktionsgraphen
	6 Nullstellen ganzrationaler Funktionen		6 Differenzialrechnung in Sachzusammenhängen
	7 Linearfaktoren – mehrfache Nullstellen	Kapitel V	Schlüsselkonzept: Binomialverteilung
Kapitel II	Schlüsselkonzept: Ableitung – Differenzialrechnung	Napite: 1	1 Bernoulli-Experimente
	1 Differenzenquotient – mittlere Änderungsrate		2 Binomialkoeffizienten
	2 Ableitung – momentane Änderungsrate		3 Die Formel von Bernoulli
	3 Die Ableitungsfunktion		4 Die Binomialverteilung – Erwartungswert
	4 Die Ableitung in Sachsituationen		5 Kumulierte Wahrscheinlichkeiten
	– lineare Näherung		6 Binomialverteilung – Standardabweichung
	5 Die Ableitung von Potenzfunktionen – Potenzregel		7 Problemlösen mit der Binomialverteilung
	6 Faktor- und Summenregel	Kapitel VI	Trigonometrische Funktionen
	7 Tangenten		1 Sinus und Kosinus am Einheitskreis
Kapitel III	Schlüsselkonzept: Vektoren – Geraden im Raum		2 Das Bogenmaß – die Sinus- und Kosinusfunktion
•	1 Punkte und Figuren im Raum		3 Die Funktion f mit $f(x) = a \cdot \sin(x - c) + d$
	2 Vektoren		4 Die Funktion f mit f (x) = $a \cdot sin(b \cdot (x - c)) + d$
	3 Rechnen mit Vektoren		5 Die Ableitung der Sinus- und Kosinusfunktion
	4 Geraden im Raum		6 Periodische Vorgänge modellieren
	5 Gegenseitige Lage von Geraden – zueinander		
	parallele Geraden		
	6 Schnitt von Geraden		
	7 Modellieren von geradlinigen Bewegungen		

auf der Grundlage des Bildungsplans Mathematik Gymnasium Sekundarstufe I von 2022 und des Bildungsplans Mathematik Studienstufe von 2022

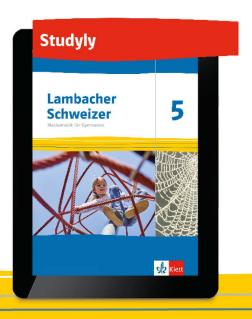
Qualifikationsphase

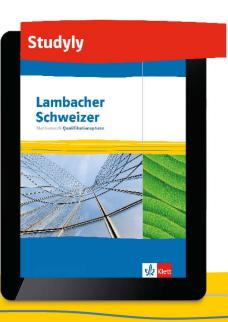
\alionspiia	5 0	17 1 - 1 111	total additional and a second
Kapitel I	Grundlagen der Differenzialrechnung	Kapitel III	Integralrechnung
	1 Ableitung und Ableitungsregeln		1 Rekonstruieren einer Größe
	2 Verkettung von Funktionen		2 Das Integral als orientierter Flächeninhalt
	3 Kettenregel		3 Der Hauptsatz der Differenzial- und
	4 Produktregel		Integralrechnung 4 Bestimmen von Stammfunktionen
	5 Monotonie und Krümmung		5 Stammfunktionen und ihre Graphen
	6 Extrem- und Wendepunkte		6 Integral und Flächeninhalt
	7 Tangente und Normale		7 Rotationskörper und ihr Volumen
Vonital II	8 Extremwertprobleme mit Nebenbedingungen		8 Uneigentliche Integrale
Kapitel II	Exponential- und Logarithmusfunktionen 1 Die natürliche Exponentialfunktion und die		9 Mittelwerte von Funktionen
	Euler'sche Zahl e 2 Exponentialgleichungen und natürlicher	Kapitel IV	Funktionen und ihre Graphen 1 Strecken, Verschieben und Spiegeln von
	Logarithmus 3 Exponentialfunktionen und ihre Graphen		Graphen 2 Linearfaktordarstellung – mehrfache Nullstellen
	4 Exponentialfunktionen mit Parametern		3 Lösen von Gleichungen
	5 Die Umkehrfunktion		4 Trigonometrische Funktionen
	6 Die Logarithmusfunktion und ihre Ableitung		5 Waagerechte und senkrechte Asymptoten
	7 Anwendungen von Exponentialfunktionen		6 Graph und Funktionsterm
			7 Untersuchen von Funktionenscharen
			8 Näherungsweises Berechnen von Nullstellen
		Kapitel V	Lineare Gleichungssysteme
			1 Das Gauß-Verfahren
			2 Lösungsmenge linearer Gleichungssysteme3 Lineare Gleichungssysteme mit Parameternauf der rechten Seite
			4 Bestimmen ganzrationaler Funktionen

Kapitel VI	Geraden und Ebenen	Kapitel VIII	Grundlagen der Wahrscheinlichkeitsrechnung
	1 Vektoren im Raum		1 Elementare Kombinatorik
	2 Geraden im Raum		2 Pfadregeln und Erwartungswert
	3 Ebenen im Raum – Parameterform		3 Bedingte Wahrscheinlichkeit
	4 Zueinander orthogonale Vektoren		4 Stochastische Unabhängigkeit
	– Skalarprodukt		5 Formel von Bernoulli und Binomialverteilung
	5 Normalen- und Koordinatenform einer Ebene		6 Erwartungswert und Histogramm
	6 Ebenengleichungen umformen		7 Problemlösen mit der Binomialverteilung
	– das Vektorprodukt	Kapitel IX	Testen mit der Binomialverteilung
	7 Ebenen veranschaulichen		1 Einseitiger Hypothesentest
	8 Gegenseitige Lage von Ebenen und Geraden		2 Fehler beim Testen von Hypothesen
	9 Gegenseitige Lage von Ebenen		3 Wahl der Nullhypothese
Kapitel VII	Abstände und Winkel		4 Zweiseitiger Hypothesentest
	1 Abstand eines Punktes von einer Ebene – HNF	Kapitel X	Normalverteilung
	2 Abstand eines Punktes von einer Geraden	·	1 Die Normalverteilung
	3 Abstand zueinander windschiefer Geraden		2 Die Gauß'sche Glockenfunktion
	4 Spiegelung und Symmetrie		3 Sigma-Regeln
	5 Winkel zwischen Vektoren		4 Umkehraufgaben zur Normalverteilung
	6 Schnittwinkel		5 Stetige Zufallsgrößen
	7 Anwendungen des Vektorprodukts		5 Stetipe Zaransgroßen
	8 Modellieren von geradlinigen Bewegungen		
	9 Vektorielle Beweise		

Stoffverteilung Hamburg

Klasse 5 bis Qualifikationsphase





Klasse	Inhalte	Zu finden in Studyly Allgemeine Ausgabe
5/6	1 Beschreibende Statistik I	Klasse 5 Kapitel I Zahlen und Größen
	Daten erfassen	1 Zählen und Darstellen
	Sammeln und Ordnen von Daten aus der Lebenswelt	
	Urlisten, Strichlisten	Klasse 7 Kapitel VII Daten
	Daten strukturieren, z. B. einteilen in sinnvolle Bereiche	1 Relative Häufigkeiten und Diagramme
	Ranglisten	2 Median und arithmetisches Mittel
	Durchführung und Auswertung von Umfragen	3 Boxplots
	Eigene Umfragen entwerfen, durchführen und auswerten	4 Untersuchungen planen und auswerten
	Daten darstellen und auswerten	
	Häufigkeitstabelle lesen und aufstellen	
	Graphische Darstellung erhobener Daten (z. B. Säulen- und Balkendiagramm)	
	Informationsentnahme aus Tabellen und Diagrammen	
	Darstellungswechsel zwischen Tabelle und Diagramm	
	Wahl geeigneter Diagramme zur Darstellung eines Sachverhaltes	
	gleichen Sachverhalt in verschiedenen Darstellungsformen beschreiben	
	Vergleich verschiedener Darstellungsformen im Hinblick auf Vor- und Nachteile	
	Kenngrößen Durchschnitt bzw. arithmetisches Mittel, Zentralwert bzw. Median, Spannweite ermitteln und vergleichen	
5/6	2 Natürliche Zahlen	Klasse 5 Kapitel I Zahlen und Größen
	Zahlvorstellung und Zahldarstellung	2 Zahlen ordnen
	Anzahl, Rangzahl, Maßzahl	3 Große Zahlen und Runden
	dezimales Stellenwertsystem für den Zahlenraum bis 1 000 000 und darüber hinaus	4 Grundrechenarten
	Einsatz des Zahlenstrahls in verschiedenen Größenordnungen	
	• runden	Klasse 5 Kapitel III Rechnen
	• ordnen	1 Terme
	Quadratzahlen	2 Rechenvorteile beim Addieren und Multiplizieren
	Potenzschreibweise	3 Ausklammern und Ausmultiplizieren
	Zahloperationen	4 Potenzieren
	Grundvorstellungen zu den vier Grundoperationen	7 Schriftliches Addieren und Subtrahieren
	Grundoperationen in verschiedenen Darstellungen (z. B. im Bild, am Zahlenstrahl)	8 Schriftliches Multiplizieren
		9 Schriftliches Dividieren
	Rechnen mit den vier Grundoperationen	10 Sachaufgaben systematisch lösen
	Umkehroperation Problem in Konfibir 400 (bis 600)	
	Rechnen im Kopf bis 100 (bis 200)	

5/6	 Rechenregeln (u. a. "Punkt-vor-Strich") Zahlenterme erfassen (z. B. mithilfe eines Rechenbaums) und berechnen Gleichheitszeichen mathematisch korrekt verwenden und Variablen als Platzhalter nutzen Zahlenreihen bei sich fortsetzenden Mustern, auch in Bildern Rechengesetze verstehen und anwenden 3 Teilbarkeit Zahlen zerlegen und erforschen Eigenschaften natürlicher Zahlen (gerade, ungerade, Teilbarkeit durch 2, 3, 5) Teiler (z. B. mit Zerlegungsbäumen), weitere Teilbarkeitsregeln Begründung von Teilbarkeitsregeln: Argumentieren mit Punktemustern und Zahlzerlegungen Primzahlen 	Klasse 5 Kapitel III Rechnen 5 Teilbarkeit 6 Primzahlen und Primfaktorzerlegung
5/6	4 Ebene Figuren und Koordinatensystem Orientierung in der Ebene Punkt, Strecke, Strahl und Gerade unterscheiden Parallele und senkrechte Geraden erkennen und zeichnen Längen von Strecken und Abstände messen und zeichnen Punkte im Koordinatensystem einzeichnen und ablesen einfache Grundrisse und grobe Lagepläne mithilfe vorgegebener Raster skizzieren geometrische Figuren (Dreiecke, Vierecke und Polygone) im Koordinatensystem darstellen einfache Grundrisse und Lagepläne mit einem selbstgewählten Raster erstellen Ebene Figuren Figuren Figuren in der Lebenswelt erkennen und beschreiben Parallelogramme, Rechtecke und Quadrate zeichnen Parallelogramme, Rechtecke und Quadrate unterscheiden und ihre definierenden Eigenschaften nennen	Klasse 5 Kapitel II Symmetrie 1 Senkrechte und parallele Geraden – Abstände 2 Koordinatensystem 3 Achsensymmetrische Figuren 4 Punktsymmetrische Figuren 5 Eigenschaften von Vielecken
5/6	5 Körper Orientierung im Raum • Kopfgeometrie • Würfelbauten nach Schrägbildern bauen Körper • Körper in der Lebenswelt erkennen und beschreiben • Quader, Würfel, Kegel, Zylinder, Kugel unterscheiden • von Würfeln und Quadern Netze und Modelle anfertigen • Quader, Würfel, Pyramide, Prisma, Kegel, Kugel, Zylinder beschreiben ihre definierenden Eigenschaften	Körper 1 Körper und Netze 2 Netze von Quadern und Würfeln 3 Schrägbilder 4 Rauminhalte vergleichen 5 Volumeneinheiten 6 Volumen eines Quaders 7 Oberflächeninhalte von Quadern und Würfeln

	von Würfeln und Quadern Schrägbilder anfertigen von Dreiecksprismen Netze, Schrägbilder und Modelle anfertigen	
5/6	6 Brüche, Anteile und Prozente	Klasse 6 Kapitel I Zahlen und Größen
	Brüche darstellen, ordnen und vergleichen	1 Bruch und Anteil
	 Brüche als Teil eines Ganzen, Teil mehrerer Ganzer, relativer Anteil, Verhältnis, Division und Maßzahl Notwendigkeit der Zahlenbereichserweiterung von N Brüche in Alltagssituationen (bildhaften Darstellungen) erkennen 	2 Kürzen und erweitern
		3 Brüche vergleichen
		4 Prozente
	• einfache und andere Brüche als Bild (u. a. als Bruchstreifen) dar-stellen	5 Brüche als Quotienten
	Brüche am vorstrukturierten oder selbstgewählten Zahlenstrahl darstellen	6 Brüche auf dem Zahlenstrahl
	Brüche ordnen und vergleichen	
	Prozentdarstellung	
	Prozentstreifen	
	Brüche kürzen und erweitern	
	Brüche kürzen und erweitern in Bildern (Vergröbern und Verfeinern)	
	Brüche rechnerisch kürzen und erweitern	
	Zusammenhang zwischen Bild und Kalkül	
	gleichwertige Brüche und Bruchdarstellungen erkennen	
	Brüche für eine Prozentdarstellung kürzen und erweitern	
	In Kontexten rechnen	
	Anteil, Teil und Ganzes aus Text und Bild angeben	
	Anteil, Teil und Ganzes von Größen und Mengen bestimmen	
5/6	7 Positive Zahlen in Dezimalschreibweise	Klasse 6 Kapitel II Brüche in Dezimalschreibweise
	Zahlvorstellung und Zahldarstellung	1 Dezimalschreibweise
	Erweiterung des Stellenwertsystems nach rechts	2 Dezimalzahlen vergleichen und runden
	Darstellung am Zahlenstahl	3 Abbrechende und periodische Dezimalzahlen
	ordnen und vergleichen	4 Dezimalschreibweise bei Größen
	• runden	
	Zahloperationen (Addition und Subtraktion)	Klasse 6 Kapitel III Zahlen addieren und subtrahieren
	Addition und Subtraktion in verschiedenen Darstellungen (z. B. am Zahlenstrahl)	Brüche addieren und subtrahieren Dezimalzahlen addieren und subtrahieren Coophielten Begebagn mit Brüchen und Dezimalzahlen.
	Addition und Subtraktion schriftlich im Stellenwertsystem	
	Rechenalgorithmus der schriftlichen Addition und Subtraktion beschreiben	3 Geschicktes Rechnen mit Brüchen und Dezimalzahlen 4 Addieren und Subtrahieren von Größen
		4 Addieren und Subtrameren von Großen

5/6	8 Mit Größen in Kontexten rechnen Größenvorstellung • Messen von Zeiten, Längen, Massen • Einheiten der Zeit, Länge, der Masse • Repräsentanten für Standardgrößen • Größen von Alltagsgegenständen mithilfe von Repräsentanten schätzen • Bezugsgrößen aus der Erfahrungswelt zum Schätzen nutzen (Massen, Längen, Geldwerte, Zeitspannen)	Klasse 5 Kapitel I Zahlen und Größen 5 Rechnen mit Geld 6 Rechnen mit Längenangaben 7 Rechnen mit Gewichtsangaben 8 Rechnen mit Zeitangaben Klasse 5 Kapitel IV Flächen 6 Schätzen und Rechnen mit Maßstäben
	 Umgang mit Größen Umformen von Einheiten (durch Vergleich mit Standardrepräsentanten oder Umrechnungstabellen und Umrechnungszahlen) Einheiten situationsgerecht umformen vergleichen und ordnen Größen addieren und subtrahieren Präfixe: Milli-, Zenti-, Dezi-, Kilo-, Mega-, -, Nano-, Mikro-, Giga-, und Tera- große und sehr kleine Zahlenwerte mit Zehnerpotenzen schreiben In Kontexten rechnen Rechnen mit Größen und Geldbeträgen Überschlagsrechnung und Schätzen zur Orientierung und Kontrolle Maßstab maßstabsgetreues Zeichnen Entfernungen auf Stadtplänen und Landkarten mit Maßstabsleiste ermitteln 	Klasse 6 Kapitel III Zahlen addieren und subtrahieren 4 Addieren und Subtrahieren von Größen
	9 Flächeninhalt Größenvorstellung • messen von Flächen • Einheiten der Fläche • Repräsentanten für Standardgrößen • Größen von Alltagsgegenständen mithilfe von Repräsentanten schätzen • Bezugsgrößen aus der Erfahrungswelt zum Schätzen nutzen Umgang mit Größen • Umformen von Einheiten (durch Vergleich mit Standardrepräsentanten oder Umrechnungstabellen und Umrechnungszahlen) • Einheiten situationsgerecht umformen • vergleichen und ordnen • Größen addieren, subtrahieren und vervielfachen	Klasse 5 Kapitel IV Flächen 1 Flächeninhalte vergleichen 2 Flächeneinheiten 3 Flächeninhalt eines Rechtecks 4 Flächeninhalte rechtwinkliger Dreiecke 5 Umfang von Figuren 6 Schätzen und Rechnen mit Maßstäben

	Flächeninhalt und Umfang spezieller Figuren	
	Flächeninhalte von Quadrat, Rechteck, rechtwinkligem Dreieck und daraus zusammengesetzten Figuren mit Einheitsquadraten messen und vergleichen	
	Umfangsformel und Flächeninhaltsformel für die o. g. Figuren anwenden	
	Flächeninhaltsformel für die o. g. Figuren anhand des Messvorgangs beschreiben und begründen	
5/6	10 Rauminhalt Größenvorstellung • messen von Volumina • Einheiten des Volumens • Repräsentanten für Standardgrößen • Größen von Alltagsgegenständen mithilfe von Repräsentanten schätzen • Bezugsgrößen aus der Erfahrungswelt zum Schätzen nutzen Umgang mit Größen • Umformen von Einheiten (durch Vergleich mit Standardrepräsentanten oder Umrechnungstabellen und Umrechnungszahlen) • Einheiten situationsgerecht umformen • vergleichen und ordnen	Klasse 5 Kapitel V Körper 1 Körper und Netze 2 Netze von Quadern und Würfeln 3 Schrägbilder 4 Rauminhalte vergleichen 5 Volumeneinheiten 6 Volumen eines Quaders 7 Oberflächeninhalte von Quadern und Würfeln
	Größen addieren, subtrahieren und vervielfachen	
5/6	11 Rechnen mit Brüchen Addition und Subtraktion • Anteile zusammenfassen am Bruchstreifen • rechnerisches Vorgehen bei Addition und Subtraktion von Brüchen am Bild erkennen und erklären, u. a. Notwendigkeit des gleichen Nenners • Addition und Subtraktion einfacher Brüche, wie sie im täglichen Leben vorkommen • Addition und Subtraktion von Brüchen Multiplikation und Division • Anteile von Anteilen am Rechteckfeld bestimmen • rechnerisches Vorgehen bei Multiplizieren von Anteilen am Bild erkennen und erklären • Grundvorstellung der Division als "Aufteilen" und "Passen in" bei Brüchen • Multiplikation und Division einfacher Brüche, wie sie im täglichen Leben vorkommen • Multiplikation und Division von Brüchen In Kontexten rechnen • Übersetzung von Sachkontext in Rechenterm auch mit mehreren unterschiedlichen Rechenoperationen • Lösung von Sachaufgaben auch im Zusammenhang mit Größen	Klasse 6 Kapitel V Zahlen multiplizieren und dividieren 1 Brüche vervielfachen und teilen 2 Brüche multiplizieren 3 Durch Brüche dividieren 4 Kommaverschiebung 5 Dezimalzahlen multiplizieren 6 Dezimalzahlen dividieren 7 Rechengesetze – Vorteile beim Rechnen

5/6	12 Winkel und Kreis Winkel Winkel in der Umwelt erkennen und beschreiben (Scheitelpunkt, Schenkel) Winkeltypen (spitze, rechte, stumpfe, gestreckte und überstumpfe) Beschriftung von Winkeln Winkel mit dem Geodreieck, mindestens auf ein Grad genau zeichnen Winkel mit dem Geodreieck messen	Klasse 6 Kapitel IV Muster und Figuren 3 Kreise und Kreisfiguren 4 Winkel 5 Winkel mit dem Geodreieck messen und zeichnen
	 einfache (45°, 90°, 180°, 360°) Winkelgrößen erkennen Winkelgrößen schätzen Drehsinn Kreis Kreise mit dem Zirkel zeichnen Mittelpunkt, Radius, Durchmesser Kreismuster mit dem Zirkel zeichnen 	
5/6	13 Abbildungen und Symmetrien Abbildungen Herstellung achsensymmetrischer und drehsymmetrischer Figuren durch Falten, Durchpausen oder freies Zeichnen, z. B. Zweihand-zeichnen Merkmale der Achsenspiegelung sowie der Punktspiegelung und der Drehung Spiegelung von Punkten, Geraden und Polygonen an einer Achse, auch mittels dynamischer Geometriesoftware Spiegelung von Punkten, Geraden und Polygonen an einem Punkt, auch mittels dynamischer Geometriesoftware Zeichnung drehsymmetrischer Figuren bei vorgegebenem Drehwinkel mit dynamischer Geometriesoftware Symmetrien Symmetrieachsen einzeichnen Untersuchung von Figuren auf Achsen-, Punkt- und Drehsymmetrie Sich wiederholende Muster Parallelverschiebung geometrischer Figuren, auch mittels dynamischer Geometriesoftware Herstellung eigener, sich wiederholender Muster, die achsen-, punkt- oder drehsymmetrische Elemente sowie Parallelverschiebungen enthalten, mit dynamischer Geometriesoftware	Klasse 5 Kapitel II Symmetrie 3 Achsensymmetrische Figuren 4 Punktsymmetrische Figuren Klasse 6 Kapitel IV Muster und Figuren 2 Verschiebungen 6 Drehungen (*) Diese Inhalte werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt

5/6	14 In Dezimalschreibweise rechnen Im Stellenwertsystem rechnen • Verschiebung der Ziffern bei Multiplikation mit Zehnerpotenzen wie 100, 1000	Klasse 6 Kapitel V Zahlen multiplizieren und dividieren 4 Kommaverschiebung 5 Dezimalzahlen multiplizieren
	Verschiebung der Ziffern bei Division durch Zehnerpotenzen wie 100, 1000	6 Dezimalzahlen dividieren
	Multiplikation mit und Division durch natürliche Zahlen	
	Multiplikation mit und Division durch einfache rationale Zahlen in Dezimalschreibweise, wie sie im Alltag vorkommen	
	schriftliche Multiplikation und Division von abbrechenden Zahlen in Dezimalschreibweise	
	Kopfrechnen mit den vier Grundrechenarten in Dezimalschreib-weise mit bis zu drei Nachkommastellen im Ergebnis	
	• einfache (0,25; 0,5; 0,75) und andere Zahlen aus der Dezimalschreibweise in Bruchschreibweise umwandeln und umgekehrt	
	In Kontexten rechnen	
	Größen in Dezimalschreibweise vervielfachen und aufteilen	
	Flächeninhalte von Rechtecken mit nicht-ganzzahligen Seitenlängen	
	Übersetzung von Sachkontext in Rechenterm und umgekehrt auch mit mehreren unterschiedlichen Rechenoperationen	
	Überschlagsrechnung als Kontrolle und zum Beurteilen des Ergebnisses	
	Umkehrrechnung zum Beurteilen des Ergebnisses	
	situationsgemäß Bruchschreibweise und Dezimalschreibweise wählen	
5/6	15 Schaubilder	Klasse 5 Kapitel II Symmetrie
	Koordinatensystem	2 Koordinatensystem
	Wertepaare in ein Koordinatensystem eintragen und Koordinaten von Punkten ablesen	
	Skalierung des Koordinatensystems gezielt anpassen, um vorgegebene Punkte einzeichnen zu können	Klasse 6 Kapitel IV Muster und Figuren
	Werte aus Graphen ablesen	Negative Zahlen – erweitertes Koordinatensystem
	Funktionale Beziehungen	
	• Zusammenhänge zwischen zwei Größen aus dem Alltag erkennen, mit eigenen Worten beschreiben und Aufgaben dazu lösen, auch im negativen Zahlenbereich	Klasse 6 Kapitel VI Beziehungen zwischen Zahlen 1 Strukturen erkennen und fortsetzen
	Verlauf von Graphen qualitativ beschreiben (u. a. Hoch- und Tiefpunkt, steigend, fallend)	2 Abhängigkeiten mit Termen beschreiben4 Abhängigkeiten grafisch darstellen
5/6	16 Zufall und Statistik	(*) Diese Inhalte werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe
	Wetten zu Zufallsexperimenten (*)	abgedeckt
	Alltagsbeispiele für sichere und nicht sichere Wetten angeben	
	Begriffe "sicher", "unmöglich" und "wahrscheinlich" zur Beschreibung von Wahrscheinlichkeiten nutzen	

		1	
	die besten Gewinnchancen bei Wetten vorhersagen		
	Zufallsexperimente entwerfen, planen und durchführen		
	Daten in Tabellen und Strichlisten erfassen		
	Daten darstellen und auswerten (*)		
	Kreisdiagramme zeichnen		
	 relative Häufigkeiten bei Zufallsexperimenten ermitteln und darstellen (Bruch, Prozent und Dezimalschreibweise) 		
	• relative Häufigkeiten aus Kreisdiagrammen bestimmen		
	• bei Spielen mit Würfeln, Münzen o. Ä. beurteilen, welche Wette sicherer ist		
	erklären, warum man bei großen Wurfzahlen besser wetten kann		
	Würfelergebnisse bei großer Wurfzahl vorhersagen		
7/8	 1 positive und negative rationale Zahlen Zahlenraum erkunden negative Zahlen in Alltagssituationen (z. B. Temperatur, Kontostände, Fahrstuhl, Meeresspiegel) Notwendigkeit der Zahlbereichserweiterung Notation: Vorzeichen und Betrag 		Klasse 7 Kapitel I Rechnen mit rationalen Zahlen 1 Ganze Zahlen 2 Rationale Zahlen und ihre Anordnung 3 Positive Zahlen addieren und subtrahieren 4 Negative Zahlen addieren und subtrahieren
	negative und positive Zahlen am Zahlenstrahl		5 Multiplizieren und Dividieren rationaler Zahlen
	Grundvorstellungen: relative Zahl bezüglich Nulllinie, Gegensatz, Richtung		6 Rechenvorteile nutzen
	ordnen und vergleichen		
	Im Kontext rechnen		
	spielerisches Erkunden von Addition und Subtraktion		
	anschauliches Addieren und Subtrahieren positiver und negativer Größen in verschiedenen Darstellungen		
	Fehlvorstellungen begegnen ("Addieren macht größer", "Subtrahieren macht kleiner")		
	• zu Termen passende Alltagssituationen finden		
	Terme in Langschreibweise mit Klammer und Vorzeichen notieren und berechnen		
	Kurzschreibweise: Rechenzeichen und Vorzeichen werden eins		
	negative und positive Zahlen in Sachkontexten multiplizieren und dividieren		
	Vorzeichenregeln bei Multiplikation und Division rationaler Zahlen		
	Zahlbereiche		
	Zahlenwissen sortieren: natürliche, ganze und rationale Zahlen		

7/8	2 Funktionen und Dreisatz Funktionale Beziehungen • Beispiele angeben, bei denen zwei Größen funktional voneinander abhängig sind • Messungen von abhängigen Größen vornehmen, in Tabellen festhalten und in Schaubildern darstellen • in Tabellen einfache Gesetzmäßigkeiten erkennen und fehlende Werte ergänzen • proportionale und antiproportionale Zuordnungen realitätsnahen Situationen zuordnen und damit rechnen (Dreisatz) • Sachsituationen zu vorgegebenen proportionalen und antiproportionalen Zuordnungen angeben • einfache Gleichungen durch systematisches Probieren lösen	Klasse 6 Kapitel VI Beziehungen zwischen Zahlen 1 Strukturen erkennen und fortsetzen 2 Abhängigkeiten mit Termen beschreiben 3 Rechnen mit dem Dreisatz 4 Abhängigkeiten grafisch darstellen Klasse 7 Kapitel II Zuordnungen 1 Zuordnungen darstellen 2 Zuordnungen mit Formeln beschreiben
	 Darstellungsform und -wechsel (Sprache, Tabelle, Graph, Term) Lösung realitätsnaher Probleme mit proportionalen und antiproportionalen Zuordnungen Koordinatensystem sachgerechter Umgang mit den Koordinatenachsen, auch mit unterschiedlichen Skalierungen der x - und y -Achse Skalierung des Koordinatensystems gezielt anpassen, um vorgegebene Punkte einzeichnen zu können 	3 Proportionale Zuordnungen 4 Antiproportionale Zuordnungen 5 Zuordnungstypen erkennen und nutzen
7/8	3 Prozent- und Zinsrechnung Grundvorstellungen zur Prozentrechnung • prozentuale Anteile als Beziehung zwischen Teil und Ganzem • Prozentrechnung als proportionaler Zusammenhang zweier Größen (z. B. Geld und Prozente) • Prozentschreibweise als Hundertstelbrüche • Zahlen aus Dezimalschreibweise in Prozentschreibweise umformen – und umgekehrt • situationsgerecht Prozent-, Dezimal- oder Bruchschreibweise wählen • Grundwert, Prozentwert und Prozentsatz unterscheiden und erklären • Prozentdarstellungen verwenden und vernetzen: Formel, Dreisatz-tabelle, Kreisdiagramm, Prozentstreifen Prozente darstellen und in Kontexten rechnen • Grundwert, Prozentwert und Prozentsatz in Texten und Grafiken erkennen • Grundwert, Prozentwert und Prozentsatz am Prozentstreifen und in Dreisatztabellen erkennen und darstellen • einfache und komplexere Grundaufgaben durch (proportionales) Herauf- und Herunterrechnen lösen • Aufgaben zu Anteilen über 100 % lösen • Preisrabatte im Kopf schätzen und an einfachen Beispielen berechnen • prozentuale Zu- und Abnahme von Preisen vergleichen Zinsrechnung in Kontexten • Kapital, Zinsen und Zinssatz als Grundwert, Prozentwert und Prozentsatz verstehen	Klasse 7 Kapitel III Prozent- und Zinsrechnung 1 Prozentsätze berechnen 2 Prozentwerte berechnen 3 Grundwerte berechnen 4 Überall Prozente 5 Zinsen 6 Zinseszinsen

1	Jahreszinsen und Guthaben nach einem Jahr bestimmen	
	Zinseszinsaufgaben iterativ und durch Potenzieren lösen, auch unter Verwendung von Tabellenkalkulation	
	weitere Grundaufgaben zu Kapital, Jahreszins und Zinssatz lösen	
7/8	4 Wahrscheinlichkeitsrechnung	Klasse 8 Kapitel VIII Wahrscheinlichkeit
.,,	Theoretische Zugänge zu Wahrscheinlichkeiten	1 Wahrscheinlichkeit
	Wahrscheinlichkeiten bei einfachen Laplace-Experimenten als Bruch, als Prozentsatz und als Dezimalzahl bestimmen	2 Laplace-Wahrscheinlichkeit Summenregel 3 Baumdiagramm und Pfadregel
	Wahrscheinlichkeiten unterschiedlicher Laplace-Zufallsexperimente schätzen und vergleichen	4 Der richtige Blick auf das Baumdiagramm
	alle möglichen Ergebnisse eines einfachen Zufallsexperiments angeben	5 Wahrscheinlichkeitsverteilung einer Zufallsgröße
	Anzahlen günstiger und möglicher Ergebnisse mithilfe einfacher Zählprinzipien ermitteln	6 Erwartungswert einer Zufallsgröße
	Gegenwahrscheinlichkeit bei einfachen Laplace-Zufallsexperimenten bestimmen	
	einfach Wahrscheinlichkeiten mit zweistufigem Baumdiagramm bestimmen	
	• Erwartungswert	
	faire Gewinnspiele erkennen und aufstellen	
	Empirische Zugänge zu Wahrscheinlichkeiten	
	Strichlisten und Häufigkeitstabellen bei Zufallsexperimenten	
	einstufige Zufallsexperimente mit verschiedenen Gegenständen (Münze, Würfel, Glücksrad, Streichholz, Legostein etc.) durchführen und Wahrscheinlichkeiten schätzen	
	Laplace-Zufallsexperimente von Nicht-Laplace-Zufallsexperimenten unterscheiden	
	erwartbare absolute Häufigkeiten eines mehrfach durchgeführten Zufallsexperiments abschätzen (intuitive Verwendung des schwachen Gesetzes der großen Zahlen)	
	Schätzungen, Urteile und Vorurteile im rechnergestützten Versuch prüfen	
7/8	5 Dreiecksgeometrie	Klasse 7 Kapitel V Konstruieren und Argumentieren mit Winkeln
	Sätze anwenden und beweisen	1 Winkel an sich schneidenden Geraden
	Winkel an einfachen Geradenkreuzungen (Nebenwinkelsatz, Scheitelwinkelsatz)	2 Winkelsummen
	Winkel an doppelten Geradenkreuzungen (Stufenwinkelsatz, Wechselwinkelsatz)	3 Dreiecke konstruieren
	Innenwinkelsummensatz herleiten und anwenden	
	Dreiecke und Konstruktionen	Klasse 8 Kapitel V Kongruenz
	Dreiecksarten unterscheiden und klassifizieren	1 Kongruenz
	Höhen im Dreieck zeichnen und konstruieren	2 Mit Kongruenzsätzen argumentieren
	Dreiecke mit Lineal, Geodreieck und dynamischer Geometriesoftware zeichnen (auch im Koordinatensystem)	Klasse 8 Kapitel VI Dreiecke und Kreise
l	Dreiecke mit Zirkel, Lineal und auch mit dynamischer Geometriesoftware konstruieren	1 Der Satz des Thales

	Geometrische Sätze an Dreiecken	
	Kongruenz von Dreiecken erkennen, beschreiben und begründen	
	Eigenschaften von Dreiecken zur Analyse von Sachsituationen nutzen	
	Satz des Thales anwenden und beweisen	
7/8	6 Terme und Gleichungen I	Klasse 6 Kapitel VI Beziehungen zwischen Zahlen
	Variablen	1 Strukturen erkennen und fortsetzen
	verschiedene Aspekte von Variablen in unterschiedlichen Zusammenhängen untersuchen	2 Abhängigkeiten mit Termen beschreiben
	a. Variablen als Platzhalter (Einsetzungsaspekt)	
	b. Variablen als Veränderliche in einem bestimmten Bereich	Klasse 7 Kapitel IV Terme und Gleichungen
	c. Variablen als bedeutungsloses Zeichen (Kalkülaspekt)	1 Terme mit einer Variablen
	Variablen festlegen und interpretieren	2 Terme mit einer Variablen umformen
	Terme	3 Ausmultiplizieren und Ausklammern
	• verschiedene Aspekte von Termen in unterschiedlichen Zusammenhängen untersuchen	4 Gleichungen aufstellen und lösen
	a. Variablenterme als Aufforderung zum Einsetzen und Ausrechnen (Einsetzungsaspekt)	
	b. Variablenterme als Beschreibungsmittel für allgemeine Zusammenhänge (Gegenstandsaspekt)	
	c. Variablenterme als bedeutungslose Zeichen (Kalkülaspekt)	
	einfache Terme interpretieren	
	einfache Terme im Sachzusammenhang aufstellen	
	Werte von Termen durch Einsetzen berechnen, auch mit einem Tabellenkalkulationsprogramm	
	Zahlenfolgen fortführen und unter Verwendung von Variablen beschreiben	
	einfache Terme addieren und subtrahieren	
	• einfache Terme mit rationalen Zahlen multiplizieren und dividieren	
	Gleichungen	
	einfache Gleichungen aus Wortgleichungen und Texten aufstellen	
	• einfache lineare Gleichungen rechnerisch, sowie durch inhaltliche Überlegungen und systematisches Probieren lösen	
7/8	7 Vierecke	Klasse 5 Kapitel II Symmetrie
	Ebene geometrische Figuren	5 Eigenschaften von Vielecken
	• verschiedene Vierecke (allg. Viereck, Parallelogramm, Rechteck, Quadrat) unterscheiden und klassifizieren	
	verschiedene Vierecke (allg. Viereck, Parallelogramm, Rechteck, Quadrat) zeichnen, auch mithilfe digitaler Mathematikwerkzeuge	Klasse 7 Kapitel VI Flächen 1 Flächeninhalte von Parallelogrammen
	• o. g. Vierecke im Koordinatensystem darstellen	2 Flächeninhalte von Dreiecken
	• sich o. g. Vierecke vorstellen und gedanklich in Lage, Größe und Form verändern (Kopfgeometrie)	3 Flächeninhalte zusammengesetzter Figuren

	Flächeninhalt und Umfang • Flächeninhalt und Umfang von Rechtecken und Dreiecken und daraus zusammengesetzten Figuren ermitteln sowie berechnen, auch mithilfe digitaler Mathematikwerkzeuge • gesuchte Werte durch Aufstellen und Lösen von Gleichungen berechnen • Herleitung der Flächeninhaltsformel von Parallelogramm und Trapez		
7/8	8 Lineare Funktionen Lineare Funktionen im Alltag • gleichmäßige Veränderungen zweier Größen in Alltagssituationen • unabhängige und abhängige Größen identifizieren • lineare vs. Proportionale und antiproportionale Zusammenhänge • konstante Änderungsrate und Startwert • Terme zu linearen Zusammenhängen aufstellen • zu linearem Term eine Situation finden • Schreibweise: $f(x) = mx + b$ Lineare Funktionen darstellen • Variablen als Veränderliche (für funktionale Zusammenhänge) (Gegenstandaspekt) • lineare Zusammenhänge in Tabellen darstellen, erkennen und damit rechnen • lineare Zusammenhänge als Graphen zeichnen und erkennen • lineare Zusammenhänge in Funktionstermen erkennen • Steigung und y -Achsenabschnitt aus dem Funktionsterm, dem Graphen und der Tabelle ablesen • Darstellungsvernetzung: Term, Graph, Tabelle, Text, auch mit dynamischer Geometriesoftware Probleme mit linearen Funktionen lösen • Fragestellungen durch lineare Funktionen mathematisieren, auch mit dynamischer Geometriesoftware • Zu einzelnen Stellen den y-Wert mit Term, Tabelle und Graphen ermitteln – und umgekehrt • einfache lineare Gleichungen lösen (rechnerisch, durch inhaltliches Überlegen, durch systematisches Probieren) • lineare Gleichungen lösen • Ergebnisse im Sachkontext deuten • Schnittpunkte von Geraden graphisch, rechnerisch und tabellarisch ermitteln und deuten, auch mit Tabellenkalkulation oder dynamischer Geometriesoftware	Klasse 8 Kapitel I Lineare Funktionen 1 Funktionen 2 Funktionen mit der Gleichung y = m · x 3 Lineare Funktionen 4 Funktionsgleichungen bestimmen 5 Nullstellen und Schnittpunkte	

7/8	9 Kreis Kreise erkunden • Umfänge von Kreisen mit unterschiedlichen Radien messen • Flächeninhalte von Kreisen mit unterschiedlichen Radien ermitteln • Pi empirisch gewinnen Flächeninhalt und Umfang • Flächeninhalt von Kreisen berechnen • Umfang und Durchmesser, bzw. Radius aus gegebenen Flächeninhalten bestimmen • Flächeninhalte und Umfang von Kreisteilen bestimmen • Flächeninhalte von Kreisen und Kreisteilen mithilfe digitaler Mathematikwerkzeuge bestimmen • näherungsweise Berechnungen an krummlinig begrenzten Figuren	Klasse 8 Kapitel VI Dreiecke und Kreise 5 Kreisumfang und Kreisfläche 6 Kreisteile
7/8	10 Terme und Gleichungen II Gleichungen • Verschiedene Aspekte von Gleichungen und deren Lösung in unterschiedlichen Zusammenhängen untersuchen. • einfache lineare Gleichungen in Kontexten aufstellen • lineare Gleichungen in Kontexten aufstellen • einfache lineare Gleichungen durch Äquivalenzumformungen lösen • lineare Gleichungen durch Äquivalenzumformungen lösen • Aufstellen und Interpretieren nichtlinearer Gleichungen, ggf. Lösen dieser durch systematisches Probieren • Ungleichungen Terme • Terme aufstellen, interpretieren und umformen, die auch Variablenprodukte enthalten (ausmultiplizieren und ausklammern) • binomische Formeln	Klasse 7 Kapitel IV Terme und Gleichungen 4 Gleichungen aufstellen und lösen 5 Gleichungen mit Äquivalenzumformungen lösen 6 Bruchterme und Bruchgleichungen 7 Problemlösen mit Gleichungen Klasse 8 Kapitel II Terme mit mehreren Variablen 1 Wiederholung: Terme mit einer Variablen 2 Terme mit mehreren Variablen 3 Multiplizieren von Summen 4 Binomische Formeln
7/8	11 Körper – Prisma und Zylinder Prisma und Zylinder erkunden • Netze, Schrägbilder und Modelle von Prismen herstellen und aus ihren Darstellungen erkennen, auch mithilfe digitaler Mathematikwerkzeuge • Netze und Modelle von Zylindern herstellen und aus ihren Darstellungen erkennen • verschiedene Prismen unterscheiden und klassifizieren • Prismen und Zylinder charakterisieren Volumen und Oberflächeninhalt • Oberflächeninhalt und Volumen von Prismen berechnen und das Vorgehen beschreiben	Klasse 8 Kapitel VII Körper 1 Flächen bei Prismen und Zylindern 2 Prismen und Zylinder – Volumen 3 Das Prinzip von Cavalieri

	Objectively and the literature of the latest terms of the latest t	
	Oberflächeninhalt und Volumen von Zylindern bestimmen	
	Oberflächeninhalt und Volumen aus bekannten zusammengesetzten Körpern berechnen	
	fehlende Werte durch Aufstellen und Lösen von Gleichungen bestimmen	
7/8	12 Statistik	Klasse 9 Kapitel VI Daten
	Daten erfassen	1 Relative Häufigkeiten und Diagramme
	Daten systematisch sammeln	2 Median und arithmetisches Mittel
	Daten aus Quellenmaterial entnehmen	3 Boxplots
	Planung statistischer Erhebungen, auch unter den Aspekten Stichprobenauswahl und Erhebungsinstrument, auch mithilfe von Tabellenkalkulation	4 Untersuchungen planen und auswerten
	Daten darstellen	Klasse 9 Kapitel VII Daten und Wahrscheinlichkeit
	• graphische Darstellung erhobener Daten (z. B. Säulen- oder Balkendiagramm, Kreisdiagramm, Liniendiagramm, Boxplot), auch mithilfe von Tabellenkalkulation	1 Statistiken verstehen und beurteilen
	Manipulation, Absicht und mögliche Wirkung bei der Darstellung von Daten erkennen, beschreiben und reflektieren	
	Daten auswerten	
	Kenngrößen (Minimum, Maximum, arithmetisches Mittel, Zentralwert (Median), Spannweite) ermitteln und interpretieren	
	kritische Interpretation grafischer Darstellungen und Tabellen von statistischen Erhebungen	
	Quartile ermitteln	
	Vor- und Nachteile unterschiedlicher Kenngrößen erläutern	
	Interpretation graphischer Darstellung hinsichtlich ihrer (manipulativen) Wirkung	
7/8	13 Lineare Funktionen und Gleichungssysteme	Klasse 8 Kapitel III Lineare Gleichungssysteme
	Vorstellung und Darstellung	1 Lineare Gleichungen mit zwei Variablen
	Aufstellen linearer Gleichungssysteme mit zwei Variablen	2 Lineare Gleichungssysteme
	• Einsatz heuristischer Strategien, z. B. systematisches Probieren zum Lösen linearer Gleichungssysteme	3 Gleichsetzungs- und Einsetzungsverfahren
	• grafisches Lösen linearer Gleichungssystemen	4 Das Additionsverfahren
	Lösbarkeit und Lösungsvielfalt linearer Gleichungssysteme untersuchen und diesbezüglich Aussagen formulieren	5 Probleme mit Gleichungssystemen lösen
	Rechenoperationen	
	Nutzen von mindestens zwei der drei Lösungsverfahren (Additionsverfahren, Einsetzungsverfahren, Gleichsetzungsverfahren)	
	Beherrschen mindestens eines der drei Lösungsverfahren	
	Lösen linearer Gleichungssysteme unter Einsatz digitaler Werkzeuge, inklusive Taschenrechner	

	In Kontexten rechnen • in Kontexten routiniert lineare Gleichungssysteme mit zwei Variablen lösen • Vergleich der Effektivität verschiedener Lösungsverfahren für die jeweilige Fragestellung oder das Problem	
7/8	 14 Reelle Zahlen Q überschreiten • Probleme ohne Lösung in (z. B. Seitenlänge eines Quadrats ermitteln, Quadratflächen verdoppeln, Lösung von x² = a) • nichtabbrechende, nichtperiodische Zahlen in Dezimalschreibweise • Notwendigkeit der Zahlbereichserweiterung von nach am Beispiel erläutern • Implementierung eines algorithmischen Verfahrens mit digitalen Mathematikwerkzeugen (Heron, Intervallschachtelung) • Phänomen der Konvergenz mit Rechnerhilfe demonstrieren Mit den neuen Zahlen umgehen • Wurzelschreibweise erläutern und damit umgehen • Wurzeln schätzen und ordnen • Wurzeln auf dem Zahlenstrahl eintragen • Berechnen von Quadrat- und Kubikwurzeln, beispielsweise zum Lösen einfacher Probleme, u. a. unter Verwendung eines Taschenrechners • Potenzen und Wurzeln als Umkehrungen zueinander erläutern Zahlbereiche sortieren • Zusammenhänge: N, Z, Q, R 	Klasse 8 Kapitel IV Reelle Zahlen 1 Quadratwurzeln 2 Wurzeln näherungsweise bestimmen 3 Irrationale Zahlen 4 Wurzelgesetze -Vorteile beim Rechnen 5 Wurzelgleichungen
9/10	1 Satz des Pythagoras Rechtwinklige Dreiecke erkunden • Flächeninhalte von Quadraten über den Seiten spitzer, stumpfer und rechtwinkliger Dreiecke mit dynamischer Geometriesoftware erkunden • Satz des Pythagoras (vorwärts und rückwärts) formulieren und er-läutern • Seitenlängen mit dem Satz des Pythagoras berechnen • Anwendungen des Satzes des Pythagoras in Alltagssituationen Sätze erkunden und beweisen • Richtigkeit des Satzes von Pythagoras anschaulich oder handlungsorientiert begründen • Beweis des Satzes von Pythagoras	Klasse 9 Kapitel V Der Satz des Pythagoras und Körper 1 Der Satz des Pythagoras 2 Pythagoras in Figuren und Körpern

9/10	2 Körper – Pyramide, Kegel und Kugel	Klasse 10 Kapitel I Spitze Körper und Kugeln
	Pyramide, Kegel und Kugel erkunden	1 Pyramiden
	Pyramide, Kegel und Kugel (auch aus ihrer Umwelt) charakterisieren und aus ihren Darstellungen erkennen	2 Kegel 3 Kugeln
	Netze und Schrägbilder von Pyramide und Kegel erkennen und mithilfe dynamischer Geometriesoftware zeichnen	
	Schrägbilder von aus bisher bekannten zusammengesetzten Körpern entwerfen (z. B. mithilfe dynamischer Geometriesoftware)	
	Oberflächeninhalt und Volumen	
	• in ihrer Umwelt Messungen von Längen mit digitalen Messwerk-zeugen vornehmen, aus Quellenmaterial Maßangaben entnehmen	
	Oberflächeninhalt und Volumen von Pyramide, Kegel und Kugel mit Formelsammlung und Taschenrechner berechnen sowie mit-hilfe digitaler Mathematikwerkzeuge ermitteln	
	Im Sachkontext gesuchte Werte durch Aufstellen und Lösen von Gleichungen berechnen	
	Oberflächeninhalt und Volumen aus bisher bekannten zusammen-gesetzten Körpern bestimmen	
	• funktionale Abhängigkeit der Volumen- und Flächeninhaltsveränderung bei einem der Körper erarbeiten	
	Sätze erkunden	
	Satz von Cavalieri anwenden	
	Formel für das Volumen einer Pyramide und Kugel herleiten	
9/10	3 Quadratische Funktionen und Gleichungen	Klasse 9 Kapitel I Quadratische Funktionen
	Funktionale Beziehungen	1 Wiederholung: Lineare Funktionen
	funktionale Abhängigkeit zweier Größen beschreiben (Kovariations- und Objektvorstellung)	2 Quadratische Funktionen vom Typ $f(x) = ax^2$
	quadratische Funktionen realitätsnahen Situationen zuordnen und umgekehrt	3 Scheitelpunktform quadratischer Funktionen
	Darstellungsform und -wechsel (Sprache, Tabelle, Graph, Term), auch mit dynamischer Geometriesoftware	4 Normalform und quadratische Ergänzung
	oder Tabellenkalkulation	5 Aufstellen quadratischer Funktionsgleichungen
	Vor- und Nachteile verschiedener Darstellungen erläutern	
	Merkmale der Funktion in den verschiedenen Darstellungen der Funktion erkennen und bestimmen	Klasse 9 Kapitel II Quadratische Gleichungen
	• eine der oder alle Formen von quadratischen Funktionen kennen (Scheitelpunktform, Normalform, faktorisierte Form)	1 Darstellungsformen quadratischer Funktionen2 Quadratische Gleichungen grafisch lösen
	Einflüsse der Parameter in einer Form oder in verschiedenen Formen des Funktionsterms erkennen und benennen, auch mit dynamischer Geometriesoftware	Lösen einfacher quadratischer Gleichungen Linearfaktorzerlegung
	realitätsnahe Probleme mit quadratischen Funktionen auch mit Tabellenkalkulation, auch unter Berücksichtigung eines sinnvollen Definitionsbereichs lösen Gleichungen	5 Lösungsformel für quadratische Gleichungen 6 Problemlösen mit quadratischen Gleichungen

	 quadratische Gleichungen numerisch (systematisches Probieren) und algebraisch lösen (auch Nullproduktsatz) realitätsnahe Probleme durch grafische Bestimmung der Schnitt-punkte von Funktionsgraphen auch mit dynamischer Geometrie-software lösen Lösbarkeit und Lösungsvielfalt quadratischer Gleichungen untersuchen Vergleich der Effektivität verschiedener Lösungsverfahren für vor-liegende Probleme 	
9/10	4 Potenzgesetze Potenzen mit natürlichen Exponenten • Zehnerpotenzschreibweise nutzen • Potenzgesetze an Beispielen mit natürlichen Exponenten erklären • Potenzgesetze zum vorteilhaften Rechnen benutzen • Berechnen einfacher Potenzen auch ohne Taschenrechner • Beweisen der Potenzgesetze, ausgehend von der Potenzdefinition Potenzen mit rationalen Exponenten • negative Exponenten mit der Kehrwertbildung in Beziehung setzen • Wurzeln als Potenzen mit rationalem Exponenten • Potenzgesetze bei rationalen Exponenten • Wurzelgesetze als Potenzgesetze verstehen und anwenden	Klasse 9 Kapitel III Potenzen und Potenzgesetze 1 Potenzen mit ganzzahligen Exponenten 2 Zahlen mit Zehnerpotenzen schreiben 3 Potenzen mit gleicher Basis 4 Potenzen mit gleichen Exponenten 5 Potenzieren von Potenzen 6 Potenzen mit rationalen Exponenten
9/10	5 Wahrscheinlichkeitsrechnung II Theoretische Zugänge zu Wahrscheinlichkeiten • Wahrscheinlichkeiten bei ein- und mehrstufigen Zufallsexperimenten berechnen, auch mithilfe entsprechender Visualisierungen (Baumdiagramm) • Pfadregeln (u. a. Summen- und Produktregel) • Gegenwahrscheinlichkeiten für ein- und mehrstufige Zufallsexperimente bestimmen • Erwartungswerte für ein- und mehrstufige Zufallsexperimente theoretisch berechnen und empirisch approximieren • Wahrscheinlichkeit und relative Häufigkeit sowie Erwartungswert und arithmetisches Mittel • Zufallserscheinungen aus dem Alltag beschreiben und interpretieren • Baumdiagramme als übersichtliche Darstellung aller möglichen Ergebnisse mehrstufiger Zufallsexperimente erstellen • Anzahlen der günstigen und möglichen Ergebnisse mithilfe von Zählprinzipien bestimmen • zweistufige Laplace-Experimente planen, durchführen und auswerten Bedingte Wahrscheinlichkeit	Klasse 8 Kapitel VIII Wahrscheinlichkeit 1 Wahrscheinlichkeit 2 Laplace-Wahrscheinlichkeit Summenregel 3 Baumdiagramm und Pfadregel 4 Der richtige Blick auf das Baumdiagramm 5 Wahrscheinlichkeitsverteilung einer Zufallsgröße 6 Erwartungswert einer Zufallsgröße Klasse 9 Kapitel VI Daten und Wahrscheinlichkeit 1 Statistiken verstehen und beurteilen 2 Vierfeldertafel – mit Anteilen argumentieren 3 Bedingte Wahrscheinlichkeiten

	bedingte Wahrscheinlichkeiten in Texten, Visualisierungen und Alltagssituationen erkennen, ohne und mithilfe digitaler Medien	
	bedingte Wahrscheinlichkeiten verstehen und interpretieren	
	bedingte Wahrscheinlichkeiten mithilfe entsprechender Visualisierungen (Vierfeldertafel und Baumdiagramm) bestimmen	
	Texte und Aussagen mit Bezug auf bedingte Wahrscheinlichkeiten beurteilen	
	weitere Visualisierungen (z. B. Rechteckfelder)	
9/10	6 Ähnlichkeit	Klasse 9 Kapitel IV Ähnlichkeit
	Ähnlichkeitsbeziehungen	1 Zentrische Streckung
	Ähnlichkeit (Skalierung) und Kongruenz	2 Ähnlichkeit
	Skalierungsfaktoren von Strecken, Flächen und Körpern	3 Strahlensätze
	funktionale Betrachtung der Änderung von Flächeninhalten und Volumina in Abhängigkeit von Streckenlängen und Radien der entsprechenden ebenen Figuren	
	ähnliche Dreiecke	
	Anwendung der Ähnlichkeitsbeziehungen in Dreiecken	
	Strahlensätze	
9/10	7 Trigonometrie	Klasse 10 Kapitel III Trigonometrie
•	Rechtwinklige Dreiecke	1 Sinus und Kosinus
	Verhältnisse in ähnlichen rechtwinkligen Dreiecken erkunden	2 Tangens
	besondere Verhältnisse: Sinus, Kosinus und Tangens	3 Probleme lösen mit rechtwinkligen Dreiecken
	Berechnung von Winkeln und Seitenlängen im rechtwinkligen Dreieck, auch in Anwendungskontexten	4 Der Kosinussatz
	Allgemeine Dreiecke	5 Sinussatz
	ähnliche allgemeine Dreiecke erkunden	
	Formulieren von Zusammenhängen zwischen Winkeln und Seiten-längen in allgemeinen Dreiecken (Sinussatz und Kosinussatz)	
	Berechnung von Winkeln und Seitenlängen in allgemeinen Drei-ecken mithilfe des Taschenrechners, mit Tabellenkalkulation und dynamischer Geometriesoftware, auch in Anwendungskontexten	
9/10	8 Periodische Vorgänge	Klasse 10 Kapitel IV Trigonometrische Funktionen
	Periodische Vorgänge	1 Sinus und Kosinus am Einheitskreis
	Kreisbewegungen und ihre Projektionen	2 Sinusfunktion
	Sinusfunktion und Kosinusfunktion	3 Transformationen der Sinusfunktion
	• Untersuchung von Einflüssen der Parameter bei $f(x) = a \cdot \sin(bx + c) + d$ mit dynamischer Geometriesoftware	4 Beschreibung periodischer Vorgänge

	• Beschreibung von periodischen Vorgängen mithilfe der Sinusfunktion in der Form $f(x) = a \cdot \sin(bx + c) + d$ mit dynamischer Geometriesoftware	
	Beziehungen zwischen Funktionstermen und Graphen trigonometrischer Funktionen	
9/10	9 Exponentielles Wachstum	Klasse 10 Kapitel II Exponentialfunktionen
	Wachstumsprozesse	1 Exponentielles Wachstum
	Unterscheidung linearer und exponentieller Wachstumsprozesse	2 Exponentialfunktionen
	Funktionale Beziehungen	3 Exponentialgleichungen und Logarithmen
	funktionale Abhängigkeit zweier Größen beschreiben (Kovariations- und Objektvorstellung)	4 Wachstumsprozesse modellieren
	Exponentialfunktionen der Form realitätsnahen Situationen zuordnen und umgekehrt	
	Darstellungsform und -wechsel (Sprache, Tabelle, Graph, Term), auch mit dynamischer Geometriesoftware oder Tabellenkalkulation	
	Vor- und Nachteile verschiedener Darstellungen erläutern	
	Merkmale der Funktion in den verschiedenen Darstellungen der Funktion erkennen und bestimmen	
	• realitätsnahe Probleme mit Exponentialfunktionen auch mit dynamischer Geometriesoftware, auch unter Berücksichtigung eines sinnvollen Definitionsbereichs lösen	
	• zu Wachstumsprozessen Größen (Funktionswerte und Argumente) mit dem Taschenrechner berechnen und aus Graphen näherungsweise ablesen	
	große Zahlen in Zehnerpotenzschreibweise darstellen	
	Logarithmieren als eine Umkehrung des Potenzierens beschreiben	
	Logarithmen sicher mithilfe des Taschenrechners berechnen, in einfachen Fällen auch ohne Taschenrechner	
9/10	10 Exponentielles Wachstum	Klasse 10 Kapitel II Exponentialfunktionen
	Funktionale Beziehungen	1 Exponentielles Wachstum
	Funktionale Abhängigkeit zweier Größen beschreiben (Kovariations- und Objektvorstellung)	2 Exponentialfunktionen
	• Exponentialfunktionen der Form $f(x=)a\cdot b^x$ realitätsnahen Situationen zuordnen und umgekehrt	3 Exponentialgleichungen und Logarithmen
ı	Darstellungsform und -wechsel (Sprache, Tabelle, Graph, Term), auch mit dynamischer Geometriesoftware oder Tabellenkalkulation	4 Wachstumsprozesse modellieren
	Vor- und Nachteile verschiedener Darstellungen erläutern	
	Merkmale der Funktion in den verschiedenen Darstellungen der Funktion erkennen und bestimmen	
	• realitätsnahe Probleme mit Exponentialfunktionen auch mit dynamischer Geometriesoftware, auch unter Berücksichtigung eines sinnvollen Definitionsbereichs lösen	
	• Zu Wachstumsprozessen Größen (Funktionswerte und Argumente) mit dem Taschenrechner berechnen und aus Graphen näherungs-weise ablesen	
	große Zahlen in Zehnerpotenzschreibweise darstellen	
	Logarithmieren als eine Umkehrung des Potenzierens beschreiben	

	Logarithmen sicher mithilfe des Taschenrechners berechnen, in einfachen Fällen auch ohne Taschenrechner	
9/10	11 Üben und Vertiefen	
9/10	Mit Funktionsklassen Mit Funktionen arbeiten • bekannte und neu gelernte Funktionen als Hilfsmittel verwenden, um realitätsbezogene Zusammenhänge zu beschreiben sowie zu analysieren und zugehörige Problemstellungen zu lösen (*) • Einsatz digitaler Mathematikwerkzeuge zur Visualisierung und Untersuchung funktionaler Zusammenhänge (*) • kennzeichnende Merkmale von Funktionen im Funktionsterm, im Graph und in der Wertetabelle erkennen Erkennung von Achsensymmetrie zur y-Achse und Punktsymmetrie zum Ursprung anhand der Exponenten der freien Variablen im Funktionsterm ganzrationaler Funktionen, Nutzung dieser Eigenschaft für Argumentationen und Berechnungen • Beziehungen zwischen den verschiedenen Darstellungsarten für Funktionen herstellen • Berechnung von Nullstellen • Lösen von biquadratischen Gleichungen mittels Substitution • Einsatz von Taschenrechnern zum Lösen linearer Gleichungssysteme (*) Funktionsklassen • Darstellen und Anwenden funktionaler Zusammenhänge mit den untenstehenden Funktionsklassen, Kennen von Besonderheiten und Nutzen dieser Funktionsklassen in Sachzusammenhängen • ganzrationale Funktionen • einfache gebrochen – rationale Funktionen (*) • Wurzelfunktion als Beispiel für eine einfache Umkehrfunktion (*) • unter einfachen gebrochen rationalen Funktionen werden Funktionen verstanden, deren Graph aus dem Graphen zu $f(x) = \frac{1}{x}$ durch Verschieben in x-Richtung und y-Richtung, Strecken in x- oder y-Richtung sowie Spiegeln an Abszissenachse oder Ordinatenachse hervor-gehen kann	Einführungsphase Kapitel I Funktionen und ihre Graphen 1 Funktionen 2 Verschieben und Strecken von Graphen 3 Zusammengesetzte Funktionen 4 Ganzrationale Funktionen und ihr Verhalten für x → + ∞ bzw. x → − ∞ 5 Symmetrie von Graphen 6 Nullstellen ganzrationaler Funktionen 7 Linearfaktoren − mehrfache Nullstellen (*) Diese Inhalte werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt
9/10	13 Einführung in die Differentialrechnung Mittlere und lokale Änderungsrate • Interpretation der mittleren Änderungsrate in Sachzusammenhängen und als Sekantensteigung • Beschreibung der Annäherung der mittleren Änderungsrate an die lokale Änderungsrate • Interpretation der lokalen Änderungsrate an einer Stelle in Sachzusammenhängen und als Tangentensteigung • Berechnung der Tangentensteigung an einer Stelle mit dem Grenzwert des Differenzenquotienten an einigen Beispielen • Beschreibung der Ableitungsfunktion als Funktion der lokalen Änderungsraten	Einführungsphase Kapitel I Schlüsselkonzept: Ableitung – Differenzialrechnung 1 Differenzenquotient – mittlere Änderungsrate 2 Ableitung – momentane Änderungsrate 3 Die Ableitungsfunktion 4 Die Ableitung in Sachsituationen – lineare Näherung 5 Die Ableitung von Potenzfunktionen – Potenzregel 6 Faktor- und Summenregel 7 Tangenten

	Aufstellung der Tangentengleichung Berechnung von Steigungswinkeln mithilfe des Tangens Anwendung der Ableitungsregeln O Potenzregel o Faktorregel o Summenregel Bestimmung von höheren Ableitungen Herleitung des Graphen der Ableitungsfunktion aus dem gegebenen Graphen einer Funktion Ableitungsfunktion Monotonieuntersuchungen mithilfe der Ableitungsfunktionen Nutzung von erster und zweiter Ableitung zur Bestimmung und Klassifikation lokaler Extrema von Funktionen Nutzung von zweiter und dritter Ableitung zur Bestimmung von Wendepunkten Untersuchung des Krümmungsverhaltens von Funktionen	Einführungsphase Kapitel III Extremstellen und Wendestellen 1 Monotonie 2 Lokale Extremstellen 3 Der Nachweis von Extremstellen 4 Die Bedeutung der zweiten Ableitung – Wendestellen 5 Vom Funktionsterm zum Funktionsgraphen 6 Differenzialrechnung in Sachzusammenhängen
S1/S2		Einführungsphase Kapitel I Funktionen und ihre Graphen 1 Funktionen 2 Verschieben und Strecken von Graphen 3 Zusammengesetzte Funktionen 4 Ganzrationale Funktionen und ihr Verhalten für x → + ∞ bzw. x → − ∞ 5 Symmetrie von Graphen (*) Diese Inhalte werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt

	 Beschreibung des Verhaltens im Unendlichen Bestimmung von senkrechten und waagerechten Asymptoten Zusätzlich im erhöhten Anforderungsniveau: Auf erhöhtem Anforderungsniveau bearbeiten die Schülerinnen und Schüler auf derselben inhaltlichen Basis komplexere Aufgabenstellungen. Nachweis von Achsensymmetrie zur y-Achse und Punktsymmetrie zum Ursprung u. a. mithilfe der Zusammenhänge f(x) = f(-x) bzw. f(x) = -f(-x) 	
S1/S2	Gleichungen Bestimmung der Koeffizienten ganzrationaler Funktionen durch Aufstellen linearer Gleichungssysteme (Steckbriefaufgaben) Gleichungslösen als Hilfsmittel, um Fragestellungen in funktionalen Zusammenhängen zu lösen. geeignete Verfahren zur Lösung quadratischer Gleichungen grundlegende algebraische Umformungen, z. B. Ausklammern der Unbekannten tabellarisches Lösen von Gleichungen graphisches Lösen von Gleichungen Lösen biquadratischer Gleichungen mittels Substitution Zusätzlich im erhöhten Anforderungsniveau: Auf erhöhtem Anforderungsniveau bearbeiten die Schülerinnen und Schüler auf derselben inhaltlichen Basis komplexere Aufgabenstellungen. Gleichungslösen in Abhängigkeit von Parametern	Qualifikationsphase Kapitel V Lineare Gleichungssysteme 1 Das Gauß-Verfahren 2 Lösungsmenge linearer Gleichungssysteme 3 Lineare Gleichungssysteme mit Parametern auf der rechten Seite 4 Bestimmen ganzrationaler Funktionen Qualifikationsphase Kapitel IV Funktionen und ihre Graphen 3 Lösen von Gleichungen
S1/S2	Mittlere und lokale Änderungsrate Interpretation der mittleren Änderungsrate in Sachzusammenhängen und als Sekantensteigung Beschreibung der Annäherung der mittleren Änderungsrate an die lokale Änderungsrate Interpretation der lokalen Änderungsrate an einer Stelle in Sachzusammenhängen und als Tangentensteigung Berechnung der Tangentensteigung an einer Stelle mit dem Grenzwert des Differenzenquotienten an einigen Beispielen Beschreibung der Ableitungsfunktion als Funktion der lokalen Änderungsraten Aufstellung der Tangentengleichung Berechnung von Steigungswinkeln mithilfe des Tangens Anwendung der Ableitungsregeln Potenzregel Summenregel	Einführungsphase Kapitel I Schlüsselkonzept: Ableitung – Differenzialrechnung 1 Differenzenquotient – mittlere Änderungsrate 2 Ableitung – momentane Änderungsrate 3 Die Ableitungsfunktion 4 Die Ableitung in Sachsituationen – lineare Näherung 5 Die Ableitung von Potenzfunktionen – Potenzregel 6 Faktor- und Summenregel 7 Tangenten Qualifikationsphase Kapitel IV Funktionen und ihre Graphen 7 Untersuchen von Funktionenscharen

	Bestimmung höherer Ableitungen	
	Herleitung des Graphen der Ableitungsfunktion aus dem gegebenen Graphen einer Funktion	
	Zusätzlich im erhöhten Anforderungsniveau:	
	• Auf erhöhtem Anforderungsniveau bearbeiten die Schülerinnen und Schüler auf derselben inhaltlichen Basis komplexere Aufgabenstellungen.	
	Berechnung von Nullstellen, Extrem- und Wendepunkten von Funktionsscharen in Abhängigkeit von Parametern	
	• einfache Fallunterscheidungen bei Funktionsscharen	
	Nutzung von Funktionsscharen in Sachzusammenhängen	
	Deutung der Ableitung mithilfe der Approximation durch lineare Funktionen	
S1/S2	Ableitungsfunktion	Einführungsphase Kapitel III Extremstellen und Wendestellen
	Monotonieuntersuchungen mithilfe der Ableitungsfunktionen	1 Monotonie
	Nutzung von erster und zweiter Ableitung sowie dem Vorzeichenwechselkriterium zur Bestimmung und	2 Lokale Extremstellen
	Klassifikation von lokalen Extrema von Funktionen	3 Der Nachweis von Extremstellen
	Nutzung von zweiter und dritter Ableitung sowie dem Vorzeichenwechselkriterium zur Bestimmung von	4 Die Bedeutung der zweiten Ableitung – Wendestellen
	Wendepunkten	5 Vom Funktionsterm zum Funktionsgraphen
	Untersuchung des Krümmungsverhaltens von Funktionen	6 Differenzialrechnung in Sachzusammenhängen
	Entwicklung und Umsetzung von Strategien zum Lösen von Optimierungsproblemen	
	Untersuchung abschnittsweise definierter Funktionen auf Sprung- und Knickfreiheit (*)	Qualifikationsphase Kapitel III Grundlagen der Differenzialrechnung
	Zusätzlich im erhöhten Anforderungsniveau:	8 Extremwertprobleme mit Nebenbedingungen
	Auf erhöhtem Anforderungsniveau bearbeiten die Schülerinnen und Schüler auf derselben inhaltlichen Basis komplexere Aufgabenstellungen.	(*) Diese Inhalte werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe
	Unterscheidung zwischen lokalen und globalen Extrema	abgedeckt
S1/S2	Bestandsänderungen	Qualifikationsphase Kapitel III Integralrechnung
	• Interpretation von Inhalten von Flächen unter Funktionsgraphen als Bestandsänderung in verschiedenen	1 Rekonstruieren einer Größe
	Sachzusammenhängen	2 Das Integral als orientierter Flächeninhalt
	Abschätzen von Inhalten von Flächen unter Funktionsgraphen	3 Der Hauptsatz der Differenzial- und Integralrechnung
	näherungsweise Bestimmung der Inhalte von Flächen unter Funktionsgraphen durch Berechnen von Linker und Oberstragen sowie Beschreibung desen gegenstitten Applichen der heinen des Applications des Applicat	4 Bestimmen von Stammfunktionen
	Unter- und Obersummen sowie Beschreibung deren gegenseitiger Annäherung bei steigender Anzahl von Teilintervallen	5 Stammfunktionen und ihre Graphen
	Notation und Interpretation von Integralen	6 Integral und Flächeninhalt
	Definition und Beschreibung von Bestandsfunktion, Stammfunktion, Integralfunktion und deren	7 Rotationskörper und ihr Volumen 9 Mittelwerte von Funktionen
	Zusammenhang	9 Millelwerte von Funktionen
	Kenntnis des Hauptsatzes der Differential- und Integralrechnung und des geometrisch-anschaulichen Beweises	

	 Anwendung der Potenzregel, der Faktorregel und der Summenregel zur Bestimmung von Stammfunktionen Deutung des bestimmten Integrals, insbesondere als (re-) konstruierter Bestand Berechnung von Flächeninhalten und die Deutung in Sachsituationen Berechnung von Flächeninhalten zwischen zwei Funktionsgraphen Berechnung von Mittelwerten von Funktionen mit dem bestimmten Integral Herleitung der Graphen einer Funktion aus dem gegebenen Graphen einer Ableitungsfunktion Zusätzlich im erhöhten Anforderungsniveau: Auf erhöhtem Anforderungsniveau bearbeiten die Schülerinnen und Schüler auf derselben inhaltlichen Basis komplexere Aufgabenstellungen. Bestimmung des Volumens von Körpern, die durch Rotation von Funktionsgraphen um die x-Achse entstehen Begründung der Volumenformel für Körper, die durch Rotation von Funktionsgraphen um die x-Achse entstehen 	
S1/S2	1.2 Von der Änderungsrate zum Bestand	
	 Funktionale Zusammenhänge Darstellung und Anwendung von funktionalen Zusammenhängen mithilfe der Sinus- und Kosinusfunktion der Form f(x) = a · sin(bx + c) + d · und g(x) = a · cos(bx + c) + d sowie Kenntnis der Besonderheiten und Nutzung in Sachzusammenhängen Beschreibung und Nutzung der Auswirkung von Parametervariationen in einer Funktionsvorschrift für den Graphen einer Funktion (*) Erstellung, Interpretation und Beurteilung von Modellen, Berechnungen mit Parametern in einer Funktionsvorschrift, insbesondere unter Vorgabe und Einsetzen konkreter Werte, sowie Interpretation der Ergebnisse (*) Erkennung von Achsensymmetrie zur y-Achse und Punktsymmetrie zum Ursprung am Funktionsterm mithilfe des Wissens über die Symmetrieeigenschaften der Sinus- und der Kosinuskurve, Nutzung dieser Eigenschaft für Argumentationen und Berechnungen Zusätzlich im erhöhten Anforderungsniveau: Auf erhöhtem Anforderungsniveau bearbeiten die Schülerinnen und Schüler auf derselben inhaltlichen Basis komplexere Aufgabenstellungen. Nutzung von Funktionsscharen zum Lösen von Problemen Beschreibung und Untersuchung von Sinus- und Kosinusfunktionen sowie deren Verkettungen und Verknüpfungen mit den Funktionen aus Modul 1.1 auch in Sachsituationen Nachweis von Achsensymmetrie zur y-Achse und Punktsymmetrie zum Ursprung u. a. mithilfe der Zusammenhänge f(x) = f(-x) bzw. f(x) = -f(-x) 	Einführungsphase Kapitel IV Trigonometrische Funktionen 1 Sinus und Kosinus am Einheitskreis 2 Das Bogenmaß – die Sinus- und Kosinusfunktion 3 Die Funktion f mit f(x) = a · sin (x - c) + d 4 Die Funktion f mit f (x) = a · sin (b · (x - c)) + d 5 Die Ableitung der Sinus- und Kosinusfunktion 6 Periodische Vorgänge modellieren Einführungsphase Kapitel IV Funktionen und ihre Graphen 5 Symmetrie von Graphen (*) Diese Inhalte werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt

S1/S2	Mittlere und lokale Änderungsrate	Einführungsphase Kapitel IV Trigonometrische Funktionen
	Kenntnis und Nutzung der Ableitungen der Sinus- und Kosinusfunktion	5 Die Ableitung der Sinus- und Kosinusfunktion
	Anwendung der Ableitungsregeln	
	o Produktregel o Kettenregel	Einführungsphase Kapitel IV Funktionen und ihre Graphen
		4 Trigonometrische Funktionen
	Zusätzlich im erhöhten Anforderungsniveau:	
	Auf erhöhtem Anforderungsniveau bearbeiten die Schülerinnen und Schüler auf derselben inhaltlichen Basis komplexere Aufgabenstellungen.	
	Nutzung von Funktionsscharen, die mithilfe der Sinus- und der Kosinusfunktion gebildet werden – auch in Sachzusammenhängen, Berechnung von Nullstellen, Extrem- und Wendepunkten in Abhängigkeit von den Scharparametern, einfache Fallunterscheidungen	
S1/S2	Bestandsänderungen	Qualifikationsphase Kapitel III Integralrechnung
	Bestimmung von Stammfunktionen der Sinus- und Kosinusfunktion	5 Stammfunktionen und ihre Graphen
	Berechnung von Flächeninhalten und ihre Deutung in Sachsituationen	6 Integral und Flächeninhalt
	Zusätzlich im erhöhten Anforderungsniveau:	
	Auf erhöhtem Anforderungsniveau bearbeiten die Schülerinnen und Schüler auf derselben inhaltlichen Basis komplexere Aufgabenstellungen.	
	Berechnung von Integralen bei Sinus- und Kosinusfunktionen mit linearen Argumenten	
	Anwendung von elementaren Rechenregeln und Nutzung von Symmetriebetrachtungen	
S1/S2	2 Der Zufall steht Modell	
	Grundlagen der Statistik und der Wahrscheinlichkeitsrechnung	Qualifikationsphase Kapitel VIII Grundlagen der
	Unterscheidung der Begriffe relative Häufigkeit und Wahrscheinlichkeit sowie arithmetisches Mittel und Erwartungswert und Kenntnis des Gesetzes der großen Zahlen (*)	Wahrscheinlichkeitsrechnung 1 Elementare Kombinatorik 2 Pfadregeln und Erwartungswert 3 Bedingte Wahrscheinlichkeit
	Darstellung der Häufigkeits- und Wahrscheinlichkeitsverteilungen auf unterschiedliche Weise (z. B. in Histogrammen), Interpretation und Nutzung dieser Darstellungen und Beurteilung der Angemessenheit (*)	
	Bestimmung und Deutung der Lage- und Streumaße, u. a. Varianz und Standardabweichung, zu empirischen Daten und Wahrscheinlichkeitsverteilungen	4 Stochastische Unabhängigkeit
	Beschreibung von Zufallsexperimenten durch Ergebnis- und Ereignismengen und Baumdiagramme	
	Nutzung verschiedener Wahrscheinlichkeitskonzepte (empirisch, subjektiv, theoretisch nach Laplace) (*)	
	Nutzung von Baumdiagrammen und Vierfeldertafeln, auch zur Bestimmung bedingter Wahrscheinlichkeiten, Satz von Bayes (*)	
	Untersuchung von Ereignissen auf stochastische Unabhängigkeit und Interpretation der Ergebnisse	

S1/S2	Entnahme von Daten aus Texten und anderen Darstellungsformen, Prüfung ihrer Plausibilität mithilfe stochastischer Methoden, Beurteilung wahrscheinlichkeitsbasierter Aussagen und das Ziehen geeigneter Schlüsse Verwendung von Simulationen zur Untersuchung stochastischer Situationen (*) Erstellung, Interpretation und Beurteilung von Modellen. Es ist möglich, dass bereits im Anschluss an das Modul 2 die Binomialverteilung aus dem Modul 5 im ersten Jahr der Studienstufe unterrichtet wird. Zusätzlich im erhöhten Anforderungsniveau: Auf erhöhtem Anforderungsniveau bearbeiten die Schülerinnen und Schüler auf derselben inhaltlichen Basis komplexere Aufgabenstellungen. Koordinatengeometrie Vektoren Beschreibung von Vektoren im zwei- und dreidimensionalen Koordinatensystem als Zahlentupel Deutung von Vektoren als Ortsvektor eines Punktes, Verbindungsvektor zwischen Punkten und als Verschiebungsvektor Modellierung von räumlichen Objekten, Koordinatisieren dieser Objekte durch Modelle Zeichnen mathematischer Objekte mithilfe von Punkten im zwei- und dreidimensionalen Koordinatensystem Zusätzlich im erhöhten Anforderungsniveau: Auf erhöhtem Anforderungsniveau bearbeiten die Schülerinnen und Schüler auf derselben inhaltlichen Basis komplexere Aufgabenstellungen.	Einführungsphase Kapitel III Schlüsselkonzept: Vektoren – Geraden im Raum 1 Punkte und Figuren im Raum 2 Vektoren
	Rechnen mit Vektoren Berechnung von Streckenlängen und Beträgen von Vektoren Berechnung des Skalarprodukts zweier Vektoren und Nutzung zur Bestimmung von Winkelgrößen geometrische Deutung des Skalarprodukts Addition und Subtraktion von Vektoren Multiplikation von Vektoren mit einem Skalar geometrische Veranschaulichung von Operationen Untersuchung zweier Vektoren auf Kollinearität Vierecksuntersuchungen mithilfe der Begriffe orthogonal, Betrag, kollinear Zusätzlich im erhöhten Anforderungsniveau: Auf erhöhtem Anforderungsniveau bearbeiten die Schülerinnen und Schüler auf derselben inhaltlichen Basis komplexere Aufgabenstellungen.	Einführungsphase Kapitel III Schlüsselkonzept: Vektoren – Geraden im Raum 3 Rechnen mit Vektoren 4 Geraden im Raum 5 Gegenseitige Lage von Geraden – zueinander parallele Geraden Qualifikationsphase Kapitel VI Geraden und Ebenen 4 Zueinander orthogonale Vektoren – Skalarprodukt

4 Änderungsraten und Bestände	
Funktionale Zusammenhänge • Erstellung und Modifizierung mathematischer Modelle zu Wachstums- und Veränderungsprozessen unter Verwendung von e-Funktionen mit linearen Exponenten und Darstellung zugehöriger Funktionsgraphen • graphische Darstellung von e-Funktionen und Beschreibung des prinzipiellen Verlaufs, einschließlich ihres asymptotischen Verhaltens • Bestimmung der Eulerschen Zahl e mithilfe digitaler Mathematikwerkzeuge • Beschreibung und Nutzung der Auswirkung von Parametervariationen in einer Funktionsvorschrift für den Graphen einer Funktion	Qualifikationsphase Kapitel II Exponential- und Logarithmusfunktionen 1 Die natürliche Exponentialfunktion und die Euler'sche Zahl e 2 Exponentialgleichungen und natürlicher Logarithmus 3 Exponentialfunktionen und ihre Graphen 4 Exponentialfunktionen mit Parametern 5 Die Umkehrfunktion 6 Die Logarithmusfunktion und ihre Ableitung
konkreter Werte, sowie Interpretation der Ergebnisse • Erstellung, Interpretation und Beurteilung von Modellen	7 Anwendungen von Exponentialfunktionen
 Auf erhöhtem Anforderungsniveau bearbeiten die Schülerinnen und Schüler auf derselben inhaltlichen Basis komplexere Aufgabenstellungen. Nutzung von Funktionsscharen zum Lösen von Problemen. 	
Funktionen aus Modul 1.1 auch in Sachsituationen • Beschreibung des charakteristischen Verlaufs von einfachen In -Funktionen	
Binomialverteilung • Beschreibung von Zufallsexperimenten mit diskreten Zufallsgrößen und deren Wahrscheinlichkeitsverteilungen und Nutzung charakteristischer Eigenschaften von Wahrscheinlichkeitsverteilungen • Begründung der Formel für die Wahrscheinlichkeitsverteilung einer binomialverteilten Zufallsgröße • Nutzung der Binomialverteilung zur stochastischen Modellierung • Generierung von Wahrscheinlichkeiten zur Binomialverteilung und zur kumulierten Binomialverteilung mithilfe eines digitalen Werkzeuges oder alternativ deren Entnahme aus Tabellen • Berechnung und Nutzung des Erwartungswertes und der Standardabweichungen einer binomialverteilten Zufallsgröße • Nutzung der Sigma-Regeln für Wahrscheinlichkeitsaussagen bei binomialverteilten Zufallsgrößen • Erstellung, Interpretation und Beurteilung von Modellen	Einführungsphase Kapitel V Schlüsselkonzept: Binomialverteilung 1 Bernoulli-Experimente 2 Binomialkoeffizienten 3 Die Formel von Bernoulli 4 Die Binomialverteilung – Erwartungswert 5 Kumulierte Wahrscheinlichkeiten 6 Binomialverteilung – Standardabweichung 7 Problemlösen mit der Binomialverteilung Qualifikationsphase Kapitel IX Testen mit der Binomialverteilung 1 Einseitiger Hypothesentest 2 Fehler beim Testen von Hypothesen
	Funktionale Zusammenhänge Erstellung und Modifizierung mathematischer Modelle zu Wachstums- und Veränderungsprozessen unter Verwendung von e-Funktionen mit linearen Exponenten und Darstellung zugehöriger Funktionsgraphen graphische Darstellung von e-Funktionen und Beschreibung des prinzipiellen Verlaufs, einschließlich ihres asymptotischen Verhaltens Bestimmung der Eulerschen Zahl e mithilfe digitaler Mathematikwerkzeuge Beschreibung und Nutzung der Auswirkung von Parametervariationen in einer Funktionsvorschrift für den Graphen einer Funktion Berechnungen mit Parametern in einer Funktionsvorschrift, insbesondere unter Vorgabe und Einsetzen konkreter Werte, sowie Interpretation der Ergebnisse Erstellung, Interpretation und Beurteilung von Modellen Zusätzlich im erhöhten Anforderungsniveau: Auf erhöhtem Anforderungsniveau bearbeiten die Schülerinnen und Schüler auf derselben inhaltlichen Basis komplexere Aufgabenstellungen. Nutzung von Funktionsscharen zum Lösen von Problemen. Beschreibung und Untersuchung von e-Funktionen sowie deren Verkettungen und Verknüpfungen mit den Funktionen aus Modul 1.1 auch in Sachsituationen Beschreibung des charakteristischen Verlaufs von einfachen In -Funktionen Anwendungsprobleme der Stochastik Binomialverteilung Beschreibung von Zufallsexperimenten mit diskreten Zufallsgrößen und deren Wahrscheinlichkeitsverteilungen und Nutzung charakteristischer Eigenschaften von Wahrscheinlichkeitsverteilungen Begründung der Formel für die Wahrscheinlichkeitsverteilung einer binomialverteilten Zufallsgröße Nutzung der Binomialverteilung zur stochastischen Modellierung Generierung von Wahrscheinlichkeiten zur Binomialverteilung und zur kumulierten Binomialverteilung mithilfe eines digitalen Werkzeuges oder alternativ deren Entnahme aus Tabellen Berechnung und Nutzung des Enwartungswertes und der Standardabweichungen einer binomialverteilten Vufallsgröße Nutzung der Sigma-Regeln für Wahrscheinlichkeitsaussagen bei binomialverteilten Zufallsgrößen

	in einfachen Fällen Problematisierung des Übertragens von Eigenschaften einer Stichprobe auf die Grundgesamtheit es ist möglich, dass bereits im Anschluss an das Modul 2 die Binomialverteilung aus dem Modul 5 im ersten Jahr der Studienstufe unterrichtet wird. Zusätzlich im erhöhten Anforderungsniveau: Hypothesentests und Normalverteilung Durchführung von ein- und zweiseitigen Hypothesentests Beurteilung der Unsicherheit und Genauigkeit von Hypothesentests mithilfe der Untersuchung der Wahrscheinlichkeit von Fehlern erster und zweiter Art Erstellung von Null- und Alternativhypothese bei ein- und zweiseitigen Hypothesentests und Konzeption der Tests Modellierung mithilfe der Normalverteilung und Nutzung von Erwartungswerten und Standardabweichungen von normalverteilten Zufallsgrößen für Wahrscheinlichkeitsaussagen Generierung von Wahrscheinlichkeiten zur Normalverteilung mithilfe eines digitalen Werkzeuges oder alternativ anhand von Tabellen. Beschreibung des Unterschieds zwischen diskreten und stetigen Zufallsgrößen am Beispiel der Binomialund Normalverteilung Approximation einer Binomialverteilung mithilfe einer Normalverteilung (*)	3 Wahl der Nullhypothese 4 Zweiseitiger Hypothesentest Qualifikationsphase Kapitel X Normalverteilung 1 Die Normalverteilung 2 Die Gauß'sche Glockenfunktion 3 Sigma-Regeln 4 Umkehraufgaben zur Normalverteilung 5 Stetige Zufallsgrößen (*) Diese Inhalte werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt
S3/S4	Geraden und Ebenen analytische Beschreibung von Geraden und Ebenen mithilfe von Vektoren Umformung von Ebenengleichungen (Koordinatenform, Parameterform und Normalenform) Bestimmung und Nutzung von Spurpunkten von Geraden und von Spurpunkten von Ebenen Untersuchung, ob ein Punkt auf einer bestimmten Gerade oder in einer bestimmten Ebene liegt Berechnung des Schnittpunktes zwischen zwei Geraden und zwischen Gerade und Ebene Untersuchung der Lagebeziehungen zwischen zwei Geraden im Raum und zwischen Gerade und Ebene Lösbarkeit und Lösungsvielfalt von linearen Gleichungen und Gleichungssystemen sowie deren geometrische Interpretation Bestimmung und Nutzung von Normalenvektoren Berechnung der Größe von Winkeln zwischen Geraden, zwischen Gerade und Ebene sowie zwischen Ebenen Durchführung einer Spiegelung eines Punktes an einer Ebene Erstellung, Interpretation und Beurteilung von Modellen Zusätzlich im erhöhten Anforderungsniveau:	Qualifikationsphase Kapitel VI Geraden und Ebenen 1 Vektoren im Raum 2 Geraden im Raum 3 Ebenen im Raum – Parameterform 4 Zueinander orthogonale Vektoren – Skalarprodukt 5 Normalen- und Koordinatenform einer Ebene 6 Ebenengleichungen umformen – das Vektorprodukt 7 Ebenen veranschaulichen 8 Gegenseitige Lage von Ebenen und Geraden 9 Gegenseitige Lage von Ebenen Qualifikationsphase Kapitel VI Abstände und Winkel 1 Abstand eines Punktes von einer Ebene – HNF 2 Abstand eines Punktes von einer Geraden 3 Abstand zueinander windschiefer Geraden

\$3/\$4	 Auf erhöhtem Anforderungsniveau bearbeiten die Schülerinnen und Schüler auf derselben inhaltlichen Basis komplexere Aufgabenstellungen. Bestimmung von Abständen zwischen Punkten, Geraden und Ebenen Untersuchung von Lagebeziehungen zwischen zwei Ebenen Spiegelung von geometrischen Objekten an Ebenen 7 Lineare Algebra	4 Spiegelung und Symmetrie 5 Winkel zwischen Vektoren 6 Schnittwinkel
53/54	Lineare Gleichungssysteme • Aufstellung linearer Gleichungssysteme im Anwendungskontext, Auswahl und Anwendung geeigneter Verfahren zu deren Lösung • Erläuterung und Anwendung des Gaußschen Eliminationsverfahrens für lineare Gleichungssysteme • Deutung der Endformen des Gaußschen Eliminationsverfahrens im Hinblick auf die Anzahl der Lösungstupel Zusätzlich im erhöhten Anforderungsniveau: • Auf erhöhtem Anforderungsniveau bearbeiten die Schülerinnen und Schüler auf derselben inhaltlichen Basis komplexere Aufgabenstellungen.	Qualifikationsphase Kapitel V Lineare Gleichungssysteme 1 Das Gauß-Verfahren 2 Lösungsmenge linearer Gleichungssysteme 3 Lineare Gleichungssysteme mit Parametern auf der rechten Seite 4 Bestimmen ganzrationaler Funktionen
\$3/\$4	Matrizen und Vektoren (*) • Modellierung von Wachstums- und Umverteilungsprozessen sowie Produktionsverflechtungen mithilfe von Übergangsgraphen und Übergangsmatrizen sowie Zustandsvektoren • Vergleich und Validierung verschiedener Modelle mithilfe der Interpretation von Übergangsgraphen und Matrixelementen im Sachkontext • Modifikation von Modellen auch durch Berücksichtigung zusätzlicher Einflussgrößen • Bestimmung von Zustandsvektoren zur Beschreibung von nachfolgenden und eindeutig berechenbaren vorausgehenden Zuständen, auch mithilfe von Matrixmultiplikation und inversen Matrizen • Interpretation von Fixvektoren • Berechnung und Nutzung von Matrixpotenzen, auch mithilfe digitaler Mathematikwerkzeuge • experimentelle Untersuchung des Langzeitverhaltens von Wachstums- und Umverteilungsprozessen anhand digitaler Mathematikwerkzeuge • Erstellung, Interpretation und Beurteilung von Modellen Zusätzlich im erhöhten Anforderungsniveau: • Bestimmung von Zustandsvektoren zur Beschreibung von vorausgehenden uneindeutigen Zuständen, Berechnung von Fixvektoren, Bestimmung und Interpretation von Grenzmatrizen und Grenzvektoren auch mithilfe digitaler Mathematikwerkzeuge	(*) Diese Inhalte werden derzeit nicht mit der Allgemeinen Ausgabe abgedeckt